











THÉORIE ÉLÉMENTAIRE

DES

OPÉRATIONS FINANCIÈRES.



THÉORIE ÉLÉMENTAIRE

DES

OPÉRATIONS FINANCIÈRES,

PAR

HIPPOLYTE CHARLON.

60

DEUXIÈME ÉDITION.



PARIS.

GAUTHIER-VILLARS, IMPRIMEUR-LIBRAIRE
DU BUREAU DES LONGITUDES, DE L'ÉCOLE POLYTECHNIQUE,
SUCCESSEUR DE MALLET-BACHELIER,

Quai des Grands-Augustins, 55.

1887

Lous droits réservés :

24/8/92

PRÉFACE.

J'ai publié en 1878 un Livre destiné aux mathématiciens et dont le titre est *Théorie mathématique des opérations financières*. Le succès qu'il a obtenu m'a décidé à tenter de mettre le sujet qu'il traite à la portée des personnes qui possèdent sculement les notions les plus élémentaires de l'Arithmétique. Tel est le but que je me suis efforcé d'atteindre par la publication de la *Théorie élémentaire des opérations financières*.

Dans ce nouveau Livre, le lecteur ne rencontrera point de formules algébriques, mais bien des règles en langage ordinaire et des Tables numériques qui lui permettront de résoudre, rapidement et avec précision, les questions les plus ardues de la Finance.

Les taxes qui frappent les obligations, ainsi que l'organisation des services d'intérêt et d'amortissement du 3 pour 100 amortissable, ont apporté aux problèmes financiers, et notamment aux calculs de parités, des difficultés considérables. Heureusement, M. Marc Achard a su trouver des procédés très ingénieux pour les surmonter. L'étude de ces procédés sera certainement la plus intéressante de celles que suggérera cette publication.

Les Tables III, IV, V, VI et VII ont été dressées par mes soins et j'en ai surveillé l'exécution avec la plus scrupuleuse attention. Elles sont entièrement nouvelles et n'ont jamais été insérées dans aucun Ouvrage.

Dans la Table I, j'ai groupé, en les complétant, quatre Tables que les auteurs ont, jusqu'à présent, publiées séparément. Je pense que ce groupement sera approuvé par les praticiens de la Finance.

Quant à la Table II, je lui fais jouer un rôle nouveau dans les calculs relatifs au 3 pour 100 amortissable.

J'ai reproduit à peu près textuellement, sur les opérations de Bourse, le change et la comptabilité, les Chapitres qui les concernent dans ma *Théorie mathématique des opérations financières*.

La connaissance de ces matières s'impose aujourd'hui à tous ceux qui, de près ou de loin, sont mêlés aux affaires financières.

H. CHARLON.

THÉORIE ÉLÉMENTAIRE

DES

OPÉRATIONS FINANCIÈRES.

CHAPITRE PREMIER.

§ I. — Intérêt simple et composé.

1. Pour résoudre les questions relatives à l'intérêt, on fixe toujours l'intérêt de 1^{fr}, ou, ce qui revient au même, celui de 100^{fr}, pendant une durée prise pour unité. Cette durée est habituellement une année, un semestre, un trimestre ou un mois.

L'intérêt de 1^{fr}, ou celui de 100^{fr}, pour l'unité de temps, est ce qu'on appelle *taux* ou *type* d'intérêt. Ainsi, quand on fixe l'intérêt de 1^{fr} à 0^{fr}, 03 par semestre, ou, ce qui revient au même, celui de 100^{fr} à 3^{fr}, pendant la même unité de temps, on dit que le *taux semestriel* de l'intérêt est de 0^{fr}, 03 pour 1^{fr}, ou de 3 pour 100.

- 2. On admet toujours que la valeur acquise par un capital placé à intérêt est proportionnelle à l'importance de ce capital. Il suffit, par conséquent, de déterminer la valeur acquise par 1^{fr} pour en déduire, par une simple multiplication, celle d'un capital quelconque placé dans les mêmes circonstances.
- 3. D'après la définition précédente du taux de l'intérêt, la valeur acquise au bout d'une unité de temps par 1^{fr}, placé à intérêt, sera, dans tous les cas, égale à 1^{fr} plus le taux correspondant à 1^{fr}.

Mais, si la durée du placement est plus grande ou plus petite que l'unité de temps, on peut convenir que la valeur acquise par 1^{fr} sera calculée suivant une loi quelconque, à la condition toutefois que, d'après cette loi, la valeur acquise par 1^{fr}, au bout de l'unité de temps choisie pour fixer le taux d'intérêt, soit égale à 1^{fr} plus le taux.

L'usage n'a adopté que deux lois pour le calcul de la va-

leur acquise par 1fr placé à intérêt.

Intérêt simple. — D'après la première loi, dite de l'intérê simple, la valeur acquise par 1^{fr}, pendant un certain temps et d'après un taux déterminé, est égale à 1^{fr} plus le produit du taux par le temps, étant entendu que le taux correspond à l'unité de temps qui a servi à mesurer la durée du placement.

Exemple. — Quelle est la valeur acquise par 15000^{fr}, placés à intérêt simple du 15 janvier au 15 novembre de la même année, au taux semestriel 2½ pour 100?

La durée étant 1 semestre et 4 mois, ou $\frac{5}{3}$ de semestre, la valeur acquise par 1^{fr} au bout de ce temps sera égale à $1 + \frac{5}{3} \times 0$,025, ou 1^{fr},041666.... En multipliant ce nombre par 15000, on obtient 15625^{fr}, qui est la solution demandée.

Intérêt composé. — D'après la seconde loi, dite de l'intérêt composé, la valeur acquise par 1^{fr} pendant un certain temps, et d'après un taux déterminé, est égale à la somme de 1^{fr} et du taux multipliée par elle-même autant de fois que la durée du placement renferme d'unités de temps.

Ainsi, la valeur acquise par 1^{fr} placé à intérêt composé, pendant 2 ans, d'après le taux semestriel de 2½ pour 100, sera égale à

$$1,025 \times 1,025 \times 1,025 \times 1,025$$
 ou à $1^{fr},10381289$ (*).

$$1,025^4 = 1,025 \times 1,025 \times 1,025 \times 1,025$$
.

L'expression 1,0254 s'appelle la quatrième puissance de 1,025.

^(*) Descartes a introduit dans les Mathématiques l'usage précieux de l'exposant, qui est un nombre qu'on place à droite et au-dessus d'un autre pour indiquer combien de fois celui-ci doit être multiplié par lui-même. Ainsi

On conçoit que si la durée, au lieu de 4 semestres, avait été de 30, de 50 ou de 100 ans, il eût fallu, pour obtenir la valeur cherchée, au lieu de 4 multiplications, en faire 60, 100 ou 200, ce qui serait impraticable par les procédés de l'Arithmétique élémentaire. Il faut alors avoir recours à l'usage des *Tables de logarithmes*, ou à celui des *Tables de calculs faits*, de la nature de ceux enregistrés dans la 1^{re} colonne des diverses pages de la Table I.

C'est ainsi qu'on trouvera que le nombre calculé ci-dessus se trouve le 4^e dans la 1^{re} colonne verticale de la page qui porte en tête le taux $2\frac{1}{2}$ pour 100 dans la Table I.

Exemple. — Quelle est la valeur acquise par 15000^{fr}, placés à intérêt composé, pendant 12 ans 6 mois, au taux de 1 ½ pour 100 par trimestre?

La durée du placement est de 50 trimestres. La 1^{re} colonne de la page qui porte en tête 1 ½ pour 100, dans la Table I, ndique que la valeur acquise par 1^{fr} placé à intérêt composé, pendant 50 unités de temps, au taux 1 ½ pour 100, est égale à 1^{fr},86102237. En multipliant ce nombre par 15000, on obtient 27915^{fr},3355, qui est la solution demandée.

4. La durée d'un placement à intérêt composé a été supposée dans ce qui précède égale à un nombre entier d'unités de temps. Il n'en est pas toujours ainsi; cette durée peut être égale à un nombre fractionnaire d'unités de temps plus grand ou plus petit qu'une unité de temps.

Si la durée était, par exemple, égale à ½ d'un trimestre, et que le taux d'intérêt adopté fût de 1½ pour 100 par trimestre, la valeur acquise par 1^{fr}, dans ces conditions de durée et de taux, serait égale à un nombre qui, multiplié trois fois par lui-même, donnerait pour produit 1,015. Ce nombre, qui est la racine cubique de 1,015, et qu'on obtient par des procédés d'Arithmétique supérieure, est 1,00497.

Si la durée du placement était de $\frac{2}{3}$ d'un trimestre et que

le taux fût encore de t ½ pour 100 par trimestre, la valeur acquise par 1^{fr} placé à intérêt composé, dans ces conditions de durée et de taux, serait égale à

La Table II donne, pour les taux les plus usuels, les valeurs acquises par 1^{fr} placé à intérêt composé pendant un ou plusieurs douzièmes d'unité de temps.

Quand la durée du placement de 1^{fr} à intérêt composé est fractionnaire et plus grande que l'unité de temps, on obtiendra la valeur acquise par ce placement en cherchant, dans la Table I la valeur acquise par 1^{fr}, d'après le taux adopté, pendant la partie entière de la durée, et en multipliant cette valeur par le nombre de la Table II correspondant à la fraction qui complète la durée totale et au taux adopté.

On obtiendra la valeur acquisc par une somme quelconque pendant une durée fractionnaire quelconque et d'après un taux déterminé, en multipliant par cette somme la valeur acquise par 1^{fr} dans les mêmes conditions de taux et d'intérêt et qu'on calculera comme il vient d'être dit (n° 2).

Exemple. — Quelle est la valeur acquise par 15000fr placés

$$1,015^{\frac{2}{3}} = 1,00996.$$

On convient encore de représenter par 1,015 $^{40\frac{2}{3}}$ le produit du nombre que représente 1,015 40 par celui que représente 1,015 $^{2\frac{3}{3}}$.

Les nombres qui se trouvent sur la ligne horizontale correspondant, dans la Table II, au taux 1 ½, sont égaux respectivement à

$$1,015^{\frac{1}{12}}, 1,015^{\frac{2}{12}}, 1,015^{\frac{3}{12}}, 1,015^{\frac{4}{12}}, \dots$$

Le premier est la racine douzième de 1,015; le deuxième, le troisième, le quatrième sont respectivement les racines sixième, quatrième, cubique du même nombre. On voit par là que la Table II peut servir à trouver des racines de divers ordres de la somme de 1^{fr} et d'un des taux d'intérêt indiqués dans cette Table.

^(*) On convient de représenter par l'expression $1,015^{\frac{2}{3}}$ le résultat qu'on obtien en élevant au carré la racine cubique de 1,015. Ainsi on peut écrire

à intérêt composé, au taux trimestriel de $1\frac{1}{2}$ pour 100, pendant 10 ans 1 mois?

La durée du placement est égale à 40 ½ trimestres ou 40 ½ trimestres. La valeur acquise par 1^{fr}, placé à intérêt composé pendant 40 unités de temps au taux 1½ pour 100, est, d'après la Table I, égale à 1,81401841. La valeur acquise par 1^{fr}, d'après le même taux et pour ½ d'unité de temps, est, d'après la Table II, égale à 1,00497. Le produit

$$1,81401841 \times 1,00497 = 1,82303408$$

représente la valeur acquise par 1^{fr} placé dans les conditions de l'énoncé; en le multipliant par 15000, on obtiendra 27345^{fr}, 51 pour la solution demandée.

5. Le Tableau suivant, établi pour le taux annuel de 5 pour 100, permet de comparer les valeurs acquises par un capital pendant diverses durées, suivant qu'il a été placé à intérêt simple ou à intérêt composé.

du du	VALEUR ACQUISE PAR UN CAPITAL DE 1000 ^{fr} placé au taux annuel de 5 pour 100,		
placement.	à intérèt simple.	à intérêt composé.	
ı mois.	fr 1004,17	fr 1004,07	
2 mois.	1008,33	1008,16	
3 mois.	1012,50	1012,27	
4 mois.	1016,66	1016,40	
6 mois.	1025,00	1024,70	
8 mois.	1033,33	1033,06	
ı an.	1050,00	1050,00	
2 ans.	1100,00	1102,50	
3 ans.	1150,00	1157,62	
5 ans.	1250,00	1276,28	
10 ans.	1500,00	1628,89	
50 ans.	3500,00	11467,40	
100 ans.	6000,00	131501,26	

On voit que, pour une durée inférieure à une unité de temps, la valeur acquise par un capital placé à intérêt composé est plus faible, d'après un taux déterminé, que celle qu'il acquerrait, d'après le même taux, s'il était placé à intérêt simple. C'est le contraire qui a lieu quand la durée du placement est supérieure à l'unité de temps.

6. Quand l'unité de temps et le taux de l'intérêt varient dans la même proportion, la valeur acquise par un capital placé à intérêt simple reste constante. Ainsi l'intérêt simple de 1000 fr pendant un an, d'après le taux annuel 6 pour 100, est égal à 60 fr; l'intérêt simple de la même somme, pendant la même durée, mais au taux semestriel de 3 pour 100, ou au taux trimestriel de 1 ½ pour 100, est encore égal à 60 fr.

Il n'en est pas de même pour l'intérêt composé : les valeurs acquises par 1000fr, au bout d'un an, seraient respectivement:

D'après le taux annuel 6 pour 100,

$$1000 \times 1,06 = 1060$$
 fr;

D'après le taux semestriel 3 pour 100,

$$1000 \times 1,03 \times 1,03 = 1060^{fr},90;$$

D'après le taux trimestriel 1 ½ pour 100,

$$1000 \times 1,015 \times 1,015 \times 1,015 \times 1,015 = 1061^{fr},36.$$

7. Afin de bien fixer les idées sur ce point important, nous appellerons taux équivalents ceux qui, correspondant à des unités de temps différentes, font acquérir, pendant le même temps, des valeurs identiques à 1^{fr} placé à intérêt composé.

Pour trouver le taux semestriel x équivalant au taux annuel 6 pour 100, il faut, d'après la définition précédente, que l'on ait l'égalité

$$(1+x)\times(1+x)=1,06;$$

d'où l'on voit que la racine carrée de 1,06 est égale à 1 + x; cette racine carrée, d'après la note du n° 4, étant égale à 1,02956, il en résulte que x est égal à 0,02956.

En désignant par y le taux trimestriel équivalant au taux annuel 6 pour 100, il faut que l'on ait l'égalité

$$(1+y) \times (1+y) \times (1+y) \times (1+y) = 1,06;$$

d'où l'on voit que la racine quatrième de 1,06, ou la racine carrée de sa racine carrée, est égale à 1+y; cette racine quatrième, d'après la note du n° 4, étant égale à 1,01467, il en résulte que y est égal à 0,01467.

Le tableau suivant indique, sur chaque ligne horizontale, les taux annuels, semestriels, trimestriels et mensuels qui sont équivalents.

Taux équivalents (*).

TAUX	TAUX	TAUX	TAUX
annuels.	semestriels.	trimestriels.	mensuels.
0,03	0,01489	0,00742	0,00247
0,035	0,01735	0,00864	0,00287
0,04	0,01980	0,00985	0,00327
0,045	0,02225	0,01106	0,00367
0,05	0,02470		0,00407
0,06	0,02956	0,01467	0,00487

8. La valeur acquise par un capital placé à intérêt simple pour une courte durée, inférieure à l'unité de temps par exemple, diffère peu de celle qu'il acquerrait à intérêt composé d'après le même temps et pour la même durée; le calcul

^(*) En suivant les indications de la note du n° 4, on trouvera les nombres de ce Tableau dans la Table II.

de la valeur acquise par l'intérêt simple étant d'ailleurs plus facile que celui de la valeur acquise par l'intérêt composé, c'est le premier que l'on adopte dans ce cas.

Quand il s'agit de placements à longue durée, c'est généralement l'intérêt composé qui est adopté.

§ II. — ESCOMPTE.

9. Un capital exigible dans l'avenir n'a pas la même valeur actuelle qu'un capital de même importance immédiatement disponible; en d'autres termes, la valeur actuelle d'un capital non échu est un autre capital d'importance moindre. La différence de ces capitaux constitue ce qu'on appelle l'escompte.

La valeur actuelle d'un capital non échu est souvent appelée valeur escomptée de ce capital.

La détermination de l'escompte d'un capital non échu résulte évidemment de celle de la valeur actuelle de ce capital. Cette valeur actuelle est influencée par diverses circonstances, dont les principales sont : le plus ou moins de sécurité du recouvrement de ce capital, l'époque de son échéance, la disette ou l'abondance du numéraire et la place sur laquelle doit se faire le recouvrement. L'appréciation de ces circonstances sert à fixer le taux d'intérêt d'après lequel se calcule la valeur actuelle du capital non échu. Pour ce calcul, l'usage a consacré trois modes différents, et qui vont être successivement exposés.

10. Escompte à intérêt composé. — Si l'on prend pour vaeur actuelle d'un capital non échu un capital tel que, placé actuellement à intérêt composé jusqu'à l'époque de l'échéance du premier, il lui devienne égal, l'escompte est dit à intérêt composé.

On pourrait calculer cette valeur actuelle en divisant le capital non échu par le nombre de la 1^{re} colonne de la Table l qui correspond au taux d'intérêt adopté et au temps qui

doit s'écouler jusqu'à son échéance, si ce temps compreno un nombre entier d'unités de temps. Dans le cas où ce temps serait un nombre fractionnaire, on diviserait le capital non échu par le nombre de la re colonne de la Table I qui correspond au taux adopté et au nombre entier d'unités de temps qui doit s'écouler jusqu'à son échéance; on diviserait ensuite le quotient ainsi obtenu par le nombre de la Table II qui correspond au taux adopté et à la fraction d'unité de temps qui complète le temps total à courir jusqu'à l'échéance du capital considéré.

La première de ces divisions est toujours laborieuse et on la remplace par une multiplication, laborieuse il est vrai, mais d'une exécution plus rapide en se servant de la 2º colonne de la Table I. Cette 2e colonne donne, pour les taux les plus usuels, la valeur actuelle de 1fe exigible après un certain nombre d'unités de temps. Les nombres qui la composent sont les quotients obtenus en divisant 1fr par les nombres de la première colonne à la suite desquels, sur chaque ligne horizontale, ils sont placés (*). La valeur actuelle d'un capital, dont l'échéance doit avoir lieu après un nombre entier d'unités de temps, s'obtiendra en le multipliant par le nombre de la 2e colonne de la Table I qui correspond à cette durée et au taux adopté. Si l'échéance doit avoir lieu après un nombre fractionnaire d'unités de temps, on fera la multiplication qui vient d'être indiquée pour la partie entière de cette durée, et l'on divisera le produit par le nombre de la Table II qui correspond à la partie fractionnaire de cette durée et au taux adopté.

^(*) Le produit de deux nombres, pris respectivement dans les deux premières colonnes de la Table I et sur la même ligne horizontale, est égal à 1. Le 40e nombre de la première colonne, correspondant à 4 pour 100, est 4,80102063; on peut le représenter par 1,0440. Le nombre 0,2082890, qui est, dans la 2º colonne, sur la même horizontale que le précédent, peut être représenté par $\frac{1}{1.04^{10}}$. On voit que $1.04^{10} \times \frac{1}{1.04^{10}} = 1$.

On appelle réciproques les nombres dont le produit est égal à 1.

Ces règles sont la conséquence de celles qui ont été données aux numéros 3 et 4.

Exemple. — Quel est, d'après le taux semestriel 2 ½ pour 100, l'escompte à intérêt composé d'une somme de 10000 francs exigible dans 7 ans?

L'échéance étant éloignée de 14 semestres, la 2^e colonne de la Table I indique, pour valeur actuelle du capital non échu, 7077^{fr}, 272; l'escompte demandé est, par suite, égal à 10000 francs moins 7077^{fr}, 272, e'est à dire à 2922^{fr}, 728.

Si l'échéance était éloignée de 14 semestres et 2 mois, on calculerait, comme il vient d'être dit, la valeur actuelle 7077^{fr}, 272, correspondant à 14 semestres, et l'on diviserait ce nombre par 1,00826 qui correspond, dans la Table II, au taux adopté 2 ½ pour 100 et à ½ ou ½ de l'unité de temps qui représente les deux mois précités. On obtiendrait ainsi 7019^{fr},09 pour valeur actuelle du capital de 10000 francs à échoir dans 7 ans et 2 mois. Dans ce cas, l'escompte à intérêt composé serait égal à 2980^{fr},91.

Si l'échéance était éloignée de 14 semestres 2 mois et 20 jours, on observerait que 2 mois et 20 jours représentent une fraction de semestre égale à 5 \frac{1}{3} douzièmes de semestre. Et, pour avoir le diviseur de 7077\frac{fr}{,272}, on ajouterait à 1,01034, qui dans la Table II correspond au taux 2 \frac{1}{2} pour 100 et à 5 mois, le tiers de la différence entre ce nombre et celui qui correspond à 6 mois pour le même taux (*). On obtiendrait 1,01103.

Le résultat de la division sus-indiquée serait 7000fr, 66 et l'escompte à intérêt composé 2999fr, 94.

11. Escompte à intérêt simple. — Si l'on prend pour valeur actuelle d'un capital non échu un capital tel que, placé à intérêt simple jusqu'à l'époque de l'échéance du premier, il lui devienne égal, l'escompte est dit à intérêt simple.

^(*) Cette opération est ce qu'on appelle une interpolation.

Pour obtenir, d'après un taux déterminé, la valeur actuelle, à intérêt simple, d'un capital non échu, il n'y a qu'à le diviser par la somme de 1^{fr} et de son intérêt simple, d'après le taux fixé et pour le temps à courir jusqu'à l'échéance du capital.

Cette règle est la conséquence de celle qui a été donnée au n° 3 pour calculer la valeur acquise par le placement, à intérêt simple, d'un capital.

Exemple. — Quel est, d'après le taux semestriel $2\frac{1}{2}$ pour 100, l'escompte d'un capital de 15625^{fr} exigible dans 10 mois?

La valeur acquise par 1^{fr} dans les conditions de taux et de temps sus-indiquées est égale à 1^{fr},041666.... En divisant 15625^{fr} par ce nombre, on obtient 15000^{fr} pour la valeur actuelle nécessaire à la détermination de l'escompte demandé, qui, par suite, est égal à 625^{fr}.

12. Escompte commercial. — Si l'on prend pour valeur actuelle d'un capital ce capital lui-même diminué de son intérêt simple pour le temps qui reste à courir jusqu'à son échéance, l'escompte est dit commercial. C'est, en effet, ainsi que l'escompte est calculé dans les relations commerciales, lorsque l'échéance du capital à recevoir est peu éloignée.

Exemple. — Quel est, d'après le taux semestriel 2 ½ pour 100, l'escompte commercial d'une somme de 15625^{fr} exigible dans 10 mois?

L'intérêt simple de 15625^{fr} pendant 10 mois à $2\frac{1}{2}$ pour 100 par semestre est égal à

 $15625^{fr} \times 1\frac{2}{3} \times 0,025$ ou à $651^{fr},04$,

qui est l'escompte demandé.

13. L'escompte commercial, pour une même somme et dans des conditions identiques de taux et d'échéance, surpasse l'escompte à intérêt simple de l'intérêt de ce dernier.

En effet, l'escompte commercial est l'intérêt du capital à échoir, et ce capital est la somme de sa valeur actuelle et de

son intérêt calculés d'après l'intérêt simple. On peut donc obtenir l'escompte commercial en additionnant l'intérêt de sa valeur actuelle, c'est à dire l'escompte à intérêt simple, avec l'intérêt de l'intérêt de cette valeur actuelle, c'est-à-dire avec l'intérêt de l'escompte à intérêt simple.

Les relations de grandeur qui existent entre les divers escomptes sont rendues manifestes par le tableau suivant :

ESCOMPTE A 5 POUR 100 DE 100 ^{fr} .					
TEMPS A COURIR lusqu'à l'exigibilité du capital.	ESCOMPTE à interêt composé.	ESCOMPTE à intérêt simple.	ESCOMPTE commercial.		
ı mois.	fr 0,4054 0,8094	o 4153 o,8261	fr 0,4166 0,8333		
3 » 6 » 9 »	1,2122 2,4105 3,5921	1,2346 2,4295 3,6145	1,25 2,50 3,75 5		
i an. 2 ans. 3 »	4,7619 9,2971 13,6144	4,7619 9,0910 13,0435	5'' 10 15		
4 » 5 » 10 »	17,7297 21,6424 38,6051	16,6667 20,0000 33,3333	20 25 50		
15 » 20 »	51,8983 62,3111	42,8571 50	75 100		

L'escompte commercial est le seul adopté pour les effets de commerce, dont l'échéance est généralement éloignée d'un très-petit nombre de mois et, presque toujours, de moins d'un an. Lorsqu'il s'agit d'échéances plus longues, on a recours à l'un des deux autres escomptes sans que l'usage donne la préférence à l'un ou à l'autre; le choix est déterminé par la volonté des contractants.

§ III. — ÉCHÉANCE COMMUNE. — ÉCHÉANCE MOYENNE.

14. Quand plusieurs dettes sont exigibles à des échéances diverses, on les remplace quelquefois par une seule dette

exigible à une époque déterminée appelée échéance commune. Pour trouver le montant de cette dernière dette, on cherche les valeurs actuelles des autres et l'on en fait la somme; la valeur acquise par cette somme depuis le moment actuel jusqu'à l'échéance commune sera la solution cherchée.

Le taux qui sert à faire le calcul des valeurs actuelles des dettes considérées et celui de la valeur acquise par leur somme, dans les conditions de temps précédemment indiquées, ne doit pas être choisi au hasard. En le faisant varier, le montant de la dette qui remplace les dettes primitives varierait aussi. Il n'est pas non plus indifférent d'adopter la méthode de l'intérêt simple ou de l'intérêt composé. Le choix du taux de l'intérêt et celui de la méthode suivant laquelle l'intérêt fonctionne doivent être préalablement fixés par les parties intéressées.

Exemple. — Trois dettes montent respectivement à 3000^{fr}, 2500^{fr} et 5000^{fr}; elles sont exigibles, la première après 7 mois, la seconde après 15 mois, et la troisième après 19 mois. On veut les régler par un seul billet payable après 2 ans. Quel devra être le montant de ce billet : 1° d'après le taux de 5 pour 100 par an, 2° d'après le taux de 6 pour 100 par an? Dans chaque cas, on emploiera successivement les deux méthodes de l'intérêt simple et de l'intérêt composé.

Solution pour le cas du taux 5 pour 100.

La solution cherchée est

D'après l'intérêt simple : D'après l'intérêt composé :
$$9901^{fr}, 12 \times 1, 10 = 10891^{fr}, 23.$$
 $9896^{fr}, 20 \times 1, 05^2 = 10910^{fr}, 56.$

Solution pour le cas du taux 6 pour 100.

La solution cherchée est

D'après l'intérêt simple : D'après l'intérêt composé :
$$9790^{fr}, 32 \times 1, 12 = 10965^{fr}, 16.$$
 $9783^{fr}, 46 \times 1, 06^2 = 10992^{fr}, 70.$

15. Au lieu de fixer, comme dans le numéro précédent, l'échéance de la dette qui doit remplacer plusieurs autres dettes, on peut en fixer le montant, et c'est alors son échéance qu'il s'agit de déterminer par la condition que sa valeur actuelle soit égale à la somme des valeurs actuelles de ces autres dettes.

Exemple. — A quelle époque devra-t-on payer 15000^{fr} pour règler les trois dettes énoncées dans l'exemple du numéro précédent : 1° d'après l'intérêt simple, 2° d'après l'intérêt composé, le taux adopté dans les deux cas étant 5 pour 100 par an?

Solution d'après l'intérêt simple :

$$\frac{15000}{1+n\times0.05} = 9901^{fr}, 12,$$

d'où

$$1 + n \times 0.05 = \frac{15000}{9901.12} = 1.51498;$$

et par suite

$$n = \frac{0.51498}{0.05} = 10^{ans},299.$$

Solution d'après l'intérêt composé:

$$\frac{15000}{1,05^n} = 9896,20;$$

d'où

$$1,05^n = \frac{15000}{9896,20} = 1,51573.$$

On voit, Table I, page 5 pour 100, que 1,51573 est compris entre 1,47745 = 1,05° et 1,55132 = 1,05° et qu'il en est à peu près équidistant; on a donc approximativement $n = 8\frac{1}{2}$. La vraie valeur de n est 8,524.

16. Lorsque le montant de la dette qui remplace plusieurs autres dettes est égal à la somme des montants de ces dernières, l'époque de son échéance se déterminera comme il vient d'être dit au numéro précédent, et elle sera comprise entre les époques des échéances des autres dettes : on l'appelle échéance moyenne.

Dans le cas particulier où deux dettes, dont l'importance est identique, mais dont les échéances sont différentes, sont à remplacer par une troisième d'une importance double, l'époque de l'échéance de cette dernière dette ne sera pas équidistante des échéances des deux autres dettes, et sera toujours plus rapprochée de la première échéance.

En effet, si l'on accordait au débiteur la faculté d'acquitter ses deux dettes à la fois, à l'époque équidistante de leurs échéances, il gagnerait alors l'intérêt de la première et perdrait une somme égale à l'escompte de la seconde pour un temps égal à la moitié du temps qui sépare les deux échéances; or, l'intérêt simple ou composé d'un capital est supérieur à son escompte à intérêt simple ou composé (n° 13); il faut

donc, pour que le gain soit identique à la perte, que l'échéance moyenne soit plus rapprochée de l'échéance de la première dette que de celle de la seconde.

Exemple. — Une personne doit 1000^{fr}, exigibles après 3 ans, it 1000^{fr} exigibles après 27 ans; à quelle époque, pour éteindre ces deux dettes, devra-t-elle payer 2000^{fr}: 1° d'après l'intérêt simple, 2° d'après l'intérêt composé, le taux adopté étant 2 pour 100 par semestre?

Solution d'après l'intérêt simple :

$$\frac{2000}{1+0.02\times n} = \frac{1000}{1.12} + \frac{1000}{2.08};$$

d'où

$$1+0.02 \times n = \frac{2}{\frac{1}{1.12} + \frac{1}{2.08}} = 1.456,$$

et par suite

$$n = 22^{\text{sem}}, 8 = 11^{\text{uns}} 4^{\text{mois}} 24^{\text{jours}}.$$

Solution d'après l'intérêt composé:

$$\frac{2000}{1,02^n} = \frac{1000}{1,02^6} + \frac{1000}{1,02^{5i}};$$

d'où

$$1,02^{n} = \frac{2}{\frac{1}{1,02^{6}} + \frac{1}{1,02^{54}}} = 1,624/3,$$

et par suite (Table I)

$$n = 24^{\text{sem}}, 5 = 12^{\text{ans}}3^{\text{mois}}$$
.

CHAPITRE II.

§ I. - RENTES.

17. On appelle *rente* une série de sommes payables à des échéances équidistantes entre elles.

Les termes de la série qui définit une rente sont aussi dits termes de cette rente; c'est dans ce dernier sens qu'il faudra entendre le mot terme dans tout ce qui va suivre.

Les rentes les plus usuelles sont les rentes à termes constants. Je ne considérerai que celles-là, les rentes à termes variables donnant lieu à des calculs qui exigent l'emploi de méthodes étrangères à l'Arithmétique élémentaire.

Si les termes d'une rente sont en nombre infini, et que leurs échéances s'étendent jusqu'à un temps infini, cette rente est dite perpétuelle.

Si les termes d'une rente sont en nombre fini, cette rente est dite *limitée*; le plus souvent, on la désigne simplement sous le nom de *rente*.

Une rente est dite *viagère* si ses termes ne sont exigibles que pendant la vie d'une ou de plusieurs personnes déterminées.

Une rente quelconque est dite immédiate, anticipée ou différée, suivant que l'échéance de son premier terme doit avoir lieu après un temps égal à celui qui sépare les échéances de deux termes consécutifs, ou après un temps plus court, ou après un temps plus long.

Suivant que l'intervalle de temps qui sépare les échéances de deux termes consécutifs est égal à un an, à un semestre ou à un trimestre, la rente est dite annuelle, semestrielle ou trimestrielle.

On donne habituellement le nom d'annuité à la rente annuelle.

Ensin on emploie le mot *perpétuité* pour désigner une rente perpétuelle.

18. Perpétuités. — Un terme d'une perpétuité immédiate est égal à l'intérêt simple de sa valeur actuelle.

D'où il résulte que la valeur actuelle d'une perpétuité immédiate est égale à la valeur absolue de l'un de ses termes divisée par le taux adopté pour l'évaluation de cette valeur actuelle.

Exemple. — Quelle est, d'après le taux annuel 5 pour 100, la valeur actuelle d'une perpétuité annuelle de 300^{fc}?

En divisant 300^{fr} par 0,05, ce qui donne 6000^{fr}, on a la solution demandée.

19. Pour avoir la valeur actuelle d'une perpétuité anticipée, on calcule d'abord la valeur actuelle, d'après le taux d'appréciation, de la même rente considérée comme immédiate, et l'on cherche ensuite la valeur qu'elle acquerrait si elle était placée à intérêt composé au taux d'appréciation pendant un temps égal à celui dont la rente dont il s'agit est anticipée.

Exemple. — Quelle est, d'après le taux annuel de 5 pour 100, la valeur actuelle d'une perpétuité annuelle de 300^{fr} anticipée de 8 mois?

Si la perpétuité de 300^{fr} était immédiate, sa valeur actuelle, d'après le taux 5 pour 100, serait égale, comme on l'a vu au numéro précédent, à 6000^{fr}.

En se reportant à ce qui a été dit au n° 4, on voit qu'en multipliant 6000 par 1,03306 (Table II), ce qui donne 6198fr,36, on a la solution demandée.

20. La valeur actuelle d'une perpétuité différée est égale à la valeur actuelle, d'après le taux d'appréciation, de la même

rente, considérée comme immédiate, divisée par la valeur acquise par 1^{fr} placé à intérêt composé au taux d'appréciation pendant un temps égal à celui dont la rente considérée est différée.

Exemple. — Quelle est, d'après le taux trimestriel de 1 \(\frac{1}{4}\) pour 100, la valeur actuelle d'une perpétuité trimestrielle de 500 fr dissérée de 2 mois?

Cette perpétuité, considérée comme immédiate, a pour valeur actuelle le résultat de la division de 500^{fr} par 0,0125 (n° 18), qui est égale à 40000^{fr}. Et comme 2 mois représentent les 8 douzièmes d'un trimestre, on obtiendra la solution demandée en divisant 40000^{fr} par 1,00832 (Table II), ce qui donne 39669^{fr}, 15.

21. Rentes limitées. — Pour trouver, d'après un taux déterminé, la valeur actuelle d'une rente limitée immédiate, on pourrait calculer, d'après ce taux, par les procédés indiqués au n° 10, les valeurs actuelles de chacun de ses termes et en faire la somme.

On peut aussi considérer la valeur actuelle d'une rente limitée immédiate comme la différence entre celle d'une perpétuité immédiate (n° 18) et celle d'une perpétuité différée, d'une durée égale à celle de la rente limitée (n° 20), le taux d'évaluation et l'importance du terme constant étant identiques pour chacune des trois rentes.

L'Algèbre donne aussi, pour la solution de ce problème, d'autres procédés plus expéditifs que nous n'exposerons pas.

La 3° colonne de toutes les pages de la Table I contient, pour les taux les plus usuels, les résultats des calculs opérés par ces divers procédés quand il s'agit d'une rente limitée immédiate.

Ainsi, on voit à la 3^e colonne de la Table I que la valeur actuelle, d'après le taux annuel 5 pour 100, d'une annuité immédiate de 1^{fr}, exigible pendant 27 ans, est égale à 14^{fr},6430336.

- 22. Les procédés indiqués aux nos 19 et 20, pour déduire les valeurs actuelles des perpétuités anticipées et différées de celles de ces mêmes rentes considérées comme immédiates, sont identiques, soit qu'il s'agisse de perpétuités, soit qu'il s'agisse de rentes limitées.
- 23. On a souvent besoin de connaître le taux d'intérêt qui correspond au prix payé comptant d'une rente déterminée.

S'il s'agit d'une perpétuité immédiate, le quotient d'un terme de la rente par son prix représente le taux d'intérêt correspondant à ce prix (n° 18).

Exemple. — On a payé 106^{fr},35 une perpétuité immédiate de 1^{fr},25 par trimestre; on demande le taux trimestriel d'intérêt correspondant à cette opération.

En divisant 1,25 par 106,35 on obtient 0,01175, qui est le taux trimestriel d'intérêt.

Le taux semestriel équivalent s'obtient en retranchant l'unité du carré de 1,01175, ce qui donne 0,023638 (n° 7).

Le taux annuel équivalent s'obtient en retranchant l'unité du carré de 1,023638, ce qui donne 0,047835 ou 4,7835 pour 100.

24. S'il s'agit d'une perpétuité anticipée, on commencera par chercher le prix de cette perpétuité considérée comme immédiate en retranchant du prix connu la partie acquise du prochain terme à échoir, et l'on retombe dans le cas du numéro précédent.

Exemple. — On a payé le 1^{er} octobre 68^{fr},45 une perpétuité semestrielle de 1^{fr},50 dont le premier terme échoit le 1^{er} février suivant. Quel est le taux semestriel correspondant à cette opération?

Cette perpétuité est anticipée de 2 mois ou \(\frac{1}{3}\) de semestre : la partie acquise du terme égal à 1 fr,50, qui sera exigible après

4 mois, est de o^{fr},50; le prix de la perpétuité considérée comme immédiate sera donc égal à 68^{fr},45 moins o^{fr},50, c'est-à-dire à 67^{fr},95. En divisant 1^{fr},50 par ce dernier nombre, on obtient 0,02208, qui est le taux semestriel demandé.

- 25. Nous ne nous occuperons pas de la recherche du taux pour le cas des rentes différées. Ce problème ne se présente presque jamais dans la pratique, et sa solution, assez délicate, n'a qu'un intérêt de pure curiosité.
- 26. La recherche du taux qui correspond à un prix déterminé d'une rente limitée est une opération extrêmement compliquée, que M. Achard a simplifiée par l'usage de la Table ci-après, dont cet actuaire éminent a expliqué la construction au tome III, p. 138, du Journal des Actuaires français. Nous nous bornerons ici à en indiquer l'emploi pour le cas des rentes limitées immédiates et anticipées.

A	F	В	A	F	В	A	F	В
0,00	1,00000	1,0000	2,05	0,42501	0,4454	4,05	0,24261	0,1566
0,05	0,97541	0,9834	2,10	0,41788	0,4352	4,10	0,23986	0,1522
0,10	0,95162	0,9669	2,15	0,41094	0,4253	4,15	0,23716	0,1478
0,15	0,92861	0,9506	2,20	0,40418	0,4155	4,20	0,23452	0,1435
0,20	0,90635	0,9345	2,25	0,39760	0,4058	4,25	0,23194	0,1393
0,25	0,88480	0,9184	2,30	0,39119	0,3963	4,30	0,22940	0,1352
0,30	0,86394	0,9025	2,35	0,38495	0,3870	4,35	0,22692	0,1312
0,35	0,84375	0,8868	2,40	0,37887	0,3778	4,40	0,22448	0,1273
0,40	0,82420	0,8712	2,45	0,37294	0,3688	4,45	0,22209	0,1235
0,45	0,80527	0,8558	2,50	0,36717	0,3599	4,50	0,21975	0,1198
0,50	0,78694	0,8405	2,55	0.36154	0,3512	4,55	0,21746	0,1162
0,55	0,76918	0,8254	2,60	0,35605	0,3427	4,60	0,21521	0,1127
0,60	0,75198	0,8104	2,65	0,35070	0,3343	4,65	0,21300	0,1093
0,65	0,73531	0,7956	2,70	0,34548	0,3260	4,70	0,21083	0,1060
0,70	0,71916	0,7809	2,75	0,34039	0,3180	4,75	0,20870	0,1027
0,75	0,70351	0,7664	2,80	0,33542	0,3100	4,80	0,20662	0,0996
0,80	0,68834	0,7520	2,85	0,33058	0,3022	4,85	0,20457	0,0965
0,85	0,67363	0,7378	2,90	0,32585	0,2946	4,90	0,20256	0,0935
0,90	0,65937	0,7237	2,95	0,32124	0,2871	4,95	0,20059	0,0906
0,95	0,64553	0,7098	3,00	0,31674	0,2798	5,00	0,19865	0,0878
1,00	0,63212	0,6961	3,05	0,31234	0,2726	5,05	0,19675	0,0850
1,05	0,61911	0,6825	3,10	0,30805	0,2655	5,10	0,19488	0,0824
1,10	0,60648	0,6691	3,15	0,30386	0,2586	5,15	0,19305	0,0798
1,15	0,59/23	0,6559	3,20	0,29976	0,2518	5,20	0,19125	0,0772
1,20	0,58234	0,6428	3,25	0,29576	0,2452	5,25	0,18948	0,0748
1,25	0,57080	0,6299	3,30	0,29185	0,2387	5,30	0,18774	0,0724
1,30	0,55959	0,6172	3,35	0,28803	0,2324	8,35	0,18603	0,0701
1,35	0,54871	0,6045	3,40	0,28430	0,2261	5,40	0,18435	0,0678
1,40	0,53814	0,5921	3,45	0,28065	0,2200	5,45	0,18270	0,0656
1,45	0,52788	0,5798	3,50	0,27709	0,2141	5,50	0,18107	0,0635
1,50	0,51791	0,5677	3,55	0,27360	0,2082	5,55	0,17948	0,0614
1,55	0,50823	0,5558	3,60	0,27019	0,2025	5,60	0,17791	0,0594
1,60	0,49881	0,5440	3,65	0,26685	0,1969	5,65	0,17636	0,0575
1,65	0,48967	0,5324	3,70	0,26359	0,1915	5,70	0,17485	0,0538
1,70	0,48077	0,5209	3,75 3,80	0,26039 0,25727	0,1802	5,75 5,80	0,17336	0,0530
1,75	0,47213	0,4985	3,85	0,25727	0,1510	5,85	0,17169	0,0503
1,85	0,40372	0,4955	3,90	0,25122	0,1709	5,90	0,17043	0,0303
1,90	0,43333	0,4768	3,95	0,23122	0,1660	5,95	0,16763	0,0470
1,95	0,44739	0,4661	4,00	0,24542	0,1612	6,00	0,16625	0,0454
2,00	0,43233	0,4557	4,00	0,24042	0,10.2	,,,,,	5,10025	2,0404
2,00	0,402001	0,400/						

27. Étant donné le prix d'une rente immédiate de 1^{fr}, avec 4 ou mieux 5 décimales exactes, on le divisera par la durée de cette rente. Si le quotient de cette division se trouve identique à l'un des nombres contenus dans la colonne F, on divisera le nombre correspondant de la colonne A par la somme de la durée de la rente et du nombre correspondant de la colonne B. Le résultat de cette division sera le taux correspondant au prix donné.

Exemple. — Une annuité immédiate de 1000^{fr}, exigible pendant 50 ans, a été payée 12863^{fr}, 50; quel est le taux correspondant à cette opération?

Le prix d'une rente immédiate de 1^{fr} est égal à 12^{fr}, 8635; en divisant ce nombre par 50, on obtient 0,25727, qui se trouve dans la colonne F; les nombres correspondants des colonnes A et B sont 3,80 et 0,1810; en divisant 3,80 par 50 + 0,1810, c'est-à-dire par 50,181, on obtient 0,07572. Le taux demandé est 7,572 pour 100 par an.

28. Quand le quotient de la première division indiquée au numéro précédent n'est pas identique à l'un des nombres de la colonne F, alors on détermine par interpolation (n° 10), entre les nombres des colonnes A et B, ceux qui doivent concourir à la division qui donne le taux demandé.

Exemple. — Le prix d'une annuité de 1^{fr}, payable pendant 40 années, étant de 20^{fr},5509, quel est le taux annuel correspondant à cette opération?

Le quotient de 20,5509 par 40 est égal à 0,51377, qui ne se trouve pas dans la colonne F, mais qui est compris entre les nombres 0,51791 et 0,50823 de cette colonne, et dont la différence est 0,00968; la différence entre 0,51377 et 0,51791 est 0,00414; celle de deux nombres consécutifs de la colonne A est toujours 0,05; on pose la proportion

d'où

x = 0,0214;

en ajoutant à 1,50, nombre de la colonne A qui correspond au nombre 0,51791 de la colonne F, cette valeur de x, on obtient 1,5214 pour le dividende de la division qui doit donner le taux demandé.

Les nombres de la colonne B qui correspondent à 0,51791 et à 0,50823 de la colonne A sont respectivement 0,5677 et 0,5558, dont la différence est 0,0119. On pose la proportion

968:414::0,0119:x,

d'où

x = 0.0051.

En retranchant de 0,5677 cette valeur de x, on obtient 0,5626, nombre qui, ajouté à celui de la durée de la rente, donnera 40,5626 pour le diviseur de la division qui doit donner le taux demandé.

Le quotient de la division de 1,5214 par 40,5626 est 0,037507. Le taux demandé est 3,7507 pour 100 par an.

29. Quand on voudra déterminer le taux qui correspond au prix donné d'une rente de 1^{fr}, anticipée d'une fraction de l'unité de temps, on retranchera cette fraction du prix donné de la rente, et l'on diviscra le résultat par la durée de la rente qui est exprimée par un nombre fractionnaire. On se servira ensuite de la Table, comme dans le cas où la durée de la rente est entière, et l'on aura une valeur approchée du taux demandé (*).

Pour obtenir ce taux avec une plus grande approximation, on ajoutera au quotient de la division sus-indiquée celui de la division de la moitié de la valeur approchée par la durée de la rente; on cherchera ensuite par interpolation, dans les colonnes A et F, le dividende qui correspond à ce nouveau résultat et qui, divisé par le même diviseur que dans la première opération, donnera le quotient demandé.

^(*) Cette règ'e très-simple est due à M. Achard.

Exemple. — Une annuité de 2000^{fr}, anticipée de 6 mois et composée de 40 termes égaux, a été vendue au prix de 40369^{fr}, 34; quel est le taux annuel correspondant à cette opération?

Le prix de 1fr de cette rente est	20,18467
Elle est dissérée de ½ unité de temps, soit	0,5
Différence	19,68467

En divisant cette différence par 39,5, qui est la durée de la rente, on obtient 0,49834. Au moyen de la Table et en opérant comme dans l'exemple du n° 28, on trouvera 0,04002 pour valeur approchée du taux demandé.

En divisant 0,02001 par 39,5, ce qui donne 0,00013, et ajoutant ce résultat à 0,49834, ce qui donne 0,49847, on trouvera, en se servant de ce dernier nombre au moyen de la Table, comme on s'était servi du précédent, on trouvera pour la valeur du taux demandé 0,04. C'est la valeur exacte.

On voit, d'après cet exemple, toute la précision que comporte l'emploi de la Table de M. Achard.

- § II. Accumulation a intérêt composé des arrérages d'une rente. Placements égaux faits a des époques éouidistantes.
- 30. Le propriétaire d'une rente, au lieu d'en toucher les termes à leurs échéances respectives, peut les laisser entre les mains de son débiteur, ou bien les verser chez un banquier, pour qu'ils produisent des intérêts.

La valeur acquise par tous ces termes, à l'époque de l'échéance du dernier, d'après un taux d'intérêt quelconque, est égale à celle qu'acquerrait leur valeur actuelle, placée immédiatement à intérêt composé jusqu'à cette même époque, et d'après le même taux d'intérêt. annuité immédiate de 2000^{fr}, exigible pendant 20 ans. Quelle somme produira cette accumulation à l'échéance du dernier terme, le taux d'intérêt convenu étant celui de 4 ½ pour 100 par an?

La 3° colonne de la Table I montre que la valeur actuelle de la rente en question est, d'après le taux $4\frac{1}{2}$ pour 100, égale à 13^{fr} ,0079365 × 2000, ou 26015 fr ,873. En multipliant ce dernier nombre par 2,41171402, qu'on trouve dans la 1° colonne de la Table I, sur la même ligne horizontale que 13,0079365, on obtiendra la solution demandée, qui est 62742^{fr} ,85 (*).

(*) Cette dernière multiplication, exécutée d'après le procédé ordinaire, est fort laborieuse; on peut en obtenir plus rapidement le produit par le procédé de la multiplication abrégée.

Ce procédé consiste à écrire le multiplicateur à rebours au-dessous du multiplicande, de manière que le chiffre des unités du multiplicateur soit audessous du chiffre du multiplicande qui représente des unités décimales cent fois plus petites que celles que l'on veut avoir au produit. On multiplie ensuite par chaque chiffre du multiplicateur la partie du multiplicande qui se termine au-dessus de ce chiffre; on additionne tous les produits partiels; on supprime dans cette somme les deux derniers chiffres à droite, et l'on augmente d'une unité celui qui les précède. Le résultat représente le produit cherché avec l'approximation désirée.

Voici le tableau des calculs pour l'application de ce procédé à la multiplication de 26015,873 par 2,41171402, dont on désire connaître le produit à 100 près:

Le produit demandé est égal à 62742^{fr},85, et l'erreur commise est moindre qu'un centime En effet, chaque produit partiel représente des dix-millimes et

31. On a quelquefois besoin de connaître la valeur acquise par une série de placements égaux et faits à des époques équidistantes. Si l'on veut connaître cette valeur acquise depuis l'époque du premier placement jusqu'à la fin de l'unité de temps qui suit le dernier placement, on retombera dans le cas du numéro précédent, avec cette seule différence que chaque terme de la rente que constituent les placements successifs restera placé pendant une unité de temps de plus.

Il faudra donc, pour obtenir la valeur demandée, multiplier la valeur du placement par le nombre de la 3° colonne de la Table I qui correspond au taux adopté et au nombre d'années égal à celui des placements, et multiplier ce produit par le nombre de la 1^{re} colonne qui correspond au même taux et au nombre d'années supérieur d'une unité au nombre des placements.

Exemple. — Quelles sont les valeurs acquises par les placements suivants :

1° 1000^{fr} au commencement de chaque année, pendant 5, 10, 20, 25, 26, 27, 30, 40, 50 années, d'après le taux annuel de 6 pour 100;

2º 500^{fr} au commencement de chaque semestre, pendant les mêmes périodes de temps que dans le premier cas, et d'après le taux semestriel de 3 pour 100?

En appliquant la règle précédente, on trouvera pour ces questions les solutions consignées dans le tableau suivant :

chacun d'eux est fautif d'un nombre de dix-millimes inférieur au chiffre qui lui correspond dans le multiplicateur. Donc le produit total est fautif d'un nombre de dix-millimes inférieur à la somme de tous les chiffres du multiplicateur. Si dans le produit total on néglige le nombre des dix-millimes représenté par ses deux derniers chiffres à gauche, l'erreur commise sur ce produit sera inférieure à 1 centime.

La somme des deux erreurs pourra être supérieure ou inférieure à 1 centime, mais de moins de 1 centime; donc, en augmentant d'une unité le chiffre des centimes, l'erreur totale du produit sera moindre qu'un centime.

Durée	Placements annuels	Placements semestriels
des placements.	de 1000 ^f r.	de 500 ^{fr} .
5	5,975	5,904
10	13,972	13,838
20	38,993	38,832
25	58,156	58,090
26	62,706	62,674
27	67,528	67,536
30	83,802	83,973
40	164,048	165,502
50	307,756	312,753

D'après ce Tableau, on voit que, la durée des placements étant inférieure à 27 ans, la valeur acquise, après un certain nombre d'années, par les placements annuels de 1000^{fr}, d'après le taux annuel de 6 pour 100, sera supérieure à celle des placements semestriels de 500^{fr}, pour le même temps, et d'après le taux trimestriel de 3 pour 100, et qu'à partir de 27 ans et au delà la relation est inverse.

CHAPITRE III.

§ I. — EMPRUNTS REMBOURSABLES PAR DES RENTES.

32. Nous avons indiqué au n° 21 comment, au moyen de la 3° colonne de la Table I, on peut calculer, d'après un taux d'intérêt déterminé, la valeur actuelle d'une rente limitée immédiate. On conçoit facilement que cette valeur actuelle peut être le montant d'un emprunt au comptant remboursable, d'après le taux adopté, par les termes de la rente limitée immédiate qui lui est équivalente.

Ainsi, d'après la Table I, 3e colonne, on voit que 153724fr, 51 sont la valeur actuelle, d'après le taux 5 pour 100, d'une rente annuelle de 10000fr pendant 30 ans. On peut donc emprunter 153724fr, 51, d'après le taux annuel 5 pour 100, en prenant l'engagement de payer exactement à leur échéance chacun des termes de cette rente annuelle de 10000fr.

Les termes de cette rente devront évidemment suffire à payer les intérêts du capital emprunté et à le rembourser.

Pour déterminer l'annuité nécessaire aux services d'intérêt et d'amortissement d'un emprunt, il n'y aurait, d'après ce qui précède, qu'à diviser le montant de cet emprunt par le nombre de la 3° colonne qui, dans la Table I, correspond au taux de l'emprunt et à sa durée. Afin d'éviter cette division laborieuse, on a consigné, dans la 4° colonne de la Table I, les quotients de la division de 1^{fr} par tous les nombres qui leur correspondent horizontalement dans la 3° colonne. Il n'y aura donc qu'à multiplier le montant de l'emprunt par le nombre de la 4° colonne correspondant au taux de cet emprunt et à sa durée, pour avoir l'annuité demandée.

Les nombres de la Table I, pris respectivement dans la 3^e et la 4^e colonne, et sur la même ligne horizontale, sont réciproques (note du n° 10).

33. On appelle *amortissement* le remboursement du capital emprunté.

Pour opérer l'amortissement d'un emprunt, on peut adopter, entre autres, les deux modes suivants :

Amortissement en une fois. — L'emprunteur qui s'est engagé, pour se libérer, à payer une rente à termes constants, prélève, sur chaque terme, l'intérêt fixé sur le capital emprunté, et place l'excédant à intérêt composé; la somme des valeurs acquises par tous les excédants placés au taux de l'emprunt est, à l'époque de l'échéance du dernier terme de la rente, égale au montant de l'emprunt et peut rembourser celui-ci en une seule fois.

Amortissement progressif. — L'emprunteur, sur le premier terme de la rente à sa charge, paye l'intérêt du capital emprunté, et emploie l'excédant à la réduction de sa dette, qui se trouve diminuée de cet excédant. Sur le second terme de cette rente, l'emprunteur paye l'intérêt de sa dette, réduite comme il vient d'être dit, et emploie l'excédant à une nouvelle réduction de sa dette primitive. Une opération analogue se répète à l'échéance de chaque terme de la rente précitée jusqu'au dernier, à l'échéance duquel l'emprunteur est complétement libéré de sa dette.

34. Quel que soit celui des deux modes que l'on adopte, l'emprunteur se trouve libéré de sa dette par le payement des termes d'une rente identique dans les deux modes, à la condition que, dans le premier mode, il place au taux de l'emprunt les excédants de chaque terme sur l'intérêt dû. C'est ce que les exemples suivants vont justifier.

Exemple I. — Une municipalité a contracté un emprunt de 1200000^{fr} qu'elle remboursera, en une seule fois, au bout de 12 ans; elle sert l'intérêt à raison de 5 pour 100 par an; on demande l'annuité constante qu'elle doit s'imposer pour les services d'intérêt et d'amortissement de cet emprunt, si les amortissements partiels sont placés: 1° à 5 pour 100 par an; 2° à 4 pour 100 par an.

Adoptons d'abord le taux 5 pour 100. La 4e colonne de la Table I nous montre que, d'après ce taux annuel, l'annuité demandée est égale à

0,11282541 × 1200000, soit	135390,492
Et comme l'intérêt annuel est de	60000
Il reste pour l'amortissement annuel	75390,492

Si l'on cherche, d'après la règle du n° 30, la valeur acquise par le placement successif de tous les amortissements annuels jusqu'à l'époque de l'échéance du dernier terme de la rente, on aura à faire le produit de 753901,492 par 8,8632516 et par 1,79585633, ce qui donnera pour résultat 1200000fr.

Si, au lieu de placer les amortissements annuels à intérêt composé à 5 pour 100 par an, on ne les cût placés qu'à 4 pour 100, dans ce cas il faudrait chercher l'amortissement annuel correspondant à l'annuité calculée d'après le taux 4 pour 100; la 4° colonne de la Table I montre que cette annuité est égale à

0,10655217×1200000, soit	127862,604
En déduisant l'intérêt à 4 pour 100, soit	48000
Il reste pour l'amortissement	79862,604
En y ajoutant l'intérêt 5 pour 100, soit	60000
On obtient pour la seconde solution demandée.	139862,604

Si l'on cherche d'après le taux 4 pour 100 la valeur acquise par le placement successif de tous les amortissements annuels correspondant à ce taux, on aura à faire le produit de 79862^{fr},604 par 9,3850738 et par 1,60103222, ce qui donnera aussi pour résultat 1200000^{fr}.

Exemple II. — Si l'on suppose que dans l'exemple précédent l'amortissement progressif soit adopté, vérifier si la municipalité, avec l'annuité de 135390fr, 493, pourra payer l'intérêt de 5 pour 100 à ses créanciers, et amortir sa dette au bout de 12 ans.

Les résultats du calcul demandé sont consignés dans le Tableau suivant, où l'on remarque que la somme des nombres placés sur la même ligne horizontale, dans les deux dernières colonnes, est toujours égale à l'annuité 135390fr, 492:

ANNÉES.	CAPITAL restant à amortir au commencement de chaque année.	INTÉRÈT à payer à la fin de chaque année.	AMORTISSEMENT employé à la fin de chaque année.			
1	1 200 000	60 000	75 390,192			
2	1 124 609,508	56 2304,75	79 160,017			
3	1 045 449,493	52 272,475	83 118,017			
4	962 331,476	48 116,574	87 273,918			
5	875 057,558	43 752,877	91 637,615			
6	783 419,943	39 170,997	96 219,495			
7	687 200,448	34 360,022	101 030,470			
8	586 169,978	29 308,499	106 081,993			
9	480 087,985	24 004,399	111 386,093			
10	368 701,892	18 435,095	116 955,39 7			
11	251 746.495	12 587,325	122 803,167			
12	128 943,328	6 447,164	128 943,328			

35. Dans le mode de l'amortissement en une seule fois, chaque terme de la rente se décompose en deux parties constantes, et l'amortissement est égal au terme constant de la rente diminué de l'intérêt dû au prêteur, lequel intérêt est constant jusqu'au remboursement qui a lieu à l'échéance du dernier terme de la rente.

Dans le mode de l'amortissement progressif, l'intérêt va toujours en diminuant, et l'amortissement, qui est l'excédant du terme constant de la rente sur l'intérêt dû à l'échéance de chaque terme, va toujours en croissant.

Dans le mode de l'amortissement en une seule fois, la valeur constante de l'amortissement est égale à la valeur, à l'origine de la rente, du dernier terme de cette rente (*). On le cal-

^(*) Pour démontrer cette importante assertion, nous remarquons que, à l'origine de la rente, le capital emprunté est égal, d'une part, à la somme des

culera en multipliant le terme constant de la rente par le nombre de la 2^e colonne de la Table I qui correspond au taux et à la durée de l'emprunt.

Dans le mode de l'amortissement progressif, l'amortissement prélevé sur le premier terme de la rente est aussi égal à la valeur actuelle du dernier terme de la rente. Après que ce premier amortissement est opéré, on peut considérer que tous les termes à échoir de la rente représentent la valeur d'un nouvel emprunt dont l'importance serait égale à celle de l'emprunt primitif diminuée du premier amortissement. Il en résulte que l'amortissement à prélever sur le second terme de la rente, devant être égal à la valeur actuelle du dernier terme de la rente, s'obtiendra en multipliant le terme constant de la rente par le nombre de la 2° colonne de la Table I, qui correspond au taux de l'emprunt et à une durée inférieure d'une unité de temps à celle de l'emprunt.

En continuant le même raisonnement pour chacun des amortissements partiels, on voit aisément que l'un quelconque d'entre eux se déduit du précédent en le multipliant par la somme de 1^{fr} et du taux de l'intérêt, ainsi que cela a lieu pour les nombres de la 2^c colonne de la Table I, quand on les considère de bas en haut.

De ce qui précède, il résulte que l'amortissement qui, dans le mode de l'amortissement progressif, correspond à la fin d'une unité de temps quelconque, est égal au produit du terme constant de la rente par le nombre de la 2^e colonne de la Table I correspondant au taux de l'emprunt et à sa durée future.

valeurs actuelles, d'après le taux de l'emprunt, de tous les termes de la rente, et d'autre part, à la somme des valeurs acquises, d'après ce même taux, par tous les amortissements partiels jusqu'au moment du remboursement total. Ces deux sommes, qui sont composées du même nombre de termes, sont donc égales. Dans chacune d'elles, chaque terme est égal à la valeur acquise, pendant un an, par le terme suivant; donc les termes de ces deux sommes doivent être respectivement égaux; d'où il résulte que le dernier amortissement partiel est égal à la valeur, à l'origine de la rente, du dernier terme de cette rente.

C'est d'ailleurs ce qu'on peut vérifier par l'examen de la dernière colonne du tableau de l'*Exemple II*, du n° 34, dont chaque nombre se déduit du précédent, en le multipliant par 1,05.

36. Il faut remarquer que ce qui reste à amortir, au commencement de chaque unité de temps, est la valeur actuelle de tous les termes restant à échoir, et qu'on peut calculer l'importance de ce reste en multipliant le terme constant de la rente par le nombre de la 3e colonne de la Table I correspondant au taux de l'emprunt et à sa durée future.

En se reportant à l'Exemple II du n° 34, on peut constater, en effet, qu'en multipliant 135390fr, 492 par le nombre 6,4632128 qui, dans la 3° colonne de la Table I, correspond à 5 pour 100 et à 8 ans, on obtient 875057,558, qui est le capital de cet emprunt restant à amortir au commencement de la 5° année, c'est-à-dire 8 ans avant l'amortissement total de l'emprunt.

37. Il arrive très-fréquemment, dans les emprunts remboursables par des annuités constantes, qu'au lieu de payer tout l'intérêt en une seule fois en fin d'année, on le paye par moitié à la fin de chaque semestre. C'est, pour le prêteur, un avantage qui augmente la valeur de ses titres, mais qui ne change rien à la valeur absolue de l'annuité.

L'amortissement en une seule fois n'a qu'une utilité théorique; dans la pratique on emploie toujours l'amortissement progressif, et c'est le seul dont il sera question dans tout ce qui va suivre.

- § II. ÉVALUATIONS, D'APRÈS UN TAUX QUELCONQUE D'IN-TÉRÊT, DE LA NUE PROPRIÉTÉ DES TITRES D'UN EMPRUNT, DE LEUR JOUISSANCE ET DE CES TITRES EUX-MÊMES.
- 38. Emprunts dont l'intérêt et l'amortissement sont payés en fin d'année. On a souvent besoin de connaître, à une époque quelconque de la durée d'un emprunt, et d'après un

taux d'évaluation différent de celui qui fixe l'intérêt dû au prêteur, la valeur de tous les amortissements partiels correspondant aux termes non échus de la rente destinée à faire les services d'intérêt et d'amortissement de cet emprunt.

Cette valeur est celle de la nue propriété de tous les titres non amortis de l'emprunt.

39. On obtient la valeur de cette nue propriété, au commencement d'une unité de temps quelconque, en ealculant la valeur, au commencement de cette unité de temps, du dernier terme de la rente : 1° d'après le taux de l'emprunt; 2° d'après le taux adopté pour l'évaluation de la nue propriété, et en divisant la différence des résultats par celle de ces deux taux.

Cette règle s'applique à un emprunt, quel que soit son mode de payement pour les intérêts (n° 37).

Ainsi pour obtenir, au commencement de la 8° année, et d'après le taux annuel 6 pour 100, la valeur de la nue propriété de tous les titres non amortis de l'emprunt qui fait l'objet de l'Exemple II du n° 34, on effectuera les calculs suivants:

$$\frac{135390.492 \times 0.7835262 - 135390.492 \times 0.7472582}{0.06 - 0.05},$$

ou, plus simplement,

$$135390,492 \times \frac{0.7835262 - 0.7472582}{0.06 - 0.05}$$

ee qui donne 491034fr, 15 pour la solution demandée (**).

^(*) Les nombres dont la différence constitue le numérateur de la fraction par laquelle on multiplie le terme constant de la rente se trouvent respectivement Table I, 2° colonne, taux 6 et 5 pour 100, sur la 5° ligne horizontale.

^(**) Pour démontrer la règle énoncée dans le n° 39, on considère les valeurs absolues des amortissements correspondant à la fin de chacune des années futures de l'emprunt (n° 35), et l'on en prend les valeurs, au commencement de la 8° année, d'après le taux annuel 6 pour 100 (n° 38 et 10). La somme de ces valeurs sera la valeur, au commencement de la 8° année, de la nue propriété

40. On appelle *jouissance* de tous les titres d'un emprunt, l'ensemble des sommes destinées à payer les intérêts de ces titres.

Il est évident que, à un moment quelconque et d'après un certain taux, la valeur actuelle de tous les titres non amortis est égale à la somme de celles de leur jouissance et de leur nue propriété, au même moment et d'après le même taux; d'où l'on voit que la valeur actuelle de la jouissance est égale à celle des titres eux-mêmes, diminuée de celle de leur nue propriété, les circonstances de taux et de temps étant identiques.

des titres non amortis. On peut représenter cette somme comme suit :

$$\frac{135390,492}{1,05^{5} \times 1,06} + \frac{135390,492}{1,05^{5} \times 1,06^{2}} + \frac{135390,492}{1,05^{3} \times 1,06^{3}} + \frac{135390,492}{1,05^{2} \times 1,06^{3}} + \frac{135390,492}{1,05^{2} \times 1,06^{3}} + \frac{135390,492}{1,05 \times 1,06^{3}} + \frac{135390,492}{1$$

Les valeurs acquises par cette somme, au bout d'un an, d'après les taux annuels 6 et 5 pour 100, s'obtiendront en multipliant tous les termes d'abord par 1,06, puis par 1,05. En remarquant que, pour multiplier un terme par 1,06, il sullit de diminuer d'une unité l'exposant de chacune des puissances de ce nombre aux divers dénominateurs, et qu'il en est de même pour la multiplication de chaque terme par 1,05, les résultats de ces multiplications pourront représentés comme suit:

$$\frac{135390,492}{1,05^5} + \frac{135390,492}{1,05^3 \times 1,06} + \frac{135390,492}{1,05^7 \times 1,06^2} + \frac{135390,492}{1,05^2 \times 1,06^3} + \frac{135390,492}{1,05^2 \times 1,06^3} + \frac{135390,492}{1,05 \times 1,06^4};$$

$$\frac{135390,492}{1,05^4 \times 1,06} + \frac{135390,492}{1,05^3 \times 1,06^2} + \frac{135390,492}{1,05^2 \times 1,06^3} + \frac{135390,492}{1,05 \times 1,06^4} + \frac{135390,492}{1,05 \times 1,06^5}.$$

Les quatre derniers termes du premier résultat sont identiques aux quatre premiers termes du second. La différence de ces résultats, c'est-à-dire la différence des intérèts pour un an de la nue propriété en question, d'après les taux annuels 6 et 5 pour 100, sera égale à

$$\frac{135399,192}{1,05^{\circ}} - \frac{105399,442}{1,06^{\circ}},$$

011

$$135390,492 \times 0,7835262 - 135390,492 \times 0,7472582$$
 (Table I, 2° colonne).

Donc, en divisant cette dernière différence par celle des taux 0,06 et 0,05, on obtiendra, d'après le taux 6 pour 100 et au commencement de la 8° année de l'emprunt, la valeur de la nue propriété de tous les titres non amortis de l'emprunt considéré.

41. La valeur, au commencement d'une unité de temps, de tous les titres non amortis d'un emprunt dont l'intérêt est payable aux époques où fonctionne leur amortissement, s'obtient en multipliant le terme constant de la rente par le nombre de la 3° colonne qui, dans la Table I, correspond au taux adopté pour l'évaluation de cette valeur, et à la durée future de l'emprunt (n° 21).

Ainsi la valeur, d'après le taux annuel 6 pour 100 et au commencement de la 8^e année, de tous les titres non amortis de l'emprunt dont il est question à l'Exemple II du n° 34,

est égale à

135390,492 × 4,2123638,

soit à 570313fc,55.

Pour avoir la valeur de la jouissance de ces titres dans les mêmes conditions de taux et de temps, il n'y a qu'à retrancher de ce dernier nombre la valeur de la nue propriété calculée au n° 39, et l'on obtiendra pour cette valeur 79 279 fr, 40.

- 42. Dans ce qui précède, nous avons supposé que les valeurs de la nue propriété, de la jouissance et des titres mêmes d'un emprunt étaient évaluées au commencement d'une unité de temps quelconque; si l'on veut connaître cette valeur dans le courant de cette même unité de temps, il n'y a qu'à chercher, d'après le taux adopté et pendant la fraction d'unité de temps considérée, la valeur acquise par la nue propriété qui correspond au commencement de l'unité de temps (n° 4).
- 43. Emprunts dont l'intérêt est payé par moitié à la fin de chaque semestre et l'amortissement en fin d'année. Nous avons également supposé jusqu'ici qu'il s'agissait d'évaluations relatives à des emprunts dont l'intérêt se paye en une seule fois et en fin d'année. Nous allons nous occuper maintenant des évaluations relatives à des emprunts par annuités, dont l'amortissement fonctionne en fin d'année seulement, et dont l'intérêt se paye par moitié à la fin de chaque semestre.

- 44. L'amortissement, dans cette classe d'emprunts, fonctionnant comme dans les emprunts précédemment considérés, la valeur de la nue propriété de leurs titres non amortis s'obtiendra par l'application de la règle du n° 39.
- 45. La valeur de la jouissance de ces titres, pour la partie des intérêts payables en fin d'année, sera égale à la moitié de celle qu'on obtiendrait par l'application des règles indiquées aux nos 41 et 42, c'est-à-dire en considérant que la valeur actuelle des titres eux-mêmes est calculée dans l'hypothèse où l'intérêt est payable en une seule fois et en fin d'année. La partie des intérêts payables au milieu de chaque année devançant d'un semestre le payement des intérêts de fin d'année, leur valeur actuelle, dans des conditions identiques de taux et de temps, sera égale à celle de ces derniers multipliée par la valeur acquise par 1^{fr} d'après le même taux et au bout de 6 mois (Table II). En additionnant la valeur actuelle des intérêts payables en fin d'année et celle des intérêts payables au milieu de l'année, calculées ainsi qu'il vient d'être dit, on aura la valeur totale de la jouissance.
- 46. Pour avoir, d'après un taux donné et au commencement d'une unité de temps quelconque de la durée d'un emprunt de la 2º classe, la valeur de tous les titres d'un pareil emprunt, on calculera : 1º leur nue propriété d'après la règle du n° 39 (n° 44); 2º leur jouissance d'après la règle du n° 45; la somme de ces deux résultats donnera la valeur cherchée (n° 40).

Exemple II du nº 34 soit payable à la fin de chaque semestre, quelle est, d'après le taux annuel 6 pour 100 et au commencement de la 8e année de la durée de cet emprunt, la valeur de tous ses titres non amortis?

La nue propriété de ces titres a été calculée au n° 39; elle est égale à 491034fr, 15.

La valeur de la jouissance, pour la partie payable en fin d'année, est égale à la moitié de 79279^{fr}, 40, calculée au n° 41, soit 39639^{fr}, 70, et pour l'autre partie, à ce dernier nombre multiplié par 1,02956 (Table II), ce qui donne 40811, 45.

On obtiendra la valeur demandée par l'addition suivante :

491034,15 39639,70 40811,45 571485,30

Si l'on voulait connaître la valeur demandée 8 mois après le commencement de la 8° année, il faudrait multiplier la solution précédente par 1,02956 (Table II) pour obtenir la valeur après 6 mois (n° 42), puis déduire de ce produit le montant de l'intérêt semestriel, qui est de 17180fr,011, et multiplier le résultat par 1,00976 qui, dans la Table II, correspond à 2 mois. On obtiendrait ainsi 576773fr, 30.

CHAPITRE IV.

§ I. - EMPRUNTS PAR OBLIGATIONS.

Définitions.

47 Les emprunts contractés par le Crédit foncier, les Municipalités des grandes villes, les Compagnies de chemins de fer et les Sociétés industrielles sont ordinairement réalisés par des émissions de titres appelés obligations.

Les obligations d'un emprunt ont chacune un numéro d'ordre; elles rapportent un intérêt fixe, exigible soit annuellement, soit par semestre; elles sont remboursables à un prix déterminé, dans un délai également déterminé.

L'intérêt auquel a droit une obligation après chaque année ou chaque semestre se paye contre la remise d'un coupon détaché de l'obligation elle-même.

C'est par des tirages au sort que sont désignées les obligations qui doivent être amorties. Ces tirages ont lieu quelque temps avant les époques auxquelles les obligations qu'ils désignent doivent être remboursées; ces époques coïncident en général avec des échéances des coupons d'intérêt. Les intervalles qui séparent les époques auxquelles fonctionne l'amortissement sont égaux à ceux qui séparent les échéances des coupons d'intérêt, ou bien en sont des multiples ou des sous-multiples.

C'est en général par une rente constante ou une annuité constante payable en deux fois que l'emprunteur fait le service de l'intérêt et celui de l'amortissement; quelquefois l'amortissement ne commence à fonctionner que plus ou moins longtemps après l'émission des obligations; mais, dès qu'il a commencé à fonctionner, il continue sans interruption; il en résulte que la part de la rente constante, affectée au service de l'intérêt, va en diminuant constamment, et que celle affectée

au service de l'amortissement va, au contraire, en augmentant. On peut convenir que les obligations désignées pour l'amortissement ne recevront pas le coupon d'intérêt échu à l'époque de leur amortissement; dans ce cas, l'intérêt doit toujours être payé en une seule fois, en même temps que l'amortissement.

Dans certains emprunts, il est réparti, une ou plusieurs fois par an, des lots plus ou moins considérables, et ce sont aussi des tirages au sort qui désignent les obligations auxquelles ces lots doivent être attribués. Quand les tirages de ces lots doivent avoir lieu aux mêmes époques que ceux relatifs à l'amortissement, on ne fait que ces derniers, et les premières obligations sorties ont droit, respectivement et suivant leur ordre, aux lots désignés.

On peut convenir que, pour ces derniers emprunts, toute obligation favorisée par un lot recevra, en outre de ce lot, le coupon d'intérêt et l'amortissement échus à la même époque que lui, ou seulement l'un des deux, ou bien encore ni l'un ni l'autre.

Dans d'autres emprunts, les obligations n'ont droit à aucun intérêt, et jouissent seulement de l'amortissement et d'un droit éventuel à des lots.

On comprend, d'après ce qui précède, que les emprunts par obligations peuvent présenter une très-grande variété de combinaisons. C'est le mérite du financier de trouver une forme susceptible de faire rechercher par les capitalistes les obligations à émettre, en chargeant l'emprunteur d'une dette facile à supporter et en harmonic avec ses ressources futures.

Nous supposerons que les services de l'intérêt et de l'amortissement des obligations soient faits par une rente constante, ou par une annuité constante payable en deux fois. C'est ainsi, du reste, que les choses se passent presque toujours dans la réalité.

48. On appelle valeur nominale d'une obligation le prix fixé pour son amortissement. Les types les plus fréquemment

adoptés pour la valeur nominale des obligations sont ceux de 1250fr, 1000fr, 625fr, 500fr, 400fr et 100fr.

L'intérêt dont jouit chaque obligation se calcule sur sa valeur nominale et, le plus souvent, à raison de 5 ou 4, ou 3 pour 100 par an; l'intérêt ainsi déterminé se paye soit en une fois, soit par deux semestres égaux : ce dernier cas est le plus fréquent.

Au moment de l'émission, les obligations sont offertes au public à un prix plus ou moins élevé, selon la situation dans laquelle se trouve le marché où elles doivent se négocier, et suivant aussi le plus ou moins de solidité du gage qui doit assurer les services de leur intérêt et de leur amortissement.

Il arrive fréquemment qu'une Compagnie de chemins de fer fait plusieurs émissions d'obligations d'un même type. Dans ce cas, elle fixe ordinairement le même intérêt aux obligations de ces diverses émissions et la même date pour l'amortissement complet de toutes les obligations, à quelque émission qu'elles appartiennent. Il en résulte que les obligations de ces diverses émissions ont des droits identiques aux coupons d'intérêt et des chances égales pour le remboursement : toutes ont donc, à une époque déterminée, une valeur identique.

49. Il est nécessaire, dans certaines questions, de tenir compte des taxes qui frappent les obligations, du courtage de l'agent de change qui les négocie, et du droit de timbre perçu sur les bordereaux de négociation.

Les taxes sont au nombre de trois :

1° Une taxe annuelle, pour chaque obligation, de of, 20 pour 100, calculée chaque année sur le cours moyen de l'année précédente (loi du 29 juin 1872) (*);

^(*) Cette taxe est spéciale aux obligations au porteur. Les obligations nominatives en sont exonérées; mais elles en subissent une de off, 50 pour 100, calculée aussi sur le cours moyen de l'année précédente, chaque fois qu'elles sont transmises ou converties en obligations au porteur. Les obligations nominatives étant très-rares relativement aux autres, nous ne nous en occuperons plus que dans la note qui précède la Table V, p. 221 et 225.

2º Une taxe annuelle de 3 pour 100 sur leur revenu (loi

du 29 juin 1872);

3° Une taxe unique de 3 pour 100 sur la prime de remboursement de chaque obligation et sur chaque lot affecté à la sortie dans un ordre désigné d'une obligation (loi du 21 juin 1875).

Un décret présidentiel du 15 décembre 1875 stipule que, pour les lots, la taxe sera calculée sur leur valeur en numéraire, et que, pour les primes de remboursement, la taxe sera calculée sur la différence entre le prix du remboursement et le cours d'émission. Dans le cas où les obligations d'un même emprunt ont été émises à des cours différents, c'est le cours moyen qui sert de base au calcul de la taxe.

On trouvera à la Table III les cours d'émission pour les

divers emprunts par obligations qui y sont définis.

Le courtage prélevé par l'agent de change chargé de la négociation des obligations d'un emprunt quelconque est calculé à raison de ½ pour 100 sur la valeur réelle de ces obligations.

Le droit de timbre perçu sur les bordereaux de négociation est de 1^{fr},80 pour tout achat dont l'importance excède

10000 fr et de ofr,60 au-dessous de cette somme.

50. L'origine de l'âge d'une obligation est l'époque qui précède celle où fonctionne le premier amortissement de l'emprunt auquel elle appartient d'un temps égal à l'intervalle de deux amortissements consécutifs.

La vie d'une obligation est le temps compris entre l'origine de son âge et l'époque de son amortissement.

L'âge d'une obligation à un moment déterminé est le temps compris entre l'origine de son âge et ce moment.

Presque tous les emprunts par obligations émis jusqu'à ce jour peuvent être rangés dans l'une des quatre classes suivantes :

1° Emprunts, sans lots, pour lesquels l'amortissement fonctionne aux échéances des coupons d'intérêt;

2° Emprunts, sans lots, pour lesquels l'amortissement fonctionne annuellement, tandis que les échéances des coupons d'intérêts sont échelonnées par semestres : c'est à cette classe qu'appartiennent presque tous les emprunts réalisés par les Compagnies de chemins de fer;

3° Emprunts qui ne diffèrent des précédents que par les lots distribués à quelques-unes des obligations à l'époque de

leur amortissement;

4° Emprunts qui ne diffèrent des précédents qu'en ce que toute obligation amortie est privée de son dernier coupon d'intérêt et toute obligation favorisée par un lot est privée aussi de son dernier coupon d'intérêt et, même dans certains cas, de son amortissement.

La théorie de ces diverses classes d'emprunts se déduit aisément de celle des emprunts remboursables par des rentes, que nous avons exposée dans le Chapitre III.

§ II. — CONSTRUCTION DES TABLEAUX D'AMORTISSEMENT POUR LES EMPRUNTS PAR OBLIGATIONS.

51. Afin d'apporter plus de concision dans ce qui va suivre, nous appellerons rente ou annuité théorique, intérêt théorique, amortissement théorique, et reste théorique à amortir, les rente ou annuité, intérêt, amortissement et reste à amortir qui correspondraient à l'emprunt considéré si, au lieu d'être réalisé par une émission d'obligations, cet emprunt l'eût été simplement par la constitution d'une rente constante (n° 32).

Nous supposons d'abord qu'il s'agisse d'un emprunt de la première classe, c'est-à-dire d'un emprunt, sans lots, pour lequel l'amortissement fonctionne aux échéances des coupons d'intérêt.

Pour construire le tableau d'amortissement d'un tel emprunt, on détermine d'abord la rente théorique correspondant aux services d'intérêt et d'amortissement théoriques de cet emprunt. Cette détermination se fera d'après les indications données au n° 32.

Il faut remarquer que, les nombres d'obligations vivantes et amorties devant être nécessairement entiers, il en résulte que l'amortissement théorique correspondant à la première unité de temps ne pourra être employé en totalité, et qu'il y aura un résidu. La somme disponible pour l'amortissement réel à la fin de la deuxième unité de temps se composera, par conséquent, de l'amortissement théorique correspondant et du premier résidu. Elle peut aussi être calculée en retranchant de la rente théorique l'intérêt dû aux actions vivantes pour la deuxième unité de temps et en ajoutant au résultat le premier résidu accru de son intérêt pour une unité de temps et calculé d'après le taux de l'emprunt.

Les remarques précédentes subsistent pour le calcul des nombres relatifs aux unités de temps suivantes et leur application n'offre d'autre difficulté que celle de la longueur de calculs où des erreurs peuvent aisément se glisser. Une erreur commise rend faux tous les calculs suivants; il importe donc de s'assurer fréquemment de l'exactitude des calculs déjà effectués; à cet effet, on calculera, à certains intervalles, par les deux procédés qui viennent d'être indiqués, les sommes disponibles pour l'amortissement. Si les deux résultats sont identiques, il n'y a pas eu d'erreur commise.

On a vu (n° 35) que chacun des amortissements théoriques est égal au précédent augmenté de son intérêt pour l'unité de temps, d'après le taux de l'emprunt.

Le nombre d'obligations à amortir à la fin d'une unité de temps quelconque s'obtiendra en divisant par la valeur nominale d'une obligation la somme disponible pour l'amortissement correspondant à cette unité de temps.

En divisant par la valeur nominale d'une obligation un amortissement théorique quelconque, qui est égal à la somme correspondante disponible pour l'amortissement diminuée du résidu précédent, on obtiendra, à une unité près, le nombre des obligations à amortir.

De même, en divisant par la valeur nominale d'une obligation le reste théorique à amortir correspondant à une unité de temps quelconque, on obtiendra, à une unité près, le nombre d'obligations vivantes pendant cette unité de temps.

Au moyen des indications précédentes, on pourra résoudre le problème suivant :

Exemple. — Une municipalité émet, le 1^{et} janvier 1880, 2400 obligations, remboursables à 500 francs en 12 années à partir de cette date. Ces obligations rapportent un intérêt annuel de 25 francs; le premier amortissement fonctionnera le premier janvier 1881, et, à la même date, le premier coupon d'intérêt sera payé. On demande de construire le tableau d'amortissement de cet emprunt.

2.00	Manager 1975		at Marine I and	euts			,	7				
TOTAL. payé à la fin de chaque année.	135000 »	135 750 »	135275 »	135 125 »	135775 »	135 175 "	135 375 "	135325 n	135 525 »	135.450 »	135 (100 »	135 450 »
NOMBRE des obligations amorties.	150	159	991	174	184	192	202	212	223	234	246	258
nÉsipus des amortissements.	390,492	50,509	168,526	442,444	80,058	299,553	330,023	412,016	298,109	253,507	56,675	0,001
SOMMES DISPONIBLES pour l'amortissement.	75390,492	79550,509	83 168,526	87442,444	92 080,058	96 299, 553	101 330,023	106412,016	601,862111	117 253,507	123 056,675	129 000,001
AMORTISSEMENT théorígue.	75390,492	79 160,017	83 118,017	87273,918	91 637,614	96 219,495	101 030,470	106 081, 993	111 386,093	116955,398	122 803, 168	128943,326
INTERET exigible à la fin de l'année.	00009	56250 »	522.75 "	48125 "	43775 »	39175 »	34375 "	29 325 "	24 025 »	18450 "	12600 »	6450 "
NOMBRE d'obligations vivantes au commence- ment de l'année.	2400	2250	2091	1925	1751	1567	1375	1173	196	738	50	258
ANNÉES.	-	ତା	က	rá	20	9	7	œ	0	10		<u>e1</u>

52. Quand il s'agit d'un emprunt de la deuxième classe, c'est-à-dire d'un emprunt sans lots, pour lequel l'amortissement fonctionne annuellement, tandis que les coupons d'intérêt sont payables par semestres égaux dans la même année de la durée de l'emprunt, il faudra suivre pour la construction du tableau d'amortissement d'un tel emprunt les indications données au n° 51.

On a vu, en effet, au n° 37, que si deux emprunts ne diffèrent que parce que, dans l'un, l'intérêt des obligations est payable en une seule fois à la fin d'année, à l'époque où fonctionne l'amortissement, et, dans l'autre, l'intérêt est payable en fin de semestre, l'annuité qui doit faire les services d'intérêt et d'amortissement est identique dans les deux cas. Les deux tableaux d'amortissement seront donc identiques sous cette réserve que les sommes inscrites dans la colonne : *Intérêt exigible à la fin de l'année*, devront être payées, pour la moitié, six mois d'avance.

53. Dans les emprunts avec lots, les services d'intérêt et d'amortissement sont complétement indépendants de celui des lots.

Si les obligations favorisées par un lot reçoivent, en outre de ce lot, leur remboursement; si, de plus, les obligations amorties reçoivent le coupon d'intérêt échu à l'époque de leur amortissement, on construira leur tableau d'amortissement d'après les indications du n° 51.

Si les obligations favorisées par un lot sont privées de leur amortissement et reçoivent le coupon d'intérêt échu à l'époque de leur amortissement, ce sont encore les indications du n° 51 qui devront être appliquées à la construction de leur tableau d'amortissement; on peut, en effet, admettre que fa somme nécessaire à l'amortissement de ces obligations favorisées soit prélevée sur celle de tous les lots, qui se trouve ainsi réduite d'autant.

54. Si les obligations amorties d'un emprunt, avec ou

sans lots, dont l'intérêt est payable en une seule fois à l'époque où fonctionne l'amortissement, sont privées du coupon d'intérêt correspondant à l'époque de leur amortis sement, c'est toujours par les indications du n° 51 qu'il faudra construire leur tableau d'amortissement. On peut, en effet, considérer que leur valeur nominale est réduite précisément de ce coupon et que le taux de l'emprunt est égal au rapport du coupon d'intérêt à celui de cette valeur nominale ainsi réduite.

Considérons un emprunt dont la définition ne diffère de celui du n° 51 que parce que les obligations amorties ne recevront pas le coupon d'intérêt échu à l'époque de leur amortissement. On peut regarder ces nouvelles obligations comme recevant ce coupon, mais étant remboursables à $475^{\rm fr}$. La valeur nominale de l'emprunt ne sera plus que de 2400 fois $475^{\rm fr}$, soit 1140000 $^{\rm fr}$, et le taux de l'emprunt sera de $\frac{25^{\rm fr}}{475}$ ou $5\frac{5^{\rm fr}}{19}$ pour 100 $^{\rm tr}$ ou $0^{\rm fr}$, 0526316... pour 1 $^{\rm fr}$, et par an.

Le calcul de l'annuité théorique pour les services d'intérêt et d'amortissement d'un pareil emprunt, correspondant à des taux qui ne sont inscrits dans aucune Table, ne peut être fait que par les indications de la note du n° 55 ou mieux par des procédés logarithmiques. Dans ce qui va suivre, je ne m'occuperai plus de cette classe d'emprunts (voir le n° 63 de la Théorie mathématique des opérations financières).

- § III. ÉVALUATION DE LA NUE PROPRIÉTÉ DES OBLIGATIONS D'UN EMPRUNT, DE LEUR JOUISSANCE ET DE CES OBLIGATIONS ELLES-MÊMES, D'APRÈS UN TAUX QUELCONQUE D'INTÉRÊT ET SANS TENIR COMPTE DES TAXES QUI LES FRAPPENT.
- 55. On a vu, au n° 39, qu'on détermine la valeur de la nue propriété de tous les titres en cours d'un emprunt, au commencement d'une unité de temps quelconque, en calculant

la valeur, au commencement de cette unité de temps, du dernier terme de la rente : 1° d'après le taux de l'emprunt; 2° d'après le taux adopté pour l'évaluation de la nue propriété, et en divisant la différence des résultats par celle des taux (*).

On obtiendra le *prix moyen* de la nue propriété d'une obligation quelconque, dans les conditions précitées de taux et de temps, en divisant par le nombre des obligations alors

(*) La Table I ne donne des calculs faits que pour des rentes dont la durée ne dépasse pas 100 unités de temps et pour certains taux déterminés. Les emprunts actuels ont, il est vrai, une durée inférieure à 100 années; mais, si l'intérêt est payable par semestre et que l'unité de temps soit par conséquent le semestre, la Table I devient insuffisante quand la durée de l'emprunt dépasse 50 années. Elle est également insuffisante quand il s'agit de taux autres que ceux placés en tête de chacune de ces pages.

Pour suppléer à cette double insuffisance, nous allons indiquer comment on peut calculer *directement* les nombres *analogues* à ceux de la Table I et qui correspondent à des durées et à des taux quelconques.

Il faut d'abord remarquer que les nombres de la deuxième colonne sont respectivement les réciproques de ceux de la première placés sur la même ligne horizontale et qu'il en est de même des nombres de la quatrième colonne par rapport à ceux de la troisième (n° 40 et 32); d'où il suit qu'en divisant l'unité par les nombres de la première et de la troisième colonne, on aura respectivement les nombres de la deuxième et de la quatrième colonne.

D'un autre côté, les nombres de la troisième colonne peuvent se déduire de ceux de la première. En effet, les nombres de la troisième colonne représentent, d'après des taux déterminés, les valeurs actuelles d'une rente limitée immédiate de 1^{fr}, composée d'un certain nombre de termes. Or, la valeur actuelle d'une pareille rente est la différence entre les valeurs actuelles de deux perpétuités de 1^{fr}, l'une immédiate et l'autre différée d'autant d'unités de temps que la rente limitée comprend de termes (n° 21). Les valeurs actuelles de ces perpétuités s'obtiennent, la première en divisant 1^{fr} par le taux d'évaluation (n° 48) et la seconde en divisant la première par la valeur acquise par 1^{fr} après un nombre d'unités de temps égal à celui dont la seconde perpétuité est différée (n° 20); cette valeur acquise par 1^{fr} est exprimée par un nombre de la première colonne, en supposant que la Table I soit dressée pour tous les taux possibles.

Puisque tous les nombres des deuxième, troisième et quatrième colonnes et leurs analogues peuvent se déduire des nombres placés sur la même ligne horizontale dans la première colonne ou de leurs analogues, il suffit donc de montrer comment on peut calculer *directement* les nombres de la première colonne et leurs analogues.

Pour fixer les idées, nous supposons qu'on venille déterminer la valeur acquise

vivantes la valeur, calculée d'après la règle précédente, de la nue propriété de l'ensemble de toutes ces obligations.

par 1^{re} placé à intérêt composé pendant 120 semestres, d'après le taux semestriel 2 pour 100, et qui est représentée par 1,02¹²⁰.

On multipliera d'abord	1,02 par	1,02 et	l'on aura	1,022
»	$1,02^{2}$	1,022))	$1,02^4$
))	1,02	1,02))	1,028
))	1,028	1,028))	$1,02^{16}$
>>	1,0216	1,0216	>>	$1,02^{32}$
))	1,0232	1,02),	1,0261
>>	$1,02^{6i}$	$1,02^{64}$))	1,02628
On divisera ensuite	1,02128	$1,02^{8}$))	1,02120

Les trois premières multiplications devront se faire par la multiplication ordinaire et leurs produits seront exacts. La quatrième multiplication se fera d'après le procédé de la multiplication abrégée, de manière à avoir 16 chiffres décimaux exacts; les suivantes se feront aussi d'après le même procédé et leurs produits auront respectivement 14, 12, 10 chiffres exacts; la division par 1,02, donnera un quotient exact à moins d'une unité du dixième ordre. Cette approximation, généralement suffisante, est nécessaire pour que les nombres analogues des trois autres colonnes qui se déduisent de 1,02¹²⁰ puissent être calculés avec une approximation suffisante pour des calculs de précision.

Quand une grande approximation n'est pas nécessaire, on peut aussi calculer 1,02¹²⁰, soit en multipliant par elle-même la valeur de 1,02⁶⁰ qui se trouve dans la Table I et qui est égale à 3,28103079, soit encore en multipliant 1,02¹⁰⁰ par 1,02²⁰, dont les valeurs sont dans la même page de la Table I; mais ce produit obtenu par la multiplication ordinaire n'aurait, au plus, que 7 chiffres exacts, ce qui est souvent suffisant.

Quand le taux n'est pas l'un de ceux placés en tête de la Table I, ce dernier procédé n'est pas applicable, et il faut appliquer le premier, à moins que l'on ne se serve du calcul logarithmique, qui est beaucoup plus rapide.

La valeur actuelle d'une rente immédiate de 1^{fr} composée de 120 termes est égale, d'après le taux 2 pour 100, à $\frac{1}{0,02} - \frac{1}{0,02 \times 1,02^{120}}$ ou à $\frac{1}{0,02} \left(1 - \frac{1}{1,02^{120}}\right)$, et la rente immédiate qui ferait les services d'intérêt et d'amortissement pendant 120 unités de temps pour un emprunt de 1^{fr}, étant réciproque de $\frac{1}{0,02} \left(1 - \frac{1}{1,02^{120}}\right)$, est égale à $\frac{0,02}{1-\frac{1}{1,02}}$.

Dans la 2^e colonne de la Table I, page 2 pour 100, on voit que $\frac{1}{1,02^{100}}$ est égal à 0,1380330 et que $\frac{1}{1,02^{20}}$ est égal à 0,6729713; en faisant le produit de

Le nombre des obligations vivantes pendant une unité de temps de la durée de l'emprunt s'obtient, d'après ce qui a été dit au n° 51, en divisant, par la valeur nominale d'une obligation, le reste théorique à amortir au commencement de cette unité de temps. Ce reste théorique s'obtient luimême en multipliant le terme constant de la rente par le nombre de la troisième colonne de la Table I qui correspond au taux de l'emprunt et à sa durée future (n° 36).

Exemple. — Quel sera, d'après le taux annuel 6 pour 100 et au 1^{er} janvier 1887, le prix moyen de la nue propriété d'une obligation appartenant à l'emprunt désini au n° 51?

Au 1^{er} janvier 1887, la valeur de la nue propriété de toutes les obligations vivantes sera égale à

$$135390,492 \times \frac{0.7835262 - 0.7472582}{0.06 - 0.05}$$
 (n° 39).

Le nombre des obligations vivantes à cette époque sera égal, d'après ce qui a été dit aux nos 36 et 51, à

$$\frac{135300.402 \times 4.3294767}{500}.$$

Le prix moyen de la nue propriété d'une obligation sera conséquemment égal à $500 \times \frac{0.7835262 - 0.7472582}{(0.06 - 0.05) \times 4.3294767}$, soit à $418^{\rm fr},85$.

Au lieu de mettre en facteur, au dénominateur de la fraction précédente, le nombre 4,3294767 de la troisième

ces deux nombres par le procédé de la multiplication abrégée, on obtient pour $\frac{1}{1,02^{120}}$ le nombre 0,092893; en retranchant ce produit de 1, on obtient 0,907107, qui, divisé par 0,02, donnera 45,3553 pour la valeur actuelle d'une rente de 1^{fr} composée de 120 termes.

En divisant 0,02 par 0,907107, on obtient of,02204811, qui est le terme de la rente immédiate correspondant à un emprunt de 1^{fr} amortissable en 120 unités de temps.

colonne, 6 pour 100, de la Table I, on pourrait mettre en facteur, au numérateur, le nombre 0,23097480 lui correspondant dans la quatrième colonne de la même page de la Table I et qui est son réciproque (n° 32).

Des détails qui viennent d'être donnés on peut conclure la règle suivante :

Pour obtenir, d'après un taux déterminé et au commencement d'une unité quelconque de la durée d'un emprunt de la première classe, le prix moyen de la nue propriété d'une obligation de cet emprunt, on multiplie la valeur nominale de cette obligation : 1° par la différence des valeurs de 1^{fr} exigible après un nombre d'unités de temps égal à la durée future de l'emprunt et calculées respectivement d'après le taux de l'emprunt et d'après le taux d'évaluation (Table I, deuxième colonne); 2° par la rente qui ferait les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc d'après le taux de l'emprunt considéré et dont la durée scrait la durée future de ce dernier (Table I, quatrième colonne), et l'on divise le produit ainsi obtenu par la différence entre le taux d'évaluation et celui de l'emprunt.

- 56. D'après ce qui a été dit au n° 44, la règle précédente s'applique aussi bien aux obligations de la deuxième classe qu'à celles de la première classe.
- 57. Pour déterminer, d'après un taux donné et au commencement d'une unité de temps de la durée d'un emprunt de la première classe, le *prix moyen* d'une obligation de cet emprunt, il n'y a qu'à calculer, dans ces conditions de taux et de temps, et d'après la règle du n° 41, la valeur de toutes les obligations alors vivantes et à la diviser par le nombre de ces obligations vivantes (n° 51).

Exemple. — Quel sera, d'après le taux annuel 6 pour 100 et au 1^{er} janvier 1887, le prix moyen d'une obligation appartenant à l'emprunt défini au n° 51?

On a vu au n° 41 que la valeur de toutes les obligations vivantes, dans les conditions de taux et de temps précités. était égale à

$$135390,492 \times 4,2123638.$$

Le nombre des obligations alors vivantes, ainsi qu'on l'a indiqué au n° 55, est égal à

$$\frac{135.390,492\times4,3294767}{500}.$$

En faisant la division indiquée, on aura pour le prix moyen de l'obligation dont il s'agit

$$500 \times \frac{4,2123638}{4,3294767}$$

En remarquant, comme il a été dit dans l'exemple du n° 55, qu'au lieu de diviser par 4,3294767 il revient au même de multiplier par son réciproque 0,23097480, on voit que le prix moyen demandé est égal à

$$500 \times 4,2123638 \times 0,23097480$$
, soit à $486^{fr},475$.

D'après ce qui précède, on peut conclure la règle suivante : Pour obtenir, d'après un taux déterminé et au commencement d'une unité quelconque de la durée d'un emprunt de la première classe, le prix moyen d'une obligation de cet emprunt, on multiplie la valeur nominale de cette obligation par la valeur actuelle, d'après le taux d'évaluation adopté, d'une rente de 1 franc dont la durée serait celle de la durée future de l'emprunt considéré, et l'on multiplie ce produit par la rente qui ferait, d'après le taux de l'emprunt, les services d'intérêt et d'amortissement d'un emprunt de 1 franc dont la durée serait la durée future de l'emprunt considéré.

58. Pour déterminer, d'après un taux donné et au commencement d'une unité de temps quelconque de la durée d'un emprunt de la première classe, le prix moyen de la jouissance d'une obligation de cet emprunt, il n'y a qu'à

calculer, dans les mêmes conditions de taux et de temps, le prix moyen de l'obligation d'après la règle du n° 57 et le prix moyen de sa nue propriété d'après la règle du n° 55; la différence de ces prix moyens sera le prix moyen de la jouissance de l'obligation dont il s'agit.

Exemple. — Quel sera, d'après le taux annuel 6 pour 100 et au 1^{er} janvier 1887, le prix moyen de la jouissance d'une obligation appartenant à l'emprunt défini au n° 51?

- 59. Pour déterminer, d'après un taux donné et au commencement d'une unité de temps quelconque de la durée d'un emprunt de la deuxième classe, le prix moyen de la jouissance d'une obligation de cet emprunt, on calculera, d'après les indications du n° 45, dans les mêmes conditions de taux et de temps, la valeur de la jouissance de toutes les obligations alors vivantes, et l'on divisera cette valeur par le nombre de ces obligations vivantes; le quotient de cette division donnera le prix moyen de la jouissance de l'obligation demandée.
- 60. Pour déterminer, d'après un taux donné et au commencement d'une unité de temps quelconque de la durée d'un emprunt de la deuxième classe, le prix moyen d'une obligation de cet emprunt, on calculera, dans les mêmes conditions de taux et de temps, le prix moyen de la nue propriété de cette obligation et celui de sa jouissance (n° 56 et 59); la somme de ces deux prix moyens donnera le prix moyen de l'obligation dont il s'agit.

et au 1^{er} janvier 1887, les prix moyens de la nue propriété, de la jouissance d'une obligation appartenant à l'emprunt défini au n° 51 et le prix moyen de cette même obligation en supposant que les obligations de cet emprunt jouissent d'un intérêt semestriel de 12^{fr}, 50 et que leur amortissement fonctionnera à la fin de chaque année?

Le prix moyen demandé de la nue propriété de cette obligation se calculera comme il a été dit au n° 55; il est égal à 418^{fr}, 85.

Le prix moyen demandé de sa jouissance s'obtiendra en calculant, dans les conditions de taux et de temps indiqués, la valeur de la jouissance de toutes les obligations alors vivantes et qui est égale à 39639,70 + 40811,45 (n° 46), soit à 80451,76, et en la divisant par le nombre des obligations alors vivantes et qui est égal à

$$\frac{135399,492\times4,3294767}{500} (n^{\circ} 55),$$

soit à 1172,54, ce qui donnera 68fr,61.

Le prix moyen demandé de l'obligation sera égal à la somme des deux résultats précédents, soit à 487^{fr}, 46.

Exemple II. — Nous supposons un emprunt qui ne dissère de celui désini au n° 51 qu'en ce que, à la sin de chaque année, il sera distribué pour 6000^{tr} de lots à certaines obligations désignées par le sort; quels seront, d'après le taux annuel 6 pour 100, et au 1^{er} janvier 1887, les prix moyens de la nue propriété, de la jouissance et d'une obligation appartenant à cet emprunt?

Le tableau d'amortissement des obligations de cet emprunt, d'après ce qui a été dit au n° 53, sera identique à celui de l'emprunt défini au n° 51.

Le prix moyen de la nue propriété et de la jouissance de l'obligation considérée seront identiques respectivement à ceux qu'on a calculés aux nos 55 et 58.

Le prix moyen de l'obligation considérée s'obtiendra en

ajoutant à celui calculé au n° 57 le quotient de la division de la valeur, dans les conditions de taux et de temps indiqués, de tous les lots restant à distribuer par le nombre des obligations alors vivantes.

Cette valeur de ces lots, d'après le taux 6 pour 100, sera égale à 6000 × 4,2123638 (Table I, troisième colonne, 6 pour 100), soit à 25274,1828.

Le nombre des obligations alors vivantes étant de 1172,54 et le quotient de la division de 25274,1828 par 1172,54 étant 21^{fr},555, il en résulte que le prix moyen demandé est égal à 486^{fr},475 + 21^{fr},555, soit à 508^{fr},03.

Exemple III. — Si dans l'emprunt considéré à l'exemple précédent, toutes choses restant identiques d'ailleurs, l'intérêt doit être payé par semestre, à raison de 12^{fr}, 50 par obligation, quels seront les prix moyens de la nue propriété, de la jouissance et d'une obligation appartenant à cet emprunt?

61. Dans le courant de ce Chapitre, nous avons toujours supposé que les prix moyens de la nue propriété et de la jouissance d'une obligation, comme aussi le prix moyen de cette obligation elle-même, étaient demandés au commencement d'une unité de temps quelconque de la durée des divers emprunts considérés. Si l'on veut connaître ces prix à une époque quelconque d'une unité de temps de la durée de ces mêmes emprunts, on se guidera par les indications du n° 42 et, pour ce qui concerne les obligations des emprunts de la deuxième classe, par celles qui sont placées à la fin de l'exemple du n° 46.

taux annuel de 6 pour 100, les prix moyens de la nue propriété et de la jouissance d'une obligation appartenant à l'emprunt qui a fait l'objet de l'exemple 1 du n° 60, ainsi que le prix moyen de cette obligation?

Le prix moyen demandé de la nue propriété de cette obligation s'obtiendra en multipliant celui de la nue propriété au 1^{er} janvier 1887, qui est égal à 418^{fr} , 85 (n° 60, Ex. I), par 1,06 $\frac{8}{12}$ (Table II); ce produit est égal à 435^{fr} ,44.

Le prix moyen demandé de la jouissance de cette obligation s'obtiendra en multipliant celui de sa jouissance au 1^{er} janvier 1887 par 1,06 $\frac{6}{12}$ (Table II), en retranchant 12^{fr}, 50 de ce produit et en multipliant le résultat par 1,06 $\frac{2}{12}$ (Table II). En effectuant ces opérations, on trouvera que le prix moyen demandé de cette jouissance est égal à 58^{fr} , 71.

Quant au prix moyen demandé de l'obligation considérée, on pourrait la déduire du prix moyen au 1^{er} janvier 1887, comme cela vient d'être indiqué pour le prix moyen, dans les mèmes conditions de taux et d'intérêt, de la jouissance de cette obligation. Mais on peut l'obtenir aussi en additionnant les prix moyens trouvés pour la nue propriété et la jouissance de cette obligation. Cette somme est égale à 494^{fr}, 15.

62. On a très-souvent besoin, comme on le verra plus loin, quand il sera question de la parité des valeurs, de connaître le taux d'intérêt correspondant à un prix donné d'une obligation dont l'âge serait entier ou fractionnaire.

Si l'obligation considérée appartient à la première classe, que son âge soit entier ou fractionnaire, on pourra déterminer le taux demandé par l'emploi de la Table de M. Achard, (n° 26 et suivants).

Exemple. — Quel est le taux annuel d'intérêt qui correspondra, le 1^{er} janvier 1887, au prix de 486^{fr}, 475 pour une obligation de l'emprunt défini au n° 51?

Le nombre des obligations vivantes à l'époque précitée étant de 1172,54, il en résulte que ce qui reste à amortir alors est égal à 486,475 × 1172,54, soit à 570411^{fr},3965. Cette dernière somme est la valeur actuelle d'une annuité immédiate composée de cinq termes égaux chacun à 135390^{fr},492, et, en la divisant par le montant de l'un de ces termes, on obtiendra 4^{fr},21308 pour la valeur actuelle d'une annuité de 1^{fr}. En se conformant aux indications du n° 28, on divisera par 5 cette dernière valeur, ce qui donne o^{fr},84261, d'où l'on déduira que la valeur du taux annuel demandé est égale à 5,996 pour 100.

Si l'on avait donné le prix de l'obligation à une époque quelconque de l'année, on commencerait par déduire de ce prix la partie acquise du coupon, et l'on retomberait dans le cas de l'exemple précédent.

63. Si l'obligation considérée appartient à une obligation de la deuxième classe, on commencera par rechercher le prix correspondant au commencement de l'année de l'âge actuel de cette obligation; puis on considérera cette obligation comme appartenant à un emprunt de la première classe, et, par l'application du procédé de M. Achard, on trouvera une valeur très-légèrement inférieure à celle du taux demandé et, en général, suffisamment approchée. Si l'on veut avoir une approximation plus grande, on calculera, d'après ce taux approché et d'après un taux un peu plus élevé, les prix de l'obligation considérée, de manière qu'ils comprennent entre eux le prix donné de l'obligation. Par une simple interpolation, on aura une approximation plus grande.

On comprend qu'en suivant cette méthode on peut arriver à une approximation aussi grande qu'on pourra le désirer.

64. Le procédé de M. Achard, pas plus que les autres donnés par divers auteurs, n'est applicable directement à la recherche du taux correspondant à un prix donné d'une obligation appartenant à un emprunt qui n'est pas de la

première classe. Quand il s'agira d'une obligation de la troisième ou de la quatrième classe, on détermine le taux qui correspond à son prix par une série d'essais analogues à ceux indiqués au n° 63 pour le cas d'une obligation de la deuxième classe. Nous laissons au lecteur le soin de se former à la pratique de ces calculs, qui demandent beaucoup de patience et de sagacité. Nous en donnons, d'ailleurs, divers exemples, dans le § II du Chapitre V, relatif aux obligations de la Ville de Paris.

- § IV. Procédés de calcul relatifs aux obligations frappées de taxes par la loi française.
- 65. Les taxes qui, en France, frappent au profit du Trésor les obligations de tous les emprunts en cours, ont été définies au n° 49. Ces taxes diminuant le revenu des obligations, il en résulte pour elles une dépréciation qui a une certaine importance et qu'on ne peut négliger.
- 66. La dépréciation d'une obligation par la première de ces taxes se détermine en calculant, d'après les règles ordinaires, la valeur de cette obligation à l'aide d'un taux auxiliaire supérieur au taux d'évaluation, de of, 20 ou de of, 10, suivant que le taux d'appréciation est annuel ou semestriel.

La démonstration de cette règle, commune aux obligations de toutes les classes, est due à M. Achard (*), qui a aussi donné, pour le calcul de la dépréciation d'une obligation par les deux autres taxes, des règles extrêmement ingénieuses que nous allons établir.

67. En frappant chaque obligation, à l'époque de son amortissement, d'une taxe de 3 pour 100 sur la prime de remboursement, c'est-à-dire sur la différence entre la valeur

^(*) Cette démonstration fait l'objet de la Note J de la *Théorie mathématique* des Opérations financières,

nominale et le prix d'émission de cette obligation, l'État fait une opération qui revient à frapper, à cette même époque, une taxe de 3 pour 100 sur la valeur nominale et à restituer en même temps au porteur de cette obligation 3 pour 100 du prix d'émission.

La première partie de cette opération, c'est-à-dire la taxe de 3 pour 100 sur la valeur nominale (et sur un lot, s'il y a lieu), perçue à l'époque de l'amortissement de l'obligation, et la taxe de 3 pour 100 sur le revenu perçue sur tous les coupons au fur et à mesure de leur échéance ont ensemble pour effet de diminuer de 3 pour 100 la valeur totale de cette obligation, qui se trouve ainsi réduite aux $\frac{9.7}{100}$ de sa valeur primitive. On peut donc la regarder comme appartenant à un emprunt fictif, ne différant de l'emprunt considéré qu'en ce que la valeur nominale de ses obligations et celle de leurs coupons sont égales respectivement aux $\frac{9.7}{100}$ de celles des obligations de celui-ci.

La deuxième partie de l'opérațion précitée, c'est-à-dire la restitution par l'État, à l'époque de l'amortissement de l'obligation, de 3 pour 100 du prix d'émission, augmente la valeur actuelle de cette obligation de celle de cette restitution. Et, puisque cette restitution doit se faire à l'époque de l'amortissement de l'obligation, il est évident que sa valeur actuelle est égale à celle de la nue propriété d'une obligation appartenant à l'emprunt fictif précité, mais dont la valeur nominale serait égale aux $\frac{3}{100}$ du prix d'émission.

Donc, pour tenir compte de la dépréciation d'une obligation par la taxe sur le revenu et celle sur la prime de remboursement (ainsi que sur les lots, quand il y en a), on multipliera par 0,97 le prix de cette obligation déterminé comme si elle était exempte de ces deux taxes, et l'on ajoutera au produit 3 pour 100 de la valeur actuelle de la nue propriété de cette obligation, considérée comme ayant pour valeur nominale son prix d'émission. Cette règle, comme celle du n° 66, est commune aux obligations de toutes les classes.

Il est bien évident que, si l'on veut tenir compte à la fois

de la dépréciation due aux trois taxes, il faudra se servir du taux auxiliaire pour le calcul relatif à la taxe de off, 20 pour 100 et du taux réel pour le calcul relatif aux deux autres taxes.

Exemple. — Quel est, d'après le taux annuel 4,80 pour 100, et en tenant compte des trois taxes, le prix moyen d'une obligation de 500^{fr} rapportant 15^{fr} d'intérêt annuel, faisant partie d'un emprunt ayant encore 75 années à courir et émise à 300^{fr}?

On calculera d'abord, d'après la règle du n° 57, le prix moyen de l'obligation considérée, correspondant au taux annuel 4^{fr},80 + 0,20, soit 5 pour 100 (n° 66); on aura par ce premier calcul 500 × 19,48497 × 0,03366796, soit 328^{fr},01, qui est le prix de l'obligation frappée de la première taxe seulement.

Pour tenir compte, en outre, de la dépréciation due aux deux autres taxes, on calculera, d'après le taux annuel 4^{fr}, 80 pour 100, le prix moyen de la nue propriété de l'obligation considérée en suivant la règle établie au n° 55, ce qui donnera lieu aux opérations suivantes:

$$500 \times \frac{\frac{1}{1.03^{75}} - \frac{1}{1.048^{75}}}{0.048 - 0.03} \times 0.03366796$$

et dont le résultat est égal à 74fr, 10.

Si la valeur nominale de cette obligation, au lieu d'être 500^{fr}, eût été égale à 300^{fr}, son prix d'émission, le prix moyen de sa nue propriété serait égal aux $\frac{300}{500}$ ou $\frac{3}{5}$ de 74^{fr} , 10, soit à 42^{fr} , 01, dont les 3 pour 100 valent 1^{fr} , 26. En additionnant cette dernière somme avec les 97 centièmes de 328^{fr} , 01, égaux à 318^{fr} , 17, on obtiendra 319^{fr} , 50 pour le prix moyen de l'obligation considérée en tenant compte des trois taxes.

Le prix moyen de l'obligation considérée, si elle n'était soumise à aucune taxe, aurait été de 340fr,29.

68. Si l'on voulait connaître le taux d'intérêt correspondant au prix donné d'une obligation frappée des trois taxes et appartenant à un emprunt de la première classe, il faudrait procéder à cette recherche d'après les indications exposées au n° 62.

69. Les deux problèmes qui font l'objet des nos 67 et 68 n'ont été envisagés qu'au point de vue des obligations de la première classe. Le lecteur trouvera, dans la note qui précède la Table V, les indications nécessaires pour résoudre les mêmes problèmes quand il s'agit des obligations de la deuxième classe.

M. Achard a remarqué que le rapport de la valeur de la nue propriété d'une obligation à la valeur totale de cette obligation, qu'elle soit de la première ou de la seconde classe, varie fort peu lorsque le taux d'appréciation de ces valeurs varie dans des limites qui n'excèdent pas $\frac{1}{2}$ pour 100. La Table VI contient, pour les taux annuels $3\frac{1}{2}$, 4, $4\frac{1}{2}$ et 5 pour 100 et pour tous les âges d'une obligation des chemins de fer, les valeurs de ce rapport. Elle permettra donc de déduire, approximativement et par interpolation, si besoin est, de la valeur totale d'une obligation celle de sa nue propriété, et réciproquement, lorsque le taux annuel d'appréciation sera compris entre 3 et 6 pour 100 par an.

Ainsi la valeur totale d'une obligation de chemin de fer appartenant à un emprunt dont la durée future est de 35 ans étant égale, d'après le taux semestriel 2,60 pour 100, à 370^{fr},77, la valeur de sa nue propriété s'obtiendra en multipliant 370^{fr},77 par 0,533, nombre déduit, par interpolation, de la Table VI, 5 et 4½ pour 100.

On verra, dans la note qui précède la Table V, combien la Table VI est utile pour la résolution des problèmes concernant les obligations.

70. Les Tables III, IV, V et VI sont relatives aux emprunts par obligations. Elles sont précédées de leurs définitions et nous n'insistons pas sur leur utilité, qui est évidente.

CHAPITRE V.

§ I. — Fonds publics français.

71. Les emprunts d'État se font, le plus souvent, moyennant une rente perpétuelle. Des titres sont émis qui donnent droit à leurs porteurs de toucher une rente déterminée à des époques fixes; mais ils ne sont pas susceptibles d'un amortissement défini.

Lorsqu'un État veut amortir un pareil emprunt, il rachète des titres pour les annuler.

Les perturbations financières qui ont signalé le xixe siècle n'ont pas permis aux gouvernements qui se sont succédé en France de faire fonctionner régulièrement l'amortissement de leurs dettes suivant le mode qu'ils avaient d'abord fixé. La création des chemins de fer, les grands travaux d'utilité publique et, surtout, les guerres du dernier Empire ont nécessité des emprunts énormes, dont de longues générations auront à supporter le poids écrasant. Le service de l'intérêt de ces emprunts a forcé le législateur à créer de nouveaux impôts, tellement lourds pour les populations, que l'imagination se refuse à croire qu'ils puissent être augmentés dans l'avenir.

72. Rentes sur l'État. — C'est la loi du 24 août 1793 qui a posé les bases de la nouvelle organisation de la dette publique. Son premier article est ainsi conçu:

« Toute la dette publique non viagère sera enregistrée, par ordre alphabétique du nom des créanciers, sur un grana livre. »

A cette époque, toute la dette publique était évaluée à 127803000^{fr}; de 1793 à l'an VIII, elle s'accrut de 46913000^{fr}, ce qui la porta à 174716000^{fr}.

La loi du 24 frimaire an VI (30 septembre 1797) ordonne le remboursement des deux tiers de la dette publique et la consolidation du troisième tiers. Ce dernier, nommé d'abord tiers consolidé et plus tard cinq pour cent consolidé, aurait dù s'élever à 58 238 666fr, mais ne fut en réalité que de 40 216000fr, soit 23 pour 100 de l'ancienne dette, qui s'est trouvée ainsi réduite de 77 pour 100. La réduction des deux tiers, à laquelle on donna le nom de remboursement, ne fut effectuée qu'en partie et au moyen d'assignats; elle a été une véritable spoliation, ou plutôt une banqueroute.

La loi du 27 avril 1825 créa 30000000 de rentes 3 pour 100, afin de donner au gouvernement les ressources nécessaires pour payer l'indemnité votée en faveur des émigrés et des suspects dont les biens, pendant la Révolution, avaient été confisqués et vendus comme biens nationaux. Telle fut l'origine de la rente 3 pour 100.

La loi du τ^{er} mai 1825 rendit facultative la conversion des rentes 5 pour 100 en rente 3 pour 100, au taux de 75^{fr} , ou en rentes $4\frac{1}{2}$ pour 100.

La rente 4 pour 100 est le plus récent des fonds de l'État; il fut créé par la loi du 19 juin 1828, qui ouvrit un crédit de 4 millions de rentes, négociées au cours de 102^{fr},75.

Un décret du Président de la République, en date du 14 mars 1852, décida la conversion de toute la rente 5 pour 100 en rente 4 ½ pour 100.

En 1862, il fut offert aux détenteurs des titres 4 ½ pour 100 et 4 pour 100 la faculté de les convertir en titres 3 pour 100, revenu pour revenu, et moyennant une soulte de 4^{fr},50 par 4^{fr},50 de rente 4 ½ pour 100 et de 1^{fr},20 pour 4^{fr} de rente 4 pour 100.

Un nouvel emprunt de 450500000^{fr} fut autorisé par la loi du 1^{cr} août 1868, pour couvrir le déficit du budget; il fut réalisé par l'émission de 19516245^{fr} de rentes 3 pour 100.

Puis vint l'emprunt de la guerre, de 750 millions, qui a créé 39830306^{fc} de rentes 3 pour 100.

L'emprunt de la libération du territoire, de 5 milliards,

a été réalisé en vertu des lois des 20 juin 1871 et 15 juillet 1872, et a produit un capital de 5724738684^{fr}, destinés à payer l'indemnité de guerre et les frais de la souscription publique.

L'emprunt 3 pour 100 amortissable, émis en vertu de la loi du 11 juin 1878, est défini par le décret du 16 juillet de la même année (voir *Journal Officiel*, 17 et 20 juillet 1878).

Il rapporte un intérêt annuel de 3 pour 100 du capital nominal, payable par trimestre les 16 janvier, avril, juillet et octobre, c'est-à-dire quinze jours après l'échéance du coupon 3 pour 100 perpétuel. L'emprunt est divisé en 175 séries, amortissables chaque année par voie de tirage au sort, dans soixante-quinze ans, conformément au tableau ci-après :

	TABL	EAU J) AMO	RTISSE	EMENT.	
	Ans.					Série:
De 1879 à 1907	29	1 8	série,	par a	an	 29
De 1908 à 1925	18	2))))		 36
De 1926 à 1938	13	3))))		 39
De 1939 à 1945	7	4))))		 28
De 1946 à 1950	5	5))))		 25
De 1951 à 1953	3	7	>>),		 18
	75					175

Il a été émis, le 20 juillet 1878, 94 260 de chaque série, soit en totalité 16 495 500 de rente.

Le minimum d'une inscription est de 15^{fr} de rente.

Les souscripteurs ont la faculté d'acquérir 15^{fr} de rente de chaque série (ou un multiple de 15^{fr} de rente), 2625^{fr} de rente en totalité au minimum.

On voit, d'après le tableau d'amortissement, que la durée de l'emprunt est divisée en 6 périodes pendant chacune desquelles le nombre des séries amorties ne varie pas d'une année à la suivante. Il en résulte que l'annuité qui fait le service de l'emprunt, au lieu d'être sensiblement constante, ainsi que cela se produit dans les emprunts ordinaires par obligations, diminue d'année en année en progression arithmétique dans le cours d'une même période, et augmente d'une manière brusque en passant à la période suivante.

Afin de suivre les variations de l'annuité, nous supposerons que l'on possède une inscription de 3^{fr} de rente de chacune des 175 séries. Les chiffres de l'annuité seront cinq fois moindres que ceux qui correspondent à la combinaison réalisable de 15^{fr} de rente par chaque série.

On obtient ainsi le tableau suivant :

AN	NĚES.	NOMBRE de séries au com- mencement de chaque année.	ANNUITÉ laisant le service de l'intérêt el de l'amor- tissement	ANNÉES.	NOMBRE de séries au com- mencement de chaque année	ANNUITÉ faisant le service de l'intérêt et de l'amor- tissement.	ANNÉES.	NOMBRE de séries au com- mencement de chaque année.	ANNUITÉ laisant le service de l'intérêt et de l'amor- 'issement.
OR THE STREET	1.	2.	3.	1.	2	3.	1.	2	3.
R .	I te	175	625	26°	150	550	51° 52°	101	fr 603
B	2 e	174	622	27 ^e 28 ^e	149	547 544	53°	98	594
B)	3e	173	619		1			95	595
	4 ^e	172	616	30 ^e	147	541 638	54° 55°	92	576
	5 ^e	171	613	30"	146	000	55	89	567
	6e	170	610	31e	144	632	56e	86	558
	7 e	169	607	32e	142	626	57°	83	549
	8e	168	604	33e	140	620	58e	80	540
NAME OF TAXABLE PARTY.	9 ^e	167	601	34e	138	614	59°	77	1 E C
B 1	o ^e	166	598	35°	136	608	60e	74	522
I I	1 e	165	595	36e	134	602	61e	71	613
I	2 e	164	592	37°	132	596	62°	67	601
E I	3e	163	589	38e	130	590	63°	63	589
I	1e	162	586	39e	128	584	64e	59	577
I Ser	5e	161	583	40e	126	578	65e	55	565
I	6°	160	58o	↓I e	124	572	66e	51	553
I	7 ^e	159	577	42°	122	566	67 ^e	47	541
I	8e	158	574	43°	120	56o	68e	43	629
I	9 ^e	157	571	44e	118	554	69e	38	614
2	o ^e	156	568	45°	116	548	70e	33	599
2	1 e	155	565	46°	114	542	71°	28	584
R.I.	22°	154	562	47°	112	536	72 ^e	23	569
2	.3°	153	559	48e	110	630	73°	18	654
2	ije	152	556	49 ^e	107	621	74°	12	636
2	.5 ^e	151	553	50e	104	612	75°	6	618
						Section of the sectio		and the second second	The second secon

La 11e colonne indique le rang de chaque année;

La 2°, le nombre des séries non encore amorties au commencement de chaque année;

La 3°, l'annuité nécessaire pour faire, dans le cours de chaque année, le service de l'intérêt et de l'amortissement.

On voit que, dans la première période, les annuités diminuent en progression arithmétique, chacune d'elles étant moindre que la précédente de 3¹¹.

En passant de la première à la deuxième période, l'annuité augmente de $97^{fr} = 100 - 1.3$, puis elle diminue pendant cette période, de 6^{fr} ou 2.3 chaque année.

De même, en entrant dans la troisième, elle augmente de 94^{fr} = 100 - 2.3, puis elle diminue de 9^{fr} ou 3.3 chaque année, et ainsi de suite.

Enfin, dans la sixième période, l'annuité diminue de $18^{\rm fr}=6.3$ par an.

Ainsi la première annuité de chaque période a une valeur plus grande que celles qui la précèdent ou la suivent immédiatement, et la dernière annuité de chaque période est au contraire moindre que les annuités voisines.

La moyenne des six annuités maximum et des six annuités minimum est 593^{fr} : c'est la moyenne de toutes les annuités; elle est supérieure à l'annuité théorique 589^{fr} , 189. La différence, 3^{fr} , 811, provient surtout des annuités de la dernière période, qui sont très-élevées.

La Table VII donne, pour divers taux annuels, le prix du 3 pour 100 amortissable au 16 juillet de chaque année de son existence.

73. Les arrérages de l'ancien 5 pour 100 se payaient, par moitié et par semestre, les 22 mars et septembre (1er vendémiaire et germinal) de chaque année; ceux des rentes $4\frac{1}{2}$ et 4 pour 100 se payent encore à ces mêmes époques.

Les arrérages de la rente 3 pour 100 étaient payés, depuis sa création, par moitié et par semestre, les 22 juin et décembre; mais, depuis le 1^{er} octobre 1862, ils sont payés, par quart et par trimestre, les 1^{ers} janvier, avril, juillet et octobre de chaque année.

C'est aussi par quart et par trimestre que sont payés les arrérages du nouveau 5 pour 100, et les payements s'effectuent les 16 février, mai, août et novembre de chaque année.

A la Bourse, on détache les coupons des rentes aux dates suivantes (1):

Pour la rente $4\frac{1}{2}$ pour 100, les 6 mars et septembre;

- 4 pour 100, les 5 mars et septembre;
- » 3 pour 100, les 15 mars, juin, septembre et décembre;
- pour 100, les 1ers février, mai, août et novembre;
- 3 pour 100 amortissable, les 1^{ers} janvier, avril, juillet et octobre.

La dette constituée de la France s'élevait :

A la consolidation du tiers, à	40216000 ^{fr}	de rente
Au 1er avril 1814, à	6330763 7))
Au 1er août 1830, à	202381181	>)
Au 1er mars 1848, à	244287266))
Au 1 ^{er} janvier 1852, à	242774478	3)
Au 1er septembre 1870, à	402592037))
Au 1er janvier 1873, à	748593642))
Au 1er janvier 1879, à	765089142	20

savoir:

Rente	5 pour 100	346001605fr
>>	$4\frac{1}{2}$ pour 100	37450476
D	4 pour 100	446096
))	3 pour 100	364695465
D	3 pour 100 amortissable.	16495500
	Total	765089142ft

74. Obligations trentenaires. — Les obligations du Trésor, appelées ordinairement obligations trentenaires, ont été créées, en vertu de la loi du 23 juin 1857, pour allouer aux Compagnies de chemins de fer une somme de 200 millions de francs, payable dans l'espace de 12 ans environ.

En juillet 1861, le Gouvernement, après avoir livré aux Compagnies des chemins de fer et à la Caisse des dépôts et consignations 411482 de ces obligations, ouvrit une souscription

^(*) Le coupon se détache : pour les obligations, à la première bourse, et pour les actions, à la cinquième bourse du mois dans lequel a lieu l'échéance.

Pour les obligations, l'échéance coïncide généralement avec le détachement du coupon. Il n'en est pas de même pour la rente, dont le coupon est toujours détaché quinze jours avant l'échéance.

publique de 300000 autres obligations au taux de 440fr.

Les obligations du Trésor sont productives d'un intérêt semestriel de 10^{fr}, payable les 20 janvier et juillet de chaque année; elles sont remboursables à 500^{fr}, par tirages au sort annuels, en 28 ans, à partir du 20 juillet 1860.

A l'époque de la conversion de 1862, on a échangé 604618 de ces obligations contre des titres de rentes 3 pour 100, de manière que leur nombre est actuellement réduit à 65782.

75. Bons du Trésor. — Le Gouvernement souscrit des effets à échéance fixe qui se négocient comme des effets ordinaires. Ces bons du Trésor, transmissibles par voie d'endossement, sur lesquels la Banque de France fait des avances dans les mêmes conditions que pour les rentes sur l'État, sont délivrés à toute personne qui en demande à la Caisse centrale du Trésor public.

L'échéance en est fixée selon la convenance des porteurs. L'intérêt attaché à ces diverses échéances est nécessairement mobile; le Ministre des Finances en élève ou abaisse le taux, par décision insérée au *Journal officiel*, suivant qu'il veut attirer l'argent dans les caisses du Trésor ou en modérer l'afflux.

Le Gouvernement règle d'avance l'intérêt des bons du Trésor, en sorte qu'à l'échéance c'est la somme inscrite sur le bon qui est remboursée. Si un bon du Trésor est présenté plus tard que son échéance, le Gouvernement ne tient aucun compte de ce retard.

Le taux d'intérêt des bons du Trésor était, au 11 mars 1868:

r pour 100 pour les bons de 3 à 5 mois; r ½ pour 100 » 6 à 11 mois;

2 ½ pour 100 » 1 an.

Il était, au 1er août 1875,

1 pour 100 pour les bons de 3 à 6 mois;

2 pour 100 » 6 à 11 mois;

3 pour 100 » 1 an.

A cette époque, il fut créé une nouvelle série de bons remboursables au bout de cinq ans et rapportant un intérêt de 5 pour 100, destinés à remplacer ceux qui étaient en circulation. L'intérêt, au lieu de s'ajouter au capital et d'être payé à l'échéance du bon, est payé par moitié, le 1^{er} mai et le 1^{er} septembre. Ces bons sont émis par coupures de 500, 1000, 5000 et 10000^{fr}.

76. Amortissement. — L'amortissement de la dette consolidée s'est pratiqué de 1816 à 1848 inclusivement; il a été suspendu jusqu'en 1858, puis repris en 1859; après avoir fonctionné pendant deux ans, il a été de nouveau suspendu.

Le total des sommes employées au rachat des rentes s'élevait :

De 1816 à 1833, à.... 1262171496^{fr}
De 1833 à 1848, à.... 376078426
De 1859 à 1861, à.... 53979458
Total..... 1692229374

77. L'usage veut que le taux d'intérêt, dans les questions financières, s'exprime pour l'année, avec cette restriction que cela revient au même que si l'on énonçait un taux deux fois plus petit pour 6 mois, ou quatre fois plus petit pour 3 mois.

Ainsi, quand on dit que l'intérêt se suppute d'après le taux 6 pour 100 par an, il faut entendre qu'il s'agit du taux 3 pour 100 par semestre, ou 1 ½ pour 100 par trimestre.

Avant 1862, tous les arrérages des rentes de l'État, ainsi que l'intérêt des obligations des Compagnies de chemins de fer, étant payables par semestre, c'était le taux semestriel qui était adopté, à moins de convention contraire; mais, depuis que la plus grande partie des arrérages des rentes sont payés trimestriellement, il devient indispensable de stipuler si le taux doit être semestriel ou trimestriel.

78. Les rentes sur l'État sont cotées à la Bourse, y compris l'intérêt couru depuis le détachement du dernier coupon. Si l'on veut avoir le prix net de cet intérêt, il faudra escompter, en dedans, le prix coté; mais on arrive sensiblement au même résultat en retranchant du prix coté une partie du coupon en cours, proportionnelle au temps couru depuis l'échéance du coupon précédent.

Ainsi le coupon trimestriel de la rente 3 pour 100 est de o^r, 75. Supposons que, au 15 décembre, elle soit cotée à 58^{fc}, 90; du 1^{er} octobre au 1^{er} janvier il y a 92 jours, et 75 jours du 1^{er} octobre au 15 décembre. On aura, pour le prix de la rente considérée comme immédiate,

$$\frac{58,90}{1,015^{\frac{2.5}{9.2}}} = 58^{fr},19.$$

D'un autre côté, si l'on retranche de 58^{fr} , 90 les $\frac{75}{92}$ de 0,75, on trouve 58^{fr} , 29.

Ce dernier mode de calculer le prix de la rente net de l'intérêt acquis depuis le détachement du dernier coupon, étant beaucoup plus commode que le précédent, a été généralement adopté quand une grande précision n'est pas nécessaire (*).

Nous allons exposer la solution de quelques problèmes relatifs aux fonds publics.

Exemple I. — Le 15 décembre, on achète du 3 pour 100 au prix de 58^{fr},90; à quel taux d'intérêt trimestriel correspond cette opération?

Le prix net de la rente se calculera comme il a été dit

^(*) Il est facile de voir que le coupon se détachant pour les rentes quinze jours avant l'échéance, il ne revient pas absolument au même de calculer l'intérêt couru à partir de l'échéance ou à partir du détachement du coupon, et qui, si aucune fluctuation ne venait troubler l'accroissement régulier du titre, celui-ci comprendrait la valeur de son coupon quinze jours avant l'échéance.

Dans tout ce qui suivra nous ferons abstraction de cette différence, et nous considérerons le titre comme grossi de ses intérêts depuis le dernier payement. L'erreur ainsi commise est très-faible, et cette façon de procéder simplifie considérablement les formules.

au n° 78; on le trouvera égal à $58^{\rm fr}$, 29 et l'on aura pour le taux trimestriel demandé $\frac{0.75}{58,29}$ ou $0^{\rm fr}$, 01287, soit 1,287 pour 100. Ce taux trimestriel équivaut au taux semestriel 1,01287² – 1 ou 2,65 pour 100 (n° 7).

Exemple II. — Le 3 janvier, on achète 3000^{fr} de rentes 5 pour 100, par l'intermédiaire d'un agent de change, au cours de 92^{fr},50 : combien coûte cette rente et quel est le taux d'intérêt effectif?

5 ^{fr} de rentes pour 92 ^{fr} ,50 correspondant à 3000 ^{fr}	ſr
de rentes pour	55500,00
$\frac{1}{8}$ pour 100 de commission d'agent de change	69,37
Timbre sur le bordereau de l'agent de change	1,8o
Timbre sur le reçu délivré par l'agent de change.	0,10
Total	55571,27

Ce prix comprend: 1° la valeur de la rente nette d'intérêt; 2° une fraction du coupon trimestriel correspondant au temps compris entre le 16 novembre et le 3 janvier, c'est-à-dire à 50 jours. Du 16 novembre au 16 février, il y a 92 jours; il faut, pour avoir la valeur de la rente nette d'intérêt, retrancher du total précédent $\frac{5.0}{9.2}$ de 750^{fr} , soit 407^{fr} , 61; le reste de cette soustraction étant 55163^{fr} , 66, on a, pour déterminer le taux trimestriel,

$$\frac{750}{55163,66}$$
 = 0,013547....

Exemple III. — Quelle est, au 22 février, et d'après le taux semestriel 2 $\frac{1}{2}$ pour 100, la valeur d'un titre de 9000 fr de rente 4 $\frac{1}{2}$ pour 100?

Il s'agit ici d'une perpétuité semestrielle de 4500^{fr} anticipée de 5 mois (n° 72). La valeur demandée s'obtiendra par le calcul suivant (n° 19):

$$\frac{4500}{0.025} \times 1.025^{\frac{10}{12}}$$
 (Table II),

dont le résultat est égal à 1837/12fr,30.

Si ce titre devait être réalisé par l'intermédiaire d'un agent de change, le résultat précédent devrait être diminué de ½ pour 100, soit de 229^{fr},68.

Exemple IV. — Quel doit être le cours de la rente 3 pour 100 au 17 septembre pour que l'argent employé à l'acheter à ce cours produise un intérêt trimestriel de 1 4 pour 100?

Du 1^{er} juillet au 17 septembre, il y a 79 jours; du 1^{er} juillet au 1^{er} octobre, il y a 92 jours; par conséquent, au 17 septembre, la rente 3 pour 100 est anticipée de $\frac{7.9}{0.2}$ ou à peu près $\frac{4.0}{1.2}$ de trimestre. Le cours demandé s'obtiendra par le calcul suivant (n° 19):

$$\frac{0.75}{0.0125} \times 1.0125^{\frac{10}{12}}$$

dont le résultat est égal à 75fr,78.

Exemple V. — Quelle somme de rentes 5 pour 100 faudra-t-il acheter le 1^{er} mars au cours de 109^{fr},40 pour employer à cet achat 100000^{fr}, nets de tout frais? A quel taux d'intérêt annuel correspondra cette opération?

L'agent de change prélevant un courtage de ½ pour 100 sur le produit de l'opération, il faudra retrancher de 100000^{fr} l'importance de ce courtage, ainsi que celle du timbre sur le bordereau de l'agent de change et sur le reçu qu'il délivrera.

Voici tout le calcul, en remarquant que le courtage est de 125tr environ :

En multipliant par 5 le quotient de la division de 99873,26

par 109,40, on aura 4564^{fr},59, qui est la somme de rente 5 pour 100 demandée.

Au 1^{er} mars, le tiers du coupon de 1^{fr}, 25, soit 0,41, est acquis; le prix net de la rente 5 pour 100 est donc de 108^{fr}, 99; le taux trimestriel correspondant est donc égal à 1,25/108,99, soit à 0^{fr}, 011468942.

En suivant les indications du n° 7, on trouvera que les taux semestriel et annuel respectivement équivalents sont ofr,0230694 et ofr,04667.

§ II. — EMPRUNTS DE LA VILLE DE PARIS.

79. Pour faire face aux dépenses qu'ont entraînées les travaux qui ont fait de Paris la plus belle ville du monde, cette ville a dû recourir à de nombreux emprunts dont nous allons donner les définitions, qu'on trouvera, du reste, résumées dans la Table III.

Premier emprunt. — Les lots distribués semestriellement sont au nombre de 15, savoir :

Au 1er numéro sortant, un lot de	100000
Aux 2e, 3e, 4e et 5e numéros sortants, un lot de	
10 000 fr chacun	40000
Aux 6e et suivants, jusques et y compris le 15e,	
un lot de 1000 fr chacun	10000
Total des lots pour chaque tirage	150000

Les tirages ont lieu les 1^{crs} février et août de chaque année, à partir du 1^{cr} août 1855; mais, jusqu'au 1^{cr} février 1858 exclusivement, ils n'ont eu pour but que de désigner les obligations favorisées par des lots, qui, seules, ont été remboursées à 500^{fr} en sus du lot attribué à chacune d'elles. Le tirage du 1^{cr} février 1858 et les 49 suivants, dont le dernier aura lieu le 1^{cr} août 1897, désignent les obligations à amortir. Le payement des lots et le remboursement des obligations dési-

gnées pour l'amortissement s'effectuent aux époques fixées pour le payement des coupons d'intérêt.

En 1855, il a été émis une série de 150000 obligations.

En 1860, il a été émis deux nouvelles séries, se composant chacune d'autant d'obligations qu'il en restait de l'émission de 1855, et portant les mêmes numéros que ces dernières. Les nouvelles obligations jouissent du même intérêt que les anciennes, et elles doivent être amorties dans le même délai; e'est par un seul et même tirage que sont désignées les obligations des trois séries pour l'amortissement et les lots.

Deuxième emprunt. — Chaque trimestre, il est distribué 21 lots aux obligations de cet emprunt émises en 1865 au nombre de 600000, savoir :

Au 1er numéro sortant,	r lot de		150000 ^{fr}
Au 2e numéro sortant,	1 lot de		50000
Aux 3e, 4e, 5e et 6e,	4 lots de 10000fr	chacun.	40000
Aux 7e, 8e, 9e, 10e et 11e,	5 lots de 5000 ^{fr}))	25000
Aux 12e et suivants,	10 lots de 2000 ^{fr}))	20000
Totaux	21 lots		285000

Les tirages ont lieu, à partir du 15 septembre 1865, les 15 mars, juin, septembre et décembre de chaque année; mais, jusques et y compris celui de mars 1869, ils n'ont servi qu'à désigner les numéros favorisés par les lots. L'amortissement a fonctionné pour la première fois en août 1869.

Contrairement à ce qui a été stipulé pour l'emprunt de 1855-1860, les obligations favorisées par un lot sont considérées comme remboursées par ce lot; en sorte que le semestre à la charge de la Ville de Paris est égal au semestre qui fait le service de l'intérêt et de l'amortissement augmenté de 570000fr, montant des lots distribués par semestre, et diminué de 21000fr, montant de l'amortissement des 42 obligations qui, dans un semestre, ont été favorisées par des lots.

Bien que les tirages des lots soient trimestriels, leur payement n'a lieu qu'aux 1^{els} février et août, époques du payement des coupons d'intérêt. Troisième emprunt. — Chaque trimestre, il est distribué 15 lots aux obligations de cet emprunt émises en 1869 au nombre de 753623, savoir :

Au r ^{er} numéro so	ortant	ı lot de	200000fr
Aux 2°, 3°, 4° et 5	5e	4 lots de 1 000fr chacun.	40000
Aux 6° et 9° numé	ros suivants.	10 lots de 1000fc chacun.	10000
	Totaux	15 lots	250000

Les lots se payent fin janvier, avril, juillet et octobre, 15 jours après leur tirage. L'amortissement, qui doit être effectué par 76 tirages semestriels, a fonctionné pour la première fois le 31 janvier 1872; jusqu'à cette époque, 150 obligations avaient reçu des lots. Comme pour l'emprunt de 1865, les obligations favorisées par un lot sont considérées comme remboursées par ce lot.

Quatrième emprunt. — Chaque trimestre, il est distribué 88 lots aux obligations de cet emprunt, émises en 1871 au nombre de 1296300, savoir :

Au 1er numéro sortant	ı lot de	1000000
Aux 2e, 3e numéros sortants.	2 lots de 50000 ^{fr} chacun.	100000
Aux 4e et 9e numéros suivants.	io lots de roooofr »	100000
Aux 75 numéros suivants	75 lots de 1000 ^{fr} »	75000
Totaux	88 lots	375000

Toutes les obligations non amorties de cet emprunt reçoivent 6 francs d'intérêt le 1^{er} janvier et le 1^{er} juillet de chaque année.

Les 10 janvier, avril, juillet et octobre de chaque année, des tirages désignent, par séries de 10, les obligations qui doivent être amorties sans avoir droit ni aux lots, ni à l'intérêt semestriel en cours; les nombres de ces séries, dans le même semestre, sont égaux ou diffèrent au plus d'une unité.

Les obligations favorisées par les lots sont désignées par des tirages spéciaux qui ont lieu respectivement 10 jours après les précédents; elles n'ont droit ni à l'amortissement, ni à l'intérêt semestriel en cours. Le remboursement des actions amorties et le payement des lots sont effectués le 5 du mois qui suit celui de leurs tirages respectifs.

Le premier tirage pour l'amortissement a eu lieu le 10 janvier 1872, et le dernier aura lieu le 10 avril 1946.

Cinquième emprunt. — Chaque trimestre, il est procédé à des tirages qui ont lieu les 5 février, 5 mai, 5 août et 5 novembre pour attribuer des lots, payables 20 jours après chaque tirage, aux porteurs des obligations désignées par le sort. Ces lots, au nombre de 34 par trimestre, sont attribués comme suit :

Au 1 ^{cr} numéro sortant	I	lot de		10000011
Au 2e numéro sortant	I	lot de		50000
Aux 3°, 4° et 5° numéros suivants.	3	lots de 10000fr	chacun	30000
Aux 6e, 7e, 8e et 9e numéros suiv.	4	lots de 5000fr))	20000
Aux 25 numéros suivants	2 5	lots de 1000fr))	25000
Totaux	34	lots		225000

Les obligations de cet emprunt, émises en mars 1875, au prix de 440^{fr} l'une, payables par quarts semestriels, du 15 avril 1875 au 15 octobre 1876, sont au nombre de 500000. Elles sont remboursables à 500^{fr} en 75 ans, mais, le premier tirage pour l'amortissement ne fonctionnant qu'en mai 1877, l'origine des âges est le 15 octobre 1876.

Les tirages des 5 février et 5 août ne désignent que les obligations, au nombre de 34, qui ont droit à des lots. Ceux des 5 mai et 5 novembre désignent, outre les 34 obligations favorisées par des lots, celles, en nombre toujours croissant, qui doivent être amorties.

Les obligations favorisées par un lot seront considérées comme remboursées par le payement qui leur sera fait du montant de ce lot et n'auront pas droit au prorata de l'intérêt du semestre courant.

L'amortissement des obligations désignées par le sort s'effectue 20 jours après le tirage et les porteurs n'ont pas droit au prorata de l'intérêt du semestre courant. Les porteurs d'obligations non amorties reçoivent, les 15 avril et octobre de chaque année, un intérêt semestriel de 10^{fr} par obligation. Ces obligations n'ont été exemptes des taxes du timbre et du revenu que pendant la période des versements, c'est-à-dire jusqu'au 15 octobre 1876.

Sixième emprunt. — Chaque trimestre, il est distribué 13 lots aux obligations de cet emprunt émises en 1876 au nombre de 258065, savoir :

Au 1er numéro sortant	ı lot de	100000fr
Au 2º numéro sortant	ı lot de	10000
Au 3º numéro sortant	ı lot de	5000
Aux 4° et 9 numéros suivants.	ı lot de 1000 ^{fr} à chacun.	10000
_		
Totaux	13 lots	125000fr

Les tirages pour la désignation des lots auront lieu tous les trois mois à partir du 10 février 1877, et le payement des lots attribués par les tirages sera effectué les 25 février, 25 mai, 25 août et 25 novembre de chaque année.

Chaque obligation non amortie recevra un intérêt semestriel de 10^{tr}, payable les 25 avril et 25 octobre, et sera remboursable par voie de 146 tirages au sort qui auront lieu tous les six mois à partir du 10 février 1877, et ce remboursement aura lieu les 25 février et 25 août.

Pendant la période des versements, close le 15 avril 1878, l'intérêt a été payé à raison de 5^{fr} par semestre, net d'impôts.

Les obligations ayant obtenu un lot seront considérées comme remboursées par le payement qui leur sera fait du montant de ce lot et n'auront pas droit au prorata de l'intérêt du semestre courant.

Les porteurs des obligations désignées pour l'amortissement à 500 francs ne recevront pas non plus le prorata de l'intérêt du semestre courant.

Le payement des intérêts s'effectuant les 15 avril et octobre, celui de l'amortissement les 25 février et 25 août à partir de 1877, et celui des lots les 25 février, 25 mai, 25 août

et 25 novembre à partir aussi de 1877, on prendra pour origine des âges le 25 août 1876; mais alors il faudra tenir compte dans les calculs, où une grande précision est nécessaire, de ce que le payement de l'intérêt est retardé de 49 jours.

Exemple I. — On demande l'importance respective des semestres nécessaires pour faire les services de l'intérêt et de l'amortissement des trois premiers emprunts de la Ville de Paris.

Le nombre d'obligations de l'emprunt de 1855-1860, première série, était de 150000; mais, par suite des premiers tirages exclusivement relatifs aux lots, ce nombre a été réduit à 149925 à l'origine des âges de ces obligations (Table III); la valeur nominale de toutes ces obligations était, à cette époque, de 74962500 fr. Le nombre des semestres de la durée de cet emprunt, depuis son origine, jusqu'à son amortissement total, étant de 80, on obtiendra le résultat demandé en multipliant 74962500 par 0,02154832 (Table I, 1½ pour 100), ce qui donne pour produit 1615317. En ajoutant 150000 fr pour les lots distribués semestriellement, on obtient 1765317 pour le semestre total correspondant de la première série de cet emprunt. En doublant cette somme et en triplant le résultat, on obtiendra 10591902 fr pour annuité totale des trois séries de l'emprunt de 1855-1860.

Le nombre des obligations de l'emprunt de 1865, vivantes à l'origine de leurs àges, était de 599706 et leur valeur nominale de 299853000fr. La durée de cet emprunt étant de 120 semestres, le nombre par lequel il faut multiplier la somme précédente pour obtenir le résultat demandé ne se trouve pas dans la Table I, page 2 pour 100. En suivant les indications de la note du n° 55, on trouvera qu'il est égal à 0,02204811. Le produit de 299853000fr par 0,02204811 est égal à 661,192fr; en lui ajoutant le montant des lots distribués par semestre, soit 570000fr, diminué de 21000fr pour les 42 obligations amorties par les lots, et en doublant le

résultat, on trouvera 14320384^{fr} pour l'annuité totale de l'emprunt de 1865.

Le nombre des obligations de l'emprunt de 1869, vivantes à l'origine de leurs âges, était de 753473 et leur valeur nominale de 301389200^{fr}. La durée de cet emprunt étant de 76 semestres, en multipliant 301389200^{fr} par 0,02214140 (Table I, 1½ pour 100), ce qui donne 6673179^{fr}, qui est le résultat demandé. En ajoutant à cette somme le montant des lots distribués par semestre, soit 500000^{fr}, diminué de 12000^{fr} pour les 30 obligations amorties par ces lots, et en doublant le résultat, on obtiendra 14322346^{fr} pour l'annuité totale de l'emprunt de 1869.

Exemple II. — Quel est, au 1^{er} septembre 1878, et d'après le taux semestriel 2 pour 100, le prix d'une obligation de la Ville de Paris appartenant à l'emprunt 1855-1860? On n'aura pas à tenir compte des taxes qui frappent cette obligation.

Au 1^{cr} septembre 1878, la durée future de l'emprunt dont il s'agit est de 38 semestres; le nombre des obligations vivantes à cette époque s'obtient en multipliant 1615317^{fr}, montant du semestre nécessaire aux services d'intérêt et d'amortissement (Exemple I) par 28,8050516 et en divisant le produit par 500 (n° 55). Le résultat de ce calcul est 93059.

La valeur, au 1^{er} septembre 1878, d'après le taux semestriel 2 pour 100, de la rente qui fait les services de l'intérêt, de l'amortissement et des lots de cet emprunt, s'obtient en multipliant un terme de cette rente égal à 1765317 (Exemple I) par 26,4406406 (Table I, page 2 pour 100). Le produit de cette multiplication est égal à 45676113^{fr}; en le divisant par 93059, on obtient pour la solution demandée 501^{fr},57.

Exemple III. — Résoudre le même problème que le précédent, mais en tenant compte des taxes qui frappent l'obligation.

La solution de ce problème s'obtient par l'application des règles indiquées au n° 67. On calculera donc la valeur, au 1^{er} septembre 1878, de l'obligation d'après le taux semestriel 2,10 pour 100; aux 97 centièmes de cette valeur on ajoutera les 3 centièmes de la valeur, à la même date et d'après le même taux, de la nue propriété de cette obligation considérée comme ayant pour valeur nominale, non pas 500^{fr}, mais bien son prix d'émission.

Pour effectuer la première partie de ce calcul, on multipliera d'abord 1765317^{fr} (Exemple I) par la valeur actuelle, d'après le taux 2,10 pour 100, des 38 termes d'une rente immédiate de 1^{fr} et qui, calculée d'après les indications de la note du n° 55, est égale à 26,0062. Le produit de cette multiplication est égal à 45909817^{fr}. En le divisant par 93059 (Exemple II), on obtient 493^{fr},33, qui est le prix de l'obligation frappée de la première taxe seulement (n° 68).

La seconde partie du calcul exige la détermination préa lable de la valeur de la nue propriété de l'obligation dans le conditions indiquées plus haut. Elle est égale à

$$\frac{\frac{1765317}{1.016^{38}} - \frac{1765317}{1.021^{38}}}{9^{3059} \times (0.021 - 0.016)},$$

soit à 342fr,62 (n° 56).

La Table III indique, pour les obligations émises en 1855, le prix d'émission de 400^{fr} et celui de 468^{fr},26 pour celles émises en 1860. Ces dernières étant deux fois plus nombreuses que les premières, le *prix moyen d'émission* adopté par le fise pour les effets de la loi du 21 juin 1875 (n° 50) est le tiers de la somme 400^{fr} + 468^{fr},26 + 468^{fr},26, soit 445^{fr},51.

Le prix demandé est, par suite, égal à

$$0.97 \times 493.33 + \frac{0.03 \times 342.62 \times 445.51}{500}$$

soit à 487fr,69.

En comparant les solutions des Exemples I et II, on voit que la dépréciation du prix de l'obligation considérée par l'effet des trois taxes est égale à 501,57 — 487^{fr},69, soit à 13^{fr},88.

Exemple IV. — A la veille du tirage qui doit, le 1^{er} février 1879, désigner, pour l'emprunt 1855-1860, les obligations favorisées par les lots, quelle est la valeur de la chance qu'une obligation a de sortir à ce tirage?

On a vu, à l'Exemple II, que le nombre des obligations vivantes à cette époque est égal à 93059; d'autre part, les 150000^{fr}, montant des lots de ce tirage, étant frappés d'une taxe de 3 pour 100 (n° 49), il ne sera réellement distribué que pour 145500^{fr} de lots. En divisant cette somme par 93059, on aura 1^{fr},54, qui est la solution demandée.

Exemple V. — Quel prix doit-on payer, au 1et septembre 1878 et d'après le taux semestriel 2 pour 100, toutes les chances qu'une obligation de l'emprunt 1855-1860 a de gagner un lot à tous ls tirages jusqu'à la fin de l'emprunt?

La valeur, au 1^{er} septembre 1878 et d'après le taux 2 pour 100, de tous les lots qui seront l'objet des 38 tirages qui seront effectués jusqu'à la fin de l'emprunt, s'obtient en multipliant 145500^{fr} par 26,4406406 (Table I, page 2 pour 100). En divisant le produit de cette multiplication par 93059, qui est le nombre des actions alors vivantes, on obtient 41^{fr},34 pour la solution demandée.

Exemple VI. — Le 1^{er} septembre 1878, on a payé 500^{fr} une obligation de l'emprunt 1855-1860. En supposant que cette obligation soit exempte de toutes taxes, quel est le taux correspondant à cet achat?

93059 × 500^{fr}, soit 46529500^{fr}, représentent, au 1^{er} septembre 1878, la valeur d'une rente immédiate qui compte 38 termes égaux chacun à 1765317^{fr}. En divisant le premier de ces nombres par le second, on trouve 26^{fr}, 3576 pour la valeur correspondant au même taux, d'une rente immédiate de 1^{fr} de même durée.

En se servant de la Table de M. Achard (n° 26), on trouve que le taux demandé est égal à 0^{fr},020192.

Exemple VII. — Le 1^{er} septembre 1878, on a payé 500^{fr} une obligation de l'emprunt 1855-1860. En supposant que cette obligation soit frappée de toutes les taxes énoncées au n° 49, quel est le taux semestriel correspondant à cet achat?

Pour trouver la solution de ce problème, on suivra la méthode indiquée au n° 68, qui consiste à déterminer la valeur, au 1^{er} septembre 1878, de l'obligation considérée d'après deux taux arbitraires, mais convenablement choisis, de manière que l'un soit supérieur et l'autre inférieur au taux demandé. On reconnaît que ces taux arbitraires remplissent cette condition à ce que les valeurs de l'obligation considérée, d'après ces taux, soient l'une inférieure et l'autre supérieure à 500fr: une interpolation ordinaire fera connaître le taux demandé.

On prendra, pour les deux taux arbitraires, les taux semestriels 1,90 et 1,85 pour 100.

En imitant les procédés mis en œuvre à l'Exemple III, on trouve que les valeurs de l'obligation considérée, au 1^{er} septembre 1878, sont 496^{fr}, 14 d'après le taux 1,90 et 500^{fr}, 30 d'après le taux 1,85. Le taux demandé est donc compris entre ces deux taux; il est très-rapproché du dernier. L'interpolation ordinaire donnera 1,853606 pour le taux semestriel demandé.

REMARQUE. — Dans les exemples II, III, VI et VII, j'ai supposé que l'âge de l'obligation considérée était un nombre entier d'unités de temps. S'il en était autrement, les indications du n° 61 permettent de ramener la question au cas où l'âge est un nombre entier d'unités de temps.

Exemple VIII. — Le 1^{cr} février 1878, on a payé 527^{fr}, 50 une obligation de l'emprunt 1865. En supposant que cette obligation soit frappée de toutes les taxes énoncées au n° 49, quel est le taux semestriel correspondant à cet achat?

En tenant compte de la remarque précédente, et en imitant

les procédés de l'Exemple VII, si l'on choisit pour taux semestriels arbitraires 2 et 1,90 pour 100, on trouve que les valeurs de l'obligation considérée sont 511fr,47 d'après le taux 2 pour 100 et 528fr,03 d'après le taux 1,90 pour 100. La solution est donc comprise entre 2 et 1,90 pour 100. L'interpolation ordinaire donnera 1fr,9032 pour le taux demandé.

§ III. — Parités.

80. Les prix des valeurs négociées à la Bourse sont influencés par un grand nombre de circonstances, telles que la sécurité de leur revenus, les événements politiques, les spéculations des financiers, le patronage des grandes banques, l'abondance ou la disette des capitaux disponibles, etc. Ces circonstances, dont l'appréciation est toute morale, produisent des oscillations incessantes, et qui n'ont pas la même amplitude relative, sur toutes les valeurs. On conçoit dès lors toute l'importance que les capitalistes ont à comparer, à chaque instant, les cours des valeurs, afin d'acheter celles qui sont à bon marché et de vendre celles qui leur procurent un bénéfice satisfaisant. Cette comparaison a surtout un grand intérêt quand il s'agit de valeurs d'égale solidité et ayant le même attrait pour les capitalistes et les spéculateurs : telles sont les obligations émises par les grandes Compagnies de chemins de fer et les titres des divers emprunts émis par la Ville de Paris.

Au 31 mai 1872, l'obligation de l'emprunt 1855-1860 de la Ville de Paris était cotée à 374^{fr},85 et celle de l'emprunt 1865 de la même ville à 438^{fr},50. Le premier de ces prix correspondait au taux semestriel de 3,406 pour 100 et le second au taux semestriel de 2,667 pour 100. Nous signalâmes à plusieurs reprises cet écart considérable (*) et les capitalistes qui furent convaincus de l'exactitude de nos calculs ont eu la

^(*) Journal des Actuaires t. I, p. 191, et t. II, p. 290.

satisfaction de voir sur la cote du 8 avril 1877 l'obligation de l'emprunt 1855-1860 cotée à 495^{fr} et celle de l'emprunt 1865 à 510^{fr}.

Les rentes françaises 3 pour 100 et 5 pour 100, bien qu'ayant la même solidité, ne jouissent pas d'une égalc faveur auprès des capitalistes; la raison en est que, le gouvernement pouvant user du droit de rembourser ses prêteurs au pair, ceux-ci ont à craindre ce remboursement dès que la rente a atteint ou dépassé le cours de 100fr. C'est pourquoi le cours du 3 pour 100, depuis que le cours du 5 pour 100 a atteint 100fr, correspond à un taux d'intérêt moindre que le cours, à la même date, du 5 pour 100.

Au lieu de rechercher les taux d'intérêt correspondant respectivement aux cours de deux valeurs pour les comparer, on préfère habituellement calculer la *parité* de l'une de ces valeurs par rapport à l'autre.

On appelle parité d'une valeur A par rapport à une autre valeur B le prix de cette valeur A calculé d'après le taux d'intérêt correspondant, à la même date, au prix connu de la valeur B.

La détermination de la parité de A par rapport à B comporte donc deux opérations distinctes :

r° Recherche du taux d'intérêt correspondant au prix connu de B;

2º Recherche du prix de A d'après le taux trouvé par la première opération.

La première de ces recherches doit être faite avec une grande précision, car la plus légère variation dans le taux d'appréciation en amène une d'une certaine importance dans la valeur des titres estimée d'après ce taux. Ainsi la valeur d'un titre de 40000 fr de rente perpétuelle 3 pour 100 payable par trimestre est égale, d'après le taux trimestriel 1 ¼ pour 100,

à $\frac{10000}{0,0125}$, soit à 800000^{fr} , et, d'après le taux trimestriel $1\frac{1}{5}$, à

 $[\]frac{10000}{0,012}$, soit à 833333fr,33.

81. La solution des problèmes de parité est généralement laborieuse; il y a un cas particulier pour lequel elle est trèsfacile: c'est celui de deux rentes qui ne diffèrent que par leurs quotités. Les prix de ces rentes sont évidemment proportionnels à ces quotités, et la parité de l'une par rapport à l'autre s'obtient par une simple proportion, comme on le verra par le premier des exemples suivants:

Exemple I. — Le 2 février 1876, la rente 3 pour 100 était cotée 67^{fr},05 à la Bourse de Paris : quelle était alors la parité de la rente 5 pour 100 par rapport à la rente 3 pour 100?

Le coupon du 3 pour 100 se détache le 15 décembre et reste la propriété du porteur du titre, mais il n'est payable que le 1^{cr} janvier ou, plus exactement, le 2 janvier, puisque le premier jour de l'année est jour férié. A la Bourse le prix du 3 pour 100 est coté, coupon détaché, à partir du 15 décembre (n° 73). Au 2 février, il y a donc une moitié du coupon qui est acquise; par suite, il faut déduire 0,37 de 67^{fr},05 pour avoir le prix net, qui est 66^{fr},68 pour 3^{fr} de rente; le prix net de 5^{fr} de rente sera les $\frac{5}{3}$ de 66^{fr},68, soit 111 fr,13. Telle sera la parité du 5 pour 100 dont le coupon se détache le 1^{cr} février (n° 73).

Exemple II. — On a acheté 10000^{fr} une annuité immédiate de 600^{fr} exigible 100 fois : quelle est la parité correspondante d'une perpétuité annuelle et immédiate de 100^{fr}?

Au moyen de la Table de M. Achard, on trouve que le taux correspondant à la première annuité est de 0,05982; la parité demandée sera, par suite, égale à $\frac{100}{0,05982}$, soit à 1671 fr,68.

Exemple III. — On a paye une rente trimestrielle immédiate de 750^{fr} au prix de 63613^{fr},24: on demande quelle est, par rapport au prix de cette rente, la parité d'une obligation remboursable à 500^{fr}, rapportant 15^{fr} d'intérêt annuel et apparte-

nant à un emprunt de la première classe dont la durée future est de 75 ans.

En divisant 750^{fr} par 63613,24, on trouve que le taux trimestriel correspondant au prix de la rente dont il s'agit est égal à 0,01179. Et comme 1,01179^f — 1 est égal à 0,0480, le taux trimestriel 1,179 pour 100 est équivalent au taux annuel 4,80 pour 100. On retombe ainsi sur l'Exemple du n° 67 et la solution demandée est 319^{fr},43.

Exemple IV. — Le 1^{er} juin 1878, le cours des obligations du chemin de fer de Madrid-Saragosse-Alicante était de 304 francs; quel était le taux correspondant à ce cours, et quelle était la parité correspondante des obligations du chemin de fer du Midi, en tenant compte des taxes qui frappent celles-ci et qui n'atteignent pas les obligations des chemins de fer espagnols?

L'âge des obligations Madrid-Saragosse-Alicante à la date précitée était de 11 ans 5 mois, et la part du coupon acquise était de 6^{fr}, 25; le cours correspondant au 1^{er} janvier 1878 était de 297^{fr}, 75, et l'âge de ces obligations, à cette dernière date, était de 11 ans; la durée future de leur emprunt était de 80 ans (Table III).

En se reportant à la Table V, on voit que le taux annuel correspondant au prix $297^{\rm fr}$, 75 est compris entre les deux taux annuels $5\frac{1}{2}$ et $5\frac{5}{8}$. Par interpolation on trouve qu'il est très-sensiblement égal à 5,55 pour 100.

Au 1^{er} juin 1878 l'àge des obligations du chemin de fer du Midi était de 19 ans 11 mois. Lorsqu'elles ont eu 19 ans exactement, la durée future de leur emprunt était aussi de 80 ans. Pour avoir leur prix à cette date, il faut d'abord (n° 66) prendre un taux d'évaluation auxiliaire supérieur de 0,20 pour 100 au taux considéré, lequel taux auxiliaire sera 5,75, prendre dans la Table V la valeur à ce taux d'une obligation ayant une durée future de 80, soit 287,97, et faire la correction suivante:

La Table III indiquant que le prix d'émission d'une obli-

gation du Midi a été de $293^{\rm fr}$,70, et la Table VI montrant que la nue propriété de cette obligation pour une durée future de 80 ans est égale à $287^{\rm fr}$,97 \times 0,18 $=51^{\rm fr}$,83, le prix cherché sera égal à

$$0.97 \times 287.97 + \frac{0.03 \times 293.70 \times 51.83}{500} = 280^{fr}, 24.$$

Les taxes qui frappent le coupon semestriel de 7^{fr}, 50 s'élevant à 0^{fr}, 52, la valeur de ce coupon n'est réellement que de 6^{fr}, 98. Il en résulte que, pour obtenir le prix des obligations à 19 ans et 11 mois, il faut : 1° multiplier 280^{fr}, 30 par 1,02835; 2° retrancher 6^{fr}, 98 du produit; 3° multiplier le résultat par 1,02357 (Table II). Le résultat de ces opérations est de 287^{fr}, 83. Telle est la parité demandée. Le cours des obligations du Midi au 1^{er} juin 1878 était de 348^{fr}.

Exemple V. — Au 1^{er} février 1878, le cours des obligations de l'emprunt 1865 de la Ville de Paris était de 527^{fr}, 50; quelle était la parité correspondante du 5 pour 100 français?

On voit, d'après l'Exemple VIII du n° 79, que le taux semestriel d'intérêt qui correspond au prix précité d'une obligation de l'emprunt 1865 est 1,9032 pour 100. Ce taux semestriel correspond au taux trimestriel 0,9471 pour 100. Le coupon de 1^{fr}, 25 de la rente 5 pour 100 se détachant le 1^{er} février, on aura la solution demandée en divisant 1,25 par 0,009471; le quotient de cette division est égal à 131^{fr},98.

On trouvera dans les notes qui précèdent les Tables V et VII des exemples de calculs de parité relatifs aux obligations de chemins de fer et au 3 pour 100 amortissable.

CHAPITRE VI.

§ I. — DÉFINITION DE LA BOURSE, SON ROLE DANS LA PHYSIOLOGIE SOCIALE.

- 82. On appelle *Bourse*, aux termes des art. 71, 72 et 73 du code de commerce :
- « La réunion qui a lieu des commerçants, capitaines de navires, agents de change et courtiers.
- De résultat des négociations et des transactions qui s'opèrent dans la Bourse détermine le cours du change, des marchandises, des assurances, du fret ou nolis, du prix des transports, par terre ou par eau, des effets publics et autres dont le cours est susceptible d'être coté.
- Ces divers cours sont constatés par les agents de change et courtiers....

La Bourse, dans sa définition légale, est donc une assemblée; mais, dans le langage ordinaire, on désigne sous ce nom l'édifice où cette assemblée se tient et la réunion des personnes qui s'occupent d'opérations financières.

Avant la Révolution, on donnait également le nom de Bourses aux Tribunaux de commerce, ou Juridictions consulaires, qui ont aujourd'hui une existence et une législation complétement à part.

83. Cette définition donne une idée très-nette du rôle joué dans l'économie sociale par la Bourse, et l'on voit de suite ce que rôle est celui d'un organe de circulation.

Une société, en effet, qui n'est qu'une agglomération d'individus, participe dans sa vie interne de la nature de ses éléments, et son organisme est absolument comparable à l'organisme humain.

Les phénomènes physiologiques de la vie humaine peuvent se classer de la manière sulvante : l'alimentation, c'est-à-dire l'introduction dans le corps de matières propres à le renouveler et à le soutenir; la digestion, c'est-à-dire une transformation de ces matières ayant pour objet de les rendre assimilables sous l'influence de forces et d'agents internes mécaniques ou chimiques; la circulation, qui est l'envoi dans les diverses parties du corps des matières assimilables absorbées par le sang sous forme de globules chyliens; enfin la nutrition proprement dite, dernier et mystérieux phénomène qui a pour théâ re les profondeurs les plus intimes de l'organisme et par lequel les aliments à leur dernier état de préparation se transforment en tissus élémentaires destinés à former, en vertu des lois de la vie, les différentes parties du corps.

Il est très-facile de démêler dans le corps social quatre phénomènes analogues.

Le producteur recueille les matières premières, soit qu'elles émanent de l'activité libre de la nature, soit que le génie humain en ait provoqué ou développé l'apparition.

L'industriel les transforme et les rend propres à l'usage auquel elles sont destinées.

Le négociant à divers degrés, en gros ou en détail, les met en circulation et à portée de ceux qui sont destinés à les absorber.

Le consommateur enfin les absorbe, se les assimile, les use et rend à la nature, sous forme de déchets, de débris, d'appareils sans valeur, tout ce qui n'a pu être utilisé par le corps social.

Mais ces différents phénomènes sont complexes et ont chacun leurs phases distinctes. La circulation en particulier comporte plusieurs intermédiaires. Ainsi, tandis que le détaillant est à la portée du consommateur et n'a avec lui que des relations directes, il est en général éloigné du négociant en gros comme celui-ci l'est de l'industriel, et il est nécessaire qu'un lien commun les unisse, signale les besoins de l'un à la vigilance de l'autre, enfin mette en rapport l'offre et la

demande. Cet office est celui du courtier, anciennement aussi courratier, homme qui court, qui fait le cours, qui maintient la marchandise en cours.

Le théâtre des opérations du courtier est la Bourse. Dans beaucoup de villes, ces opérations ne se font pas ailleurs que là; lors même qu'elles ont lieu à domicile, la Bourse en reste toujours le centre principal.

Cette institution est donc, ainsi que nous l'avons annoncé, un agent de circulation des plus utiles et des plus actifs. A ce titre, il est soumis aux lois de la physiologie sociale, qui, bien que mal connues et mal définies jusqu'à ce jour, n'en existent pas moins aussi sûrement que les lois de la physiologie individuelle. Il échappe donc en cette qualité à toute organisation artificielle ou à toute pression gouvernementale qui aurait pour objet de fausser son mécanisme, et il ne peut fonctionner d'une façon rationnelle que s'il est abandonné à lui-même sans autre direction que celle des influences naturelles qui le sollicitent. C'est donc une erreur économique que de vouloir réglementer la Bourse par des mesures autres que celles qui concernent uniquement l'ordre public. Les gouvernements, cependant, au moins en France, n'ont jamais manqué d'établir cette réglementation.

§ II. — HISTORIQUE.

1. La Bourse.

84. La première Bourse existait à Rome environ cinq cents ans avant Jésus-Christ, Publius Servilius et Appius Claudius étant consuls. Elle portait le titre de Collegium mercatorum.

Dans la suite des temps, les premières Bourses apparurent en Hollande, puis en Belgique, où elles reçurent ce nom pour la première fois dans la ville de Bruges. En France, leur apparition eut lieu sous Philippe le Bel qui assigna le Pont-au-Change à la réunion des commerçants. Elles surgirent à Lyon et à Toulouse sous Henri II, à Rouen, sous Charles IX.

La Bourse de Paris, qui se tenait, comme nous l'avons dit, au Pont-au-Change, fut transférée successivement au Palais de Justice, dans la rue Quincampoix, supprimée en 1720 par arrêté du Conseil du roi, réinstituée légalement par un autre arrêt du 24 septembre 1724 à l'Hôtel de Nevers (Bibliothèque nationale). Supprimée de nouveau en 1793 et 1795, elle fut rétablie le 12 janvier 1796 et enfin, le 23 mars 1818, après un séjour de quelques années au Palais-Royal, transférée dans le local qu'elle occupe actuellement.

2. Les agents de change.

85. Les intermédiaires obligés des opérations qui se font à la Bourse sont les agents de change.

Sous l'ancienne monarchie, les mêmes individus exerçaient jusqu'en 1720 les fonctions d'agents de change et de courtiers sur marchandises. Ces fonctions, entièrement libres jusqu'en 1572, furent érigées en offices royaux à partir de cette date, et le nombre et la valeur de ces offices subirent de nombreuses transformations ayant pour la plupart un but fiscal.

L'arrêt du Conseil du roi du 30 avril 1720 abolit l'hérédité des offices et celui du 25 octobre de la même année divisa les titulaires en agents de change s'occupant des affaires de finances et en courtiers s'occupant des marchandises.

Le nombre des agents de change varia encore plusieurs fois avant et après la Révolution. Il fut, par ordonnance du roi du 28 mai 1816, fixé à soixante, ce qui est le nombre actuel.

Les agents de change ont pour fonctions légales :

La négociation des effets publics français ou étrangers, Celle des titres des sociétés légalement constituées,

Celle des lettres de change, billets, papiers de commerce, Celle des matières métalliques monnayées ou en lingots De ces attributions, la seule que les agents de chang aient conservée aujourd'hui est la négociation des effet

aient conservée aujourd'hui est la négociation des effet publics et des valeurs admises à la cote. La négociation de effets de commerce se fait par les courtiers de change ou les banquiers; celle des matières d'or et d'argent par les changeurs; ensin un très-grand nombre de valeurs industrielles non cotées à la Bourse se négocient à un marché libre, et un nombre également considérable d'opérations de Bourse proprement dites se font sur un autre marché également libre. De là les affaires dites en banque ou en coulisse par opposition à celles qui se traitent par le ministère des agents ou affaires au parquet.

La charge d'agent de change constituant un privilége, le ministère des titulaires est obligatoire, et ils ne peuvent se refuser à vendre ou à acheter des valeurs, pourvu qu'on leur remette les titres ou l'argent. Il leur est d'ailleurs interdit d'opérer dans d'autres conditions, et toute opération conclue par eux sans qu'ils aient les valeurs ou les espèces est au terme

de la loi considérée comme illégale.

Ce serait ici le lieu d'examiner la législation sur les jeux de Bourse, législation absolument surannée et qui date d'une époque où les opérations financières n'existaient pour ainsi dire pas. Mais cette étude sortirait des limites que nous nous sommes fixées et nous arrivons immédiatement à l'énoncé des principales opérations qui se font à la Bourse. Nous nous bornerons d'ailleurs aux opérations sur fonds publics et sur valeurs industrielles, en laissant de côté tout ce qui concerne les marchandises et les effets de commerce.

§ III. - DES OPÉRATIONS DE BOURSE PROPREMENT DITES.

86. Les opérations sur fonds publics se divisent en deux catégories : marchés au comptant et marchés à terme.

1. Marchés au comptant.

87. Ces marchés ont pour objet l'échange d'une certaine somme d'argent contre une certaine quantité de titres, soit que ces titres, destinés à rester dans le portefeuille de l'acquéreur,

constituent un placement, soit que, destinés à une revente prochaine, ils fassent l'objet d'une spéculation au comptant. Dans tous les cas, la livraison des titres est concomitante au payement; l'opération se liquide donc au moment de sa conclusion.

2. Marchés à terme.

- 88. Les marchés à terme sont ceux dont le règlement a lieu à une époque plus ou moins éloignée du moment de la négociation, mais cependant toujours fixée d'avance. Ils se divisent en deux catégories : les marchés fermes et les marchés à prime, et peuvent donner lieu en outre à une autre opération connue sous le nom de report, dont il sera question plus loin.
- 89. 1° Marchés fermes. Les marchés fermes consistent à acheter ou à vendre une valeur dont la livraison contre espèces doit avoir lieu à une époque déterminée, désignée sous le nom de liquidation. Ces époques sont périodiques et à jour tixe, tels que les 15 ou dernier jour de chaque mois.

Lorsque le moment de la liquidation est arrivé, il peut se présenter deux cas:

Ou le vendeur et l'acheteur veulent réaliser leur marché; Ou l'un des deux veut maintenir sa situation jusqu'à la liquidation suivante.

Dans le premier cas, l'échange des titres contre les espèces s'opère purement et simplement; il ne saurait y avoir aucune difficulté.

Dans le deuxième cas, il y a lieu de distinguer suivant que c'est l'acheteur ou le vendeur qui veut prolonger son opération.

90. 2° Report et déport. — Supposons que l'acheteur obligé par le vendeur de prendre livraison des titres n'ait pas l'argent nécessaire, il s'adresse à un capitaliste pour l'obtenir et, afin de donner à celui-ci toute sécurité, il lui remet en échange de ses capitaux les titres qu'il est obligé de lever et

les lui rachète en même temps pour la liquidation suivante. Ces deux marchés ne se font évidemment pas au même prix, sans quoi le capitaliste perdrait gratuitement la jouissance de son argent pendant l'intervalle des deux liquidations; le prix du rachat est plus élevé que celui de la vente. On dit alors que l'acheteur se fait reporter à la liquidation suivante et le mot de report désigne aussi bien l'opération ellemême que la différence entre le prix de la vente et le prix du rachat.

Le report est, par suite, l'intérêt perçu par le capitaliste pour son argent pendant le temps qu'il reste à la disposition de l'acheteur; c'est donc un loyer d'argent.

Supposons au contraire que ce soit le vendeur qui veuille maintenir son opération et que l'acheteur exige la livraison des titres. Dans ce cas, le vendeur cherche un détenteur de titres; il lui achète ses titres au comptant et les lui revend pour la liquidation suivante. Il met en conséquence à sa disposition le prix des titres jusqu'à cette liquidation.

On voit que cette opération est l'inverse de la précédente. Examinons maintenant ce qui se passe au moment de la liquidation.

S'il y a beaucoup d'acheteurs disposés à continuer leurs opérations et peu de vendeurs, il est nécessaire de trouver beaucoup d'argent pour lever la quantité de titres dont les vendeurs obligent leurs acheteurs à prendre livraison. Le loyer de l'argent ou le report monte.

S'il y a à peu près autant d'acheteurs que de vendeurs désireux de continuer leurs opérations, tout acheteur trouve facilement chez un vendeur l'argent dont il a besoin en échange de ses titres. Le report baisse et il arrive un moment où la vente au comptant et l'achat à terme se font au même cours; dans ce cas on dit que le report est au pair.

Ensin il peut arriver, si le nombre des vendeurs désirant se faire reporter est très-grand, que les acheteurs ne suffisent plus pour faire leur contre-partie et que l'on soit obligé de s'adresser à ceux qui détiennent des titres en porteseuille. Dans ce cas, la vente à terme se fait à un prix moindre que l'achat au comptant. Le détenteur de fitres qui les met ainsi à la disposition du vendeur a donc deux avantages: d'abord il jouit gratuitement entre les deux liquidations de la somme que représente la valeur de ses titres; et de plus il perçoit une rémunération pour le loyer de ceux-ci. Cette rémunération, qui est l'écart entre l'achat au comptant et la vente à terme, s'appelle déport.

On comprend que l'apparition du déport indique une situation du marché tout à fait anormale et qu'il ne peutêtre qu'une exception, tandis que le report est la règle générale. Cette situation est créée par les vendeurs à découvert, c'est-à-dire par les spéculateurs qui, dans la prévision d'une baisse, vendent des titres qu'ils n'ont pas, et sont obligés, lorsque leurs prévisions ne se réalisent point, de s'en procurer à tout prix pour le jour de la liquidation. Ces opérations à découvert, tant à la hausse qu'à la baisse, ont été vivement critiquées par les moralistes peu au courant des questions de finance; quelle que soit l'opinion que l'on professe à leur égard, on doit reconnaître au moins que les spéculateurs, en escomptant dans un sens ou dans l'autre les événements futurs, maintiennent les oscillations du marché dans une régularité relative et, en cas d'événements très-graves, préservent les valeurs d'une chute soudaine dont les effets seraient déplorables.

Nous venons d'examiner comment la situation de la place au jour de la liquidation influe sur la valeur du report, qui peut être plus ou moins élevé, s'annuler et se transformer en déport. Ces variations sont également soumises à des influences étrangères. Il y a, en effet, une série de capitalistes qui emploient leurs fonds à faire des reports; et d'un autre côté il y a des détenteurs de titres qui les mettent en report pour se procurer de l'argent. On conçoit donc que l'état général du marché doit influer sur le prix des reports, que celui-ci doit monter quand l'argent est rare et baisser quand il est abondant.

91. On a beaucoup discuté pour savoir si le report considéré en lui-même constitue au point de vue légal un prêt sur dépôt de titres ou une vente au comptant suivie d'un rachat à terme. Cette question a été agitée notamment dans le procès Oudin contre Philippart, où la seconde opinion a prévalu. La jurisprudence paraît donc aujourd'hui fixée sur ce point que le contrat de report se décompose en deux autres : un contrat de vente par lequel le reporté cède au reportant la propriété immédiate et intégrale de ses titres, et un contrat d'achat par lequel le reportant s'engage à livrer au reporté le même nombre de titres de même nature à une époque déterminée. Les conséquences de cette doctrine sont considérables; la principale est que le détenteur momentané de titres en report peut exercer tous les droits attachés à leur possession, notamment figurer aux assemblées générales, et, comme il n'y a pas nécessairement identité entre les titres mis en report et les titres rendus, jouir des lots et autres avantages attachés aux titres qui viendraient à être ouverts pendant la durée de l'opération.

92. 3° Marchés à prime. — Il arrive souvent, en Bourse comme ailleurs, qu'un acheteur désire limiter sa perte possible et, au lieu de rester exposé aux conséquences de toutes les variations du marché, n'opérer que sur un champ restreint. Tel est l'objet du marché à prime.

Ce marché est une opération dans laquelle l'acheteur se réserve le droit de résilier son contrat à une époque déterminée, moyennant le payement au vendeur, à titre d'indemnité, d'une certaine somme qui prend le nom de *prime*. Cette somme est une assurance contre des écarts trop considérables. C'est un sacrifice éventuel que fait l'acheteur pour s'assurer contre un accident possible, une baisse exagérée.

On ne fait en France que des marchés à prime simple, c'està-dire dans lesquels l'acheteur n'a que le droit de rester acheteur ou de résilier son contrat. Mais on fait dans certaines bourses étrangères des marchés à primes doubles, c'est-à-dire

par lesquels, moyennant une prime plus forte que celle du marché à prime simple, l'un des contractants a le droit, à un moment déterminé, de rester acheteur ou vendeur à son choix au cours convenu. Cette sorte de marché est connue à Londres sous le nom d'option (*).

Ces opérations, qui ne sont pas pratiquées à la Bourse de Paris, paraissent se faire en France sur certaines marchandises. Tout récemment le tribunal de commerce validait un marché de cette nature par lequel l'un des deux contractants s'était réservé le droit d'être acheteur ou vendeur d'une partie de sucres à une date et à un cours déterminés.

Dans un marché à prime le cours d'achat comprend le montant de la prime, montant que l'on énonce à la suite de ce cours. Ainsi acheter 5 francs de rente 5 pour 100 à 103^{fr},75 dont 50 centimes signifie qu'en liquidation l'acheteur aura le droit de résilier son marché en payant au vendeur 50 centimes, ou de se faire livrer 5 francs de rente au prix de 103^{fr},75.

On conçoit que le cours des primes est toujours plus élevé que le cours du ferme, puisque le risque couru par l'acheteur est moindre sur le premier marché que sur le second et l'on conçoit aussi que, si l'on considère deux primes sur la même valeur, c'est celle dont le montant est le plus élevé qui aura le cours le plus rapproché du ferme. Il est évident, en effet, que

^(*) L'option est donc une opération se composant de deux marchés dont l'un s'annule à la liquidation moyennant l'abandon de la prime, et dont l'autre se transforme en marché ferme :

Exemple: Pierre acquiert de Paul une option de 5 francs de rente à 103 francs dont 2 francs.

Au moment de la liquidation, si le cours est au-dessus de 103 francs, Pierre annule sa vente en abandonnant sa prime et reste acheteur de ferme à 103 francs. Il gagne la différence des cours diminuée de la prime, différence qui sera positive si le cours de compensation est supérieur à 105 francs, négative dans le cas contraire.

Si, au contraire, le cours de compensation est au-dessous de 103 francs, Pierre annule l'achat et l'on voit facilement qu'il sera en bénéfice si ce cours est au-dessous de 101 francs, en perte dans le cas contraire, au pair si le cours est précisément 101 francs.

celui qui consent à payer i franc pour résilier son marché doit acheter moins cher que celui qui ne consent à payer que 50 centimes et plus cher que celui qui consent à payer 2 francs.

Les primes en usage à la Bourse de Paris sont celles de 25 centimes, 50 centimes et 1 franc sur les fonds d'État, et de 5, de 10 et de 20 francs sur les actions.

On fait également, en coulisse, sur la rente française des primes dont 10 centimes dont la réponse a lieu le lendemain.

93. Le moment où l'acheteur doit faire connaître au vendeur sa détermination de maintenir ou de résilier son marché est la veille de chaque liquidation : la notification de cette décision s'appelle la réponse des primes, parce que chaque acheteur est censé répondre à son vendeur qui l'interroge. Si la réponse est négative, on dit que la prime est abandonnée; elle est dès lors acquise au vendeur et le marché est nul. Si, au contraire, la réponse est affirmative, on dit que la prime est levée, ce qui signifie plus correctement que l'acheteur lève le titre qui fait l'objet de l'opération : le marché devient alors un marché ferme et se liquide comme tel.

On voit que la détermination de l'acheteur dépendra du cours du ferme au jour de la réponse des primes.

Supposons que Pierre ait acheté de Paul 3 francs de rente au cours de 67^{fr}, 50 dont 50 centimes et qu'il ait à prendre une décision le jour de la réponse des primes.

Si le ferme est au-dessous de 67 francs, il doit abandonner sa prime; car, en levant son titre et en le revendant, il perdrait plus de 50 centimes.

Si le ferme est à 67 francs, il est indifférent qu'il abandonne on qu'il lève, car, dans les deux eas, il perd également 50 centimes.

Si le ferme est entre 67 francs et 67 fr, 50, il perd forcément, mais il perd moins en levant son titre et en le revendant qu'il ne perdrait en abandonnant sa prime; donc il doit lever.

Si le ferme est précisément à 67fr,50, il ne perd ni ne gagne,

puisqu'il revend au prix où il a acheté; donc il doit leve également.

Enfin, si le ferme est au-dessus de 67^{fr},50, il lève évidemment et réalise un bénéfice égal à la différence entre le cours du ferme et 67^{fr},50.

Donc, toutes les fois que le cours de la réponse des primes est inférieur au cours d'achat d'une quantité égale ou supérieure au montant de la prime, l'acheteur doit abandonner.

Dans tous les autres cas, il doit lever.

Nous supposons, bien entendu, que l'acheteur veut, au moment de la réponse, liquider son marché.

S'il lui convient de se faire reporter, il doit alors lever, et se trouve dans la situation d'un acheteur de ferme.

94. 4° Combinaison des marchés fermes et à prime. — Les gens adonnés aux spéculations financières se bornent rarement à faire une opération isolée; la plupart du tempsils limitent leur risque, soit à la hausse, soit à la baisse, en associant des marchés fermes à des opérations à prime. Un examen détaillé de ces différentes combinaisons a été fait dans le Journal des Actuaires (*) par M. H. Lefèvre, qui accompagne cet examen de l'exposé d'une méthode plus ingénieuse que pratique, destinée à la représentation graphique de ces opérations. Nous nous bornerons ici à l'étude des principales.

1° Achat ferme contre vente à prime. — Ce double marché est pratiqué par un spéculateur à la hausse, qui veut diminuer son prix d'achat en cas de baisse ou qui spécule sur la stagnation des cours.

Le vendeur de primes est un assureur, et, comme tous les assureurs, il fait des bénéfices tant que les oscillations du marché ne dépassent pas une amplitude normale. Mais, s'il arrive un gros sinistre, un effondrement des cours, ses tarifs,

^(*) Journal des Actuaires, t. II et III, 1873 et 1874. Nous avons emprunté à M. Lefèvre un certain nombre des considérations par lesquelles débute ce Chapitre.

basés sur une moyenne d'expériences, cessent d'être applicables à ce cas particulier et il est ruiné s'il ne trouve pas dans ses capitaux une réserve suffisante pour y faire face.

2º Vente ferme contre achat à prime. — Contrairement à l'opération précédente, celle-ci est pratiquée par un spéculateur à la baisse qui veut limiter sa perte en cas de hausse.

Elle est pratiquée également par les gros capitalistes ayant en portefeuille des quantités considérables de titres qui veulent s'assurer contre une baisse probable et réaliser un bénéfice compensant dans cette éventualité la moins-value de leur portefeuille. Elle constitue à ce point de vue une autre espèce d'assurance.

Nous avons supposé, dans nos deux exemples, que le cours de la réponse des primes est égal au cours de compensation, c'est-à-dire au cours auquel les marchés à terme se liquident. En pratique, il en est rarement ainsi, mais la distinction de ces deux cours cût compliqué outre mesure l'analyse de nos exemples et n'cût rien ajouté à leur clarté.

On conçoit qu'on peut varier à l'infini les combinaisons de ces marchés entre eux, doubler ou tripler, par exemple, les ventes de primes pour se couvrir d'achats fermes, effectuer de nouvelles ventes de primes pour augmenter sa couverture quand on est acheteur et que le marché baisse, ou acheter des primes à nouveau quand, étant vendeur, on voit le marché à la hausse. Ces opérations, qui, aux époques tourmentées, se renouvellent presque à chaque bourse, exigent de la finesse, de la prudence et aussi de la décision, qui sont les qualités indispensables à la profession de financier.

§ IV. — DES USAGES DE PLACE A LA BOURSE DE PARIS.

- 95. Nous grouperons sous ce titre quelques renseignements sur la façon dont les opérations se pratiquent par suite d'usages reçus qui ont acquis force de loi et s'imposent aux spéculateurs.
 - 1º Fractionnement des marchés. Les marchés au comptant

se font pour telle somme et telle quantité de valeurs que le client le désire; tout ce que l'agent de change peut exiger, c'est le dépôt préalable des titres ou de l'argent.

Pour les marchés à terme, on n'opère que sur les quantités suivantes ou des multiples de ces quantités :

Rente fi	rançaise	3 pour 100	1500	de rente
))))	f pour 100	2000))
))))	4 ½ pour 100	2250);
»))	5 pour 100	5000);
Rente i	talienne	pour 100	2500	31
Rente t	urque		2500))
Sociétés	s anonyi	es (actions)		25 titres

2° Cours. — Pour les fonds d'État, le cours s'établit sur le taux de la rente.

Ainsi, quand on dit que le 5 pour 100 est à 96^{fr},50, cela veut dire qu'il faut payer 96^{fr},50 pour avoir 5 francs de rente et être créancier de l'État d'un capital nominal de 100 francs.

Les actions sont cotées d'après leur valeur nominale sans tenir compte des fractions de cette valeur non encore versées. Quand la différence entre le cours et la valeur nominale est nulle, on dit que l'action est au pair; quand elle est positive, l'action fait prime; quand elle est négative, l'action fait perte.

Aussi, quand une action de la Compagnie franco-italienne émise à 500 francs et libérée de 250 francs est cotée 625 francs, elle fait 125 de prime et il faut pour l'acquérir débourser 375 francs.

Il en est de même des obligations et de tous les emprunts, qui sont toujours cotés sans tenir compte des versements non effectués.

Le cours des primes s'énonce en ajoutant au montant du prix le mot dont suivi du montant de la prime. On fait 98^{fr}, 50 dont 1 franc. Les primes sur le Mobilier sont à 275 francs, dont 10.

3° Cote. — La cote est l'ensemble des cours appliqués aux différentes valeurs durant la bourse.

Dès qu'un cours a été fait, il est répété par un crieur et

inscrit à la craie sur un tableau ad hoc. Il faut, pour qu'un cours soit fait, qu'une opération ait été conclue à ce cours, c'est-à-dire qu'une offre soit suivie d'acceptation.

Le relevé de ces cours est fait après bourse, certifié exact par la chambre syndicale des agents de change et imprimé.

Chaque semaine, on imprime une cote hebdomadaire qui donne la dernière cote de toutes les valeurs négociées à la Bourse, quelle que soit sa date.

Une valeur ne peut être admise à la cote et être négociée au parquet qu'après décision de la chambre syndicale des agents de change. Cette mesure protectrice n'a souvent aucun effet; des désastres récents en font foi.

4º Réponse des primes. — La réponse des primes a lieu le 15 et le dernier jour de chaque mois pour un certain nombre de valeurs, le dernier jour de chaque mois seulement pour un certain nombre d'autres, parmi lesquelles sont les fonds d'État français.

La réponse se fait au cours du jour à 2 heures.

L'usage est de considérer les primes comme levées quand le cours de la réponse est supérieur au cours de négociation diminué du montant de la prime, et comme abandonnées dans le cas contraire.

Ainsi supposons 5 francs de rente achetés à 104fr, 50 dont 50, il est évident que, si le cours de la réponse est supérieur à 104 francs, l'acheteur doit lever, puisque dans ce cas sa perte est égale à la différence entre ce cours de réponse et 104fr, 50, c'est-à-dire plus petite que 50 centimes. Si, au contraire, le cours de réponse est inférieur à 104 francs, il est évident qu'il doit abandonner, puisqu'il perd plus de 50 centimes. Si le cours de réponse est précisément 104 francs, l'acheteur est dans la même position, qu'il lève ou qu'il abandonne.

Toutefois, dans ce dernier cas et lorsque les cours sont trèsvoisins de ce cours limite, une réponse directe est nécessaire, parce que l'acheteur qui lève devient acheteur de ferme et, ainsi que nous allons le voir, sa position ne se liquide que le lendemain. Il peut donc espérer que dans les vingt-quatre heures il se produira un mouvement qui modifiera cette position d'une manière avantageuse, et il y a lieu dès lors pour lui de se prononcer d'une manière formelle sur la conservation ou l'abandon de son marché.

5º Liquidation. — La liquidation des fonds d'État français et d'un certain nombre d'autres valeurs a lieu le premier de chaque mois.

Celle des autres valeurs admises à la cote a lieule 2 et le 16. Quand le jour de la réponse des primes ou celui de la liquidation tombe un jour férié, l'opération est remise au lendemain.

Chaque acheteur ou vendeur est tenu de déclarer s'il lève, s'il livre ou s'il veut se faire reporter, auquel cas son agent de change est chargé de trouver quelqu'un qui le reporte.

Le cours de compensation, c'est-à-dire celui auquel les marchés se liquident, est fixé par la Chambre syndicale qui jouit à cet égard d'un pouvoir arbitraire, mais qui prend ordinairement le cours à 2 heures ou le cours moyen du jour.

Le cours de compensation est affiché avant la fin de la bourse et indique pour chaque valeur le montant du report ou du déport. Un acheteur qui se fait reporter vend ses titres au cours de compensation et les rachète en même temps livrables à la liquidation suivante à ce même cours augmenté du report ou diminué du déport. Si le report est au pair, les deux cours sont identiques.

6° Compensation. — Cette opération a pour objet d'éviter des mouvements de titres inutiles, en substituant un opérateur à un autre, et de ne plus laisser subsister que des règlements en espèces.

Ainsi Pierre a vendu à Paul 5 francs de rente 5 pour 100 à 105 francs et a acheté de Jacques 5 francs de rente à 104^{fr},50. Il devrait prendre son titre chez Jacques en y laissant 104^{fr},50 et le donner à Paul qui lui remettrait 105 francs. Au lieu de cela, il substituera Jacques à lui chez Paul, de sorte que, si le cours de compensation est 104^{fr},75, par exemple, Jacques qui a vendu à 104^{fr},50 donne à Pierre 0^{fr},25, tandis que Paul

qui a acheté à 105 francs donne à Pierre également of, 25, complément de son gain.

6° Escompte. — Tout acheteur à terme a le droit de lever ses titres en prévenant son vendeur six jours d'avance par avis affiché dans un tableau ad hoc. Cette opération s'appelle escompte; elle a pour objet de raréfier le titre et d'en faire monter le prix.

Quand les titres sont nominatifs, l'acheteur est tenu de notifier au vendeur par l'inscription au tableau les noms de ceux auxquels il doit transférer le titre. Si, le sixième jour, l'acheteur n'a pas usé de son droit en rachetant les valeurs escomptées, ce droit est périmé et il ne peut en user qu'après un nouvel affichage et six nouveaux jours de délai.

7° Coulisse. — La coulisse est un parquet non reconnu par la loi, mais conservé par l'usage et soutenu par le parquet officiel qui en a reconnu la nécessité. Il est composé de courtiers qui font des opérations de Bourse en dehors des heures de la Bourse ou pendant celle-ci, mais notamment à la petite Bourse du soir. Ils ne font pas d'affaires au comptant ou presque pas et en liquidation compensent avec le parquet.

Outre les primes indiquées ci-dessus de 25 centimes, 50 centimes et 1 franc, ils font sur la rente des primes de 5 à 25 centimes qui se répondent le lendemain.

Ils négocient également un certain nombre de valeurs non admises à la cote officielle et constituent à ce point de vue ce que l'on appelle le *marché libre*.

8° Marché en banque. — Outre les valeurs non admises à la cote qui se sont négociées par la coulisse et qui font chez elle l'objet d'affaires à terme, il en est d'autres, spécialement celles sur lesquelles on n'opère qu'au comptant, qui se négocient par l'intermédiaire des banquiers à des conditions analogues ou différentes, suivant les circonstances, de celles qui sont attribuées aux agents de change. L'ensemble de ces opérations constitue le marché en banque; ce ne sont plus, à proprement parler, des opérations de Bourse, mais bien des transactions ordinaires.

96. Nous venons d'exposer à peu près tout ce qui concerne le mécanisme de la Bourse. Il nous resterait, pour être complet, à nous étendre sur son influence au point de vue moral et économique, mais une pareille étude sortirait complétement du cadre de ce livre. Quelle que soit, à cet égard, l'opinion des philosophes et des moralistes, la Bourse est aujourd'hui la conséquence indispensable du développement énorme acquis depuis cinquante ans par la fortune mobilière. Toute tentative pour restreindre ou réglementer les transactions sur les valeurs de cette nature ne peut être qu'une gêne inutile et toujours éludée par les intéressés. Au lieu donc de vouloir appliquer une législation surannée et incomplète à des cas et à des besoins qu'elle ne saurait avoir prévus et pour lesquels elle n'a pas été créée, les philosophes, les moralistes et les législateurs emploieraient plus utilement leur temps à obtenir pour cette branche des transactions, comme pour toutes les autres, le seul régime véritablement raisonnable, celui de la liberté.

CHAPITRE VII.

§ I. — Du Change.

97. On a désigné, à l'origine, sous le nom de change l'opération consistant à échanger dans une ville donnée les monnaies d'or ou d'argent ayant cours légal sur la place, contre des monnaies d'or ou d'argent des places étrangères. Ces monnaies sont considérées comme des lingots, et leur prix d'achat est tout d'abord réglé par la quantité de métal fin qu'elles contiennent. La comparaison de leur valeur intrinsèque avec celle de la monnaic légale de la place où s'opère l'échange constitue le pair du change.

Ainsi, par exemple, la livre sterling au titre de $\frac{916\frac{2}{3}}{1000}$, pesant 7^{gr} , 9808, renferme 7^{gr} , 3184 d'or pur. La pièce de 20 francs, au titre de $\frac{9100}{1000}$, pesant 6^{gr} , 4516, renferme 5^{gr} ,8064 d'or pur. Le pair du change entre les deux monnaies résulte de la proportion suivante :

$$\frac{x}{20} = \frac{7.3184}{5.8064}$$
, d'où $x = 25$ fr, 268.

Telle serait à Paris la valeur de la livre sterling; mais ce n'est pas à ce prix qu'elle est achetée par le changeur. Ce dernier doit retenir les frais de monnayage perçus par l'État pour la refonte des monnaies étrangères, l'intérêt calculé pour le temps nécessaire à cette refonte, etc., de telle sorte qu'au lieu de payer la livre sterling 25^{fr}, 208 il ne la payera, par exemple, que 25^{fr}, 10. Le prix ainsi fixé constitue le cours du change de la livre sterling à Paris.

§ II. — DE LA LETTRE DE CHANGE.

98. Peu à peu, les opérations de change, dont nous venons de rappeler l'origine, se sont profondément modifiées. Par suite du développement des transactions internationales, les négociants d'une place se sont trouvés à la fois créditeurs et débiteurs sur une même place étrangère. Un moyen naturel s'est présenté alors pour éviter le transport coûteux des espèces métalliques. Ce moyen consiste à faire payer par les correspondants débiteurs les sommes dues aux correspondants créditeurs de la même place. De là l'invention de la lettre de change, que l'on peut définir ainsi:

L'ordre donné par un commerçant à l'un de ses débiteurs, dans une place étrangère, de payer pour son compte au porteur de cet ordre la somme qui y est énoncée, et dont il déclare avoir reçu la valeur.

99. Les lettres de change, se substituant à l'échange des monnaies métalliques, donnent lieu à des opérations d'achat et de vente auxquelles on a, par extension, donné le nom de change. Elles sont devenues la source de spéculations spéciales, dont nous allons exposer l'économie et le mécanisme.

On conçoit, tout d'abord, que, si la valeur des marchandises échangées entre deux places se balance exactement, les sommes à payer et à recevoir sont elles-mêmes exactement compensées; les lettres de change motivées par ces opérations se négocieront au pair.

Lorsque cet équilibre parfait n'existe pas, les lettres de change sont offertes sur la place en faveur de laquelle la balance du commerce s'établit par un solde créditeur, tandis qu'elles sont recherchées et demandées sur la place débitrice. En raison de la loi de l'offre et de la demande, il s'établit sur les lettres de change un cours qui dépend de ces circonstances, et que l'on désigne sous le nom générique de change d'une place sur une autre place.

Pour faire saisir par un exemple les règles principales du change, supposons que Londres doive à Paris 10 millions de francs et que Paris ne doive à Londres que 100000 livres sterling. Les négociants de Londres, ayant plus à payer qu'à recevoir, chercheront sur leur place le papier payable à Paris, papier qui ne représentera qu'un quart environ des remises qu'ils auront à faire. Les demandes seront donc quatre fois aussi considérables que les disponibilités, et le change du Londres sur Paris montera en proportion. L'inverse se produira à Paris, où le change du papier sur Londres pourra baisser au-dessous du pair. On dit, dans ce cas, que le change est contraire à Londres et favorable à Paris.

On peut donc formuler ce principe général :

Le change d'une place A sur une place B monte quand la balance du commerce est en faveur de B, c'est-à-dire quand A doit envoyer à B plus d'argent qu'il ne doit en recevoir. Il baisse dans le cas contraire.

100. Les oscillations dans le cours du change ont une limite naturelle, qui est fixée par le cours du change des espèces métalliques, dont nous avons indiqué le calcul plus haut. Le négociant a toujours le choix entre l'achat des lettres de change sur la place où il doit effectuer une remise, et l'envoi d'espèces métalliques sur cette place. Il choisit celui de ces deux moyens qui est le moins dispendieux, et cette latitude suffit pour empêcher le cours des lettres de change de s'élever au delà de certaines limites. Nous reviendrons sur ce point dans l'étude des arbitrages.

D'autres circonstances viennent encore influer sur le cours du change. Il existe quelques pays dans lesquels les transactions s'effectuent au moyen du papier-monnaie ou du billet de Banque à cours forcé. Les lettres de change tirées sur ces pays sont, à moins de stipulations contraires, payables au moyen de ce papier, qui subit lui-même une dépréciation plus ou moins forte. Le cours du change tient compte de cette dépréciation, et il est, par conséquent, diminué de la prime

que fait, en ces pays, l'or sur la monnaie fiduciaire employée dans les transactions.

La spéculation est également, pour les variations du change, une cause accidentelle dont l'importance n'est pas à négliger. Quand le change de Paris sur Londres, par exemple, est trèsélevé, un banquier de Paris, qui a du crédit à Londres, émet des traites, et cette émission fait baisser le change. Si, au contraire, une maison puissante et riche a besoin de papier sur. Londres, immédiatement tous les cambistes de Paris achètent le papier disponible, dans l'espoir de le lui revendre, et cette raréfaction fait monter le prix du change.

Enfin les émissions d'emprunts d'États payables en or à l'étranger et les payements semestriels de leurs coupons sont autant de causes ayant, à des époques données, une influence particulière sur le cours des changes. Tous ces éléments doivent être soigneusement étudiés par les financiers qui veulent s'adonner aux spéculations sur le change.

§ III. — Des cotes.

101. Le cours des changes est donné tous les jours, sur chaque place, par un tableau indiquant, en unités monétaires de cette place, le prix qu'il faut payer pour acquérir une lettre de change d'un nombre convenu d'unités monétaires des places étrangères, nombre que nous appellerons « terme de comparaison ». Ce tableau s'appelle la cote des changes.

Voici trois cotes au 3 décembre 1875.

PARIS.

Unité monétaire : 1 franc.

ESCOMPTE.	CHANGE DE PARIS SUR	PAPIER LONG.	PAPIER COURT.	TERME de COMPARAISON. 5	
			-		
	V	aleurs se négocia	ant à trois mois.		
3 0/0.	Amsterdam	2067/8 à 2071/8	2063/8 à 2067/8 et 40/0	100 florins.	
5 %/0.	Hambourg	122 à 122 1/8	122 à 122 1/1 et 40/0	100 marcs.	
5 %.	Berlin	122 à 122 1/8	122 à 122 1/4 et 4 º/0	ld.	
5 %/0.	Francfort	122 à $122^{1}/_{8}$	122 à 122 1/4 et 4 º/0	ld.	
4 0/0.	Madrid	495 à 497	497 à 499 et 4°/0	100 piastres.	
4 %.	Barcelone	$503^{1}/_{2}$ à $505^{1}/_{2}$	5041/2 a 5061/2 et 40/0	Id.	
	Lisbonne	548 à 553	548 à 553 et 4°/ ₀	100 000 reis.	
5 %,.	Vienne	216 1/2 à 216 3/4	2163/4 à 217 et 40/0	100 florins.	
51/20/0	Pétersbourg .	324 à 325	325 à 326 et 4º/0	100 roubles.	
T. C.		Valeurs se nég	ociant à vue.		
3 %.	Londres	25,10 à 25,15	25,09 à 25,14 m 3°/	ı liv. sterl.	
4 %.	Belgique	1/16 p à 1/16 b	1/s p à pair m 4º/0	100 francs.	
5 %.			31/4 p a 8 p m 50/0		
5 %/0.	Suisse	Pair à 1/8 b	Pair à 1/8 b m 50/0	100 francs.	
b, signifie bénéfice. — p, signifie perte. — m, signifie moins.					

AMSTERDAM.

Unité monétaire : 1 florin de Hollande.

DATE des ÉCHÉANCES.	CHANGE D'AMSTERDAM SUR 2	A TERME.	A VUE.	TERMES de COMPARAISON.
		: 3 pour		
2 mois	Paris	47,50	47,80	100 francs.
2 »	Bordeaux	47,40	47,70	Id.
3 »	Madrid	232		100 piastres.
3 »	Lisbonne	260		100 000 reis.
3 »	Italie	43,30		100 lires.
3 »	Vienne	103		100 florins.
3 "	Francfort	58,50		100 marcs.
3 »	Hambourg	58,50		Id.
2 »	Londres	11,96	12,01	ı liv. sterl
3 »	Saint-Pétersbourg	156	,	100 roubles.

LONDRES.

Unité monétaire : 1 livre sterling.

DATE des ÉGHÉANCES.	CHANGE DE LONDRES SUF	A TERME.	A VUE.	UNITÉS MONÉTAIRES D'ÉVALUATION DU CHANGE.
			*	3
		ESCOMPTE: 3	POUR 100.	
				Florin de Hollande.
3 »	Bruxelles	25,42 1/2 à 25,47 1/2		Franc.
3 »	Francfort	20,57 à 20,61		Marc.
	Italie	27,62 1/2 à 27,67 1/3		Lire.
3 »	Madrid	4,71 1/4 à 4,73 8/4		Piastre.
	Marseille	25,42 1/2 à 25,47 1/2		Franc.
			25,12 1/4 à 25,22 1/2	
3 »	Vienne	11,60 à 11,65		Florin d'Autriche.

102. En examinant ces trois cotes, on voit qu'il existe entre celles de Paris et d'Amsterdam d'une part, et celle de Londres d'autre part, une différence essentielle. Dans les deux premières, les colonnes 3 et 4, qui donnent le cours des changes, indiquent le nombre variable d'unités monétaires nationales qu'il faut verser pour avoir le nombre invariable d'unités monétaires étrangères prises pour terme de comparaison.

Dans la cote de Londres, au contraire, c'est l'unité monétaire nationale, la livre sterling, qui est le terme *invariable*. Les colonnes 3 et 4 indiquent le nombre d'unités monétaires étrangères que l'on recevra, sur une place donnée, en échange d'une livre sterling versée à Londres.

Ces différences dans la rédaction des cotes ont fait naître l'expression spéciale au langage des changes, que telle place donne le certain à une autre, quand sa monnaie sert de terme fixe et invariable dans la comparaison. Ainsi Londres donne le certain à Paris.

Une place donne l'incertain à une autre quand sa monnaie fournit le terme variable. Paris donne l'incertain à Londres, parce que sur sa cote c'est la valeur en francs qui est le terme variable, tandis que la livre sterling est sur les deux places le terme fixe de la comparaison.

Les indications de la colonne 5 ne figurent pas sur les cotes imprimées; elles sont sous-entendues et suffisamment connues des cambistes. Nous ne les avons ajoutées qu'à titre de renseignement.

103. Sur les cotes, le cours du change est fixé suivant que les lettres de change sont négociables à terme ou à vue.

1° Cote à terme. — En regard de chaque place, dans la colonne intitulée Date des échéances, on inscrit le nombre de mois fixé pour l'échéance des lettres de change à terme. C'est en tenant compte de ce nombre de mois que le cours est établi. Si l'on présente à la négociation une lettre de change ayant une échéance plus courte, il faudra ajouter à son montant les intérêts au taux placé en regard, dans la colonne

intitulée *Escompte*, en les calculant pour le nombre de jours qui séparent l'échéance de la lettre de celle qui a servi de base au cours. Ainsi, si la cote indique la négociation à 3 mois, et que la lettre de change soit à l'échéance de 2 mois, il faudra ajouter à son montant l'intérêt d'un mois. On appliquera ensuite au tetal obtenu le cours du change à 3 mois.

2º Cote à vue. — Les cours de la cote à vue sont fixés pour les lettres de change payables à présentation. Si la traite a quelques jours à courir, on devra de son montant retrancher les intérêts calculés pour ce nombre de jours, au taux fixé par la cote et placé à côté du cours.

Pour l'intelligence de ces deux genres de cotes, nous allons donner l'exemple d'une négociation de lettres de change telle qu'elle est pratiquée par les banquiers :

1º Négociation à terme (Paris).

Du 3 décembre 1875.

F1.	3815	s. Vie	nne a	CLU	tev.	1876	17]	ours.	Nombre	6483	55
Fl.	2616))))	25))))	7))))	183	12
Fl.	4815))))	27))))	5))))	240'	75
Fl.	11246					No	ombr	e de j	ours	1072	<u></u>
	14,9	o intéré	èts à 5	ŏ pou	rıc	oo à <i>aj</i>	outer	1			
177	(3		1 2					177		10 (~~

Fl. 11260, 90 à 216 $\frac{1}{2}$ 3 mois. Francs... 24379,85

Ainsi donc, le change à 3 mois sur Vienne étant coté 216 ½, et l'escompte étant à 5 pour 100, pour avoir trois traites sur Vienne aux échéances indiquées dans ce bordereau, et faisant ensemble 11246 florins, il faut payer en francs à Paris 24379^{fr},85.

2º Négociation sur la cote à vue.

La cote de Paris ne donne le cours du Londres, de la Belgique, de l'Italie et de la Suisse qu'à vue. Il ne faut pas en conclure que l'on ne négocie à Paris sur ces quatre pays que le papier à vue. Voici comment l'on procède pour le papier à échéance fixe.

Négociation à vue (Paris).

Du 3 décembre 1875.

L. st. 3141 10° 3^d s. Londres au 25 déc. 22 jours. Nombre. 69113 L. st. 1240 4 6 » » 15 janv. 43 jours. Nombre. 53328 L. st. 4381 14° 9^d Nombre de jours... 122441 L. st. 10 4 9 Intérêts à 3 pour 100 à retrancher. L. st. 4371 10° 9^d à 25,14 à vue. Francs... 109900,45

Donc, pour avoir à toucher à Londres, aux deux échéances ci-dessus, la somme totale de l. st. 4381 14^s 9^d, il faut, le cours du Londres à vue étant de 24,14 et l'escompte à 3 pour 100, verser à Paris 109900^{fr},45.

Ces exemples suffisent pour faire connaître les principaux usages du change. Il nous reste à étudier les combinaisons auxquelles peuvent donner lieu l'achat et la vente des lettres de change. Ces combinaisons sont désignées sous le nom d'arbitrages.

§ IV. — DES ARBITRAGES.

104. On peut, d'une manière générale, définir les arbitrages en disant qu'ils consistent à acheter une valeur sur une prace où elle est en baisse pour la revendre sur les places ou elle est en hausse.

Il y a deux sortes d'arbitrages:

L'arbitrage simple ou direct qui s'effectue entre aeux places, et l'arbitrage composé ou indirect qui s'effectue entre plusieurs places.

1º Des arbitrages directs.

105. Lorsqu'un négociant de Paris doit payer à Londres, il peut ou acheter à Paris du papier sur Londres pour l'envoyer à son créancier, ou autoriser ce dernier à tirer sur lui à Paris.

L'examen des cotes de Paris et de Londres permet d'établir

la parité arbitrée des deux changes et d'en déduire le système le plus avantageux.

La cote de Paris au 3 décembre 1875 donne pour le Londres à vue un cours moyen de 25,125. La cote de Londres du même jour donne pour le Paris à vue un cours moyen de 25,175. Pour payer 1000 livres sterling à Londres, on aura donc à débourser:

Si l'on achète à Paris 1000 l. st. sur Londres.. 25125 fr Si l'on paye à Paris une traite de 1000 l. st. tirée de Londres au cours de cette place....... 25175 Il y a donc un bénéfice de..... 50

à acheter du Londres à Paris pour en faire la remise au créancier de Londres. Cet arbitrage se retourne pour le négociant de Londres qui doit payer à Paris, et qui a plus d'avantage à faire tirer sur lui qu'à remettre.

Il peut être fait dans les mêmes termes par un cambiste qui achèterait à Paris du papier sur Londres, et l'échangerait à Londres contre du papier à vue. Mais, dans ce cas, il faut calculer si le faible écart que nous avons trouvé ne serait pas absorbé par les frais de timbre, ports de lettres et commissions.

Si l'on opère sur du papier à terme, il faut l'escompter pour le ramener au cours à vue, et pour établir ainsi la parité des prix et chiffrer l'arbitrage.

Supposons qu'il s'agisse de faire ces arbitrages entre Paris et Saint-Pétersbourg, et que les cotes des changes soit établies comme suit :

A Paris, pour le Saint-Pétersbourg à 3 mois, 325 francs pour 100 roubles, le taux d'escompte étant à $5\frac{1}{2}$ pour 100;

A Saint-Pétersbourg, pour le Paris à 3 mois, 30,3 roubles pour 100 francs, le taux d'escompte étant 4 pour 100;

Quelle est à vue la valeur du rouble à Paris pour les deux places?

A Paris, pour avoir 1 rouble payable à vue à Saint-Pétersbourg, il faut débourser 3^{fr} , 25 plus les intérêts à $5\frac{1}{2}$ pour 100

pour 3 mois, soit

$$3,25 + \frac{3,25 \times 5,5 \times 3}{1200} = 3,25 + 0,0447 = 3^{\text{fr}},2947.$$

A Saint-Pétersbourg r rouble donne $\frac{100^{fr}}{30,3} = 3^{fr}$, 30 à recevoir à Paris dans 3 mois. Pour ramener cette valeur à vue, il faut l'escompter, c'est-à-dire en déduire les intérêts à 4 pour 100 pour 3 mois, de sorte que le versement de 1 rouble à Saint-Pétersbourg donne droit à recevoir à vue, à Paris,

$$3^{fr}$$
, $30 - \frac{3,30 \times 4 \times 3}{1200} = 3^{fr}$, $30 - 0,033 = 3^{fr}$, 267 .

Il résulte de ces calculs que la parité du rouble à Paris s'établit comme il suit, dans le cas que nous venons d'examiner:

Le cours du Saint-Pétersbourg 3 mois à Paris équi-	ſr
vaut au cours à vue de	3,2947
Le cours du Paris 3 mois à Saint-Pétersbourg équivaut	
au cours à vue de	3,2670
Différence	0,0277

Il en résulte qu'il est plus avantageux, pour payer à Saint-Pétersbourg, de faire tirer de Saint-Pétersbourg sur Paris, que d'acheter à Paris du Saint-Pétersbourg pour en faire la remise à son créancier.

Les calculs d'arbitrage ne sont, on le voit, que des calculs de réduction à l'unité. Leur simplicité est telle qu'il est inutile de leur appliquer une formule générale. Dans la pratique on se sert d'une méthode, dite règle conjointe, ou chaîne, que nous exposerons dans le paragraphe suivant.

2º Des arbitrages indirects.

106. On appelle arbitrage indirect ou composé l'opération qui consiste à payer sur une place en se servant de l'intermédiaire d'une ou de plusieurs autres places.

Exemple I. — Supposons que l'on ait, à Paris, à payer un négociant créancier à Madrid, ou qu'un banquier veuille acheter des piastres sur Madrid. Nous allons chercher, avec les cotes que nous avons prises pour exemple, quel est le procédé le plus avantageux entre les trois suivants:

1º Acheter à Paris une traite en piastres sur Madrid;

2º Acheter à Paris une traite en livres sterling sur Londres, échanger cette traite à Londres contre une traite en piastres de Londres sur Madrid;

3° Acheter à Paris une traite en livres sterling sur Londres; l'échanger à Londres contre une traite en florins sur Amsterdam, et échanger cette dernière à Amsterdam contre une traite en piastres sur Madrid.

1º Paris cotant le Madrid 495 francs à 3 mois pour 100 piastres, la cote indique immédiatement au cambiste qu'il faut débourser, pour chaque piastre payable à Madrid dans 3 mois, 4^{fr} ,95.

2º Londres cotant le Madrid à 3 mois 4,7125 piastres pour 1 livre sterling, la piastre, payable à Madrid dans 3 mois, vaudra à Londres

$$\frac{1}{4,7125}$$
 livre.

Paris cotant le Londres à vue 25^{fr} ,09 pour une livre, $\frac{1}{4,7135}$ livres payables à vue à Londres coûtent à Paris

$$25,09 \times \frac{1}{4,7125} = 5^{fr},32;$$

c'est la somme qu'il faut débourser à Paris pour avoir, comme dans le cas précédent, 1 piastre payable à Madrid dans 3 mois.

3º Amsterdam cote le Madrid à 3 mois 232 florins pour 100 piastres; donc 1 piastre, payable à Madrid dans 3 mois, coûte à Amsterdam

Londres cote l'Amsterdam à vue 12,005 florins pour 1 livre

sterling; donc 2,32 florins, payables à vue à Amsterdam, coûtent à Londres

$$\frac{1}{12,005}$$
 \times 2,32 livres.

Paris cote le Londres à vue 25^{fr} ,09 pour 1 livre sterling; donc $\frac{2,32}{12,005}$ livres, payables à Londres à vue, coûtent à Paris

$$\frac{2,32\times25,09}{12,005}=4^{fr},84.$$

C'est la somme qu'il faut débourser à Paris pour obtenir 1 piastre payable à Madrid dans trois mois.

Les parités de la piastre sur la place de Paris sont donc représentées par les nombres ci-dessous :

Paris-Madrid	direct	4 ^{fr} ,95
Paris-Madrid	par Londres	5,32
Paris-Madrid	par Londres-Amsterdam	4,84

Donc le procédé le plus avantageux est le dernier, si l'on peut opérer aux cours que nous avons choisis.

Il y a lieu de remarquer que, dans cet exemple, nous avons obtenu des résultats immédiatement comparables. Cela tient à ce que Paris, Londres et Amsterdam cotent tous trois le Madrid à 3 mois, et à ce que Paris cote le Londres et l'Amsterdam à vue. Nous avons donc obtenu trois sommes qui, versées à une même date, correspondent à des encaissements qui doivent également être effectués à une même date.

Il n'en scrait pas de même si la cote de la place ou des places intermédiaires était à terme. Dans ce cas il faudrait ramener cette cote à vue, en tenant compte de la longueur du terme et du taux de l'escompte, comme dans l'exemple suivant.

107. Exemple II. — Supposons qu'un cambiste de Paris veuille acheter des marcs sur Francfort.

Il peut pour cela:

1º Acheter à Paris une traite sur Francfort en marcs;

2° Acheter à Paris une traite en florins sur Amsterdam et l'échanger à Amsterdam contre une traite en marcs sur Francfort.

Examinons successivement les deux procédés:

1º Paris cotant le Francfort 122 francs et à 3 mois pour 100 marcs, 1 marc, payable dans 3 mois à Francfort, coûte aujourd'hui à Paris

2º Amsterdam cotant le Francfort à 3 mois 58,5 florins les 100 marcs, 1 marc, payable dans 3 mois à Francfort, coûte aujourd'hui à Amsterdam

o,585 florins,

valeur que le cambiste doit se procurer à Paris, mais payable à vue à Amsterdam.

Or Paris cote l'Amsterdam 3 mois 207 francs et 3 pour 100, d'où

I fl. 3 mois = 2,07,
I fl. à vue = 2,07
$$\left(1 \div \frac{3 \times 3}{1200}\right) = 2,085525$$
,

d'où

fl.
$$0.585 = 1^{fr}, 22$$
.

Les parités du marc à 3 mois sur la place de Paris sont donc :

Paris-Francfort direct	fr 1,22
Paris-Francfort par Amsterdam	1,22

Il y a dans ce cas égalité parfaite, et par suite il n'y a pas lieu à un arbitrage; en fait, il y a avantage à acheter à Paris du Francfort direct, sans recourir à l'intermédiaire d'Amsterdam qui nécessiterait doubles frais de timbre et de ports de lettres, plus une commission.

108. Méthode de la règle conjointe, ou chaîne. — Cette méthode n'est autre qu'un procédé graphique, consistant à

grouper les nombres entrant dans les règles de trois qui constituent le principe des arbitrages, de façon à multiplier ensemble tous les termes situés à droite, et à diviser le produit ainsi obtenu par le produit des nombres placés à gauche. Le quotient donne la valeur, en unités monétaires de la place, du nombre d'unités monétaires pris pour terme de comparaison.

Ainsi, dans l'arbitrage que nous venons d'étudier, on procéderait ainsi :

Les cotes nous donnent :

Nous commençons toujours par établir le cours à vue à Paris de la place intermédiaire, c'est-à-dire de l'Amsterdam. L'escompte étant 3 pour 100, ce cours sera

$$207^{fr}\left(1+\frac{3\times3}{1200}\right)=208^{fr},55;$$

nous poserons ensuite nos nombres en les faisant pour ainsi dire alterner les uns et les autres comme il suit:

$$x^{\rm fr}=$$
 100 Rm. 3 mois, 100 Rm. 3 mois = 58,50 fl. P. B., 100 fl. P. B. à vue = 208fr,55.

Multiplions membre à membre, nous obtenons

$$x \times 100 \times 100 = 100 \times 58, 50 \times 208, 55,$$

d'où

$$x = \frac{100 \times 58, 50 \times 208, 55}{100 \times 100} = 122^{\text{fr}}.$$

Nous retombons encore sur 122 francs pour 100 marcs 3 mois sur Francfort par Amsterdam, soit 1^{fr}, 22 pour le prix du marc. Ce prix étant celui du Francfort direct à Paris, il n'y a pas matière à arbitrage.

On a donné le nom de chaîne à cette disposition des nom-

bres, parce que le résultat obtenu forme pour ainsi dire le dernier anneau d'une chaîne, et donne la valeur de x qui en forme le premier anneau.

156. Prenons un autre exemple de ce système de calcul; supposons qu'on veuille acheter une traite de 100 florins sur Vienne et qu'on veuille faire l'arbitrage en essayant:

1º De Londres comme place intermédiaire;

2º D'Amsterdam comme place intermédiaire.

1º Arbitrage par Londres.

Paris cote le Vienne 3 mois...... 216,50 pour 100 fl. ö. w. Paris cote le Londres à vue....... 25,10 pour 1 l. st. Londres cote le Vienne 3 mois fl. ö. w. 11,60 pour 1 l. st.

Paris donnant le cours à vue de la place intermédiaire, il n'y a plus lieu de le calculer et l'on pose :

$$x^{\text{fr}} = 100 \text{ fl. \"o. w.},$$
fl. \"o. w. 11,60 = 1 l. st.,
$$11.\text{st.} = 25^{\text{fr}}, 10; \quad \text{d'où} \quad x = \frac{2510}{11,60} = 216^{\text{fr}}, 38.$$

2º Arbitrage par Amsterdam.

Nous calculerons comme ci-dessus le cours à Paris de l'Amsterdam à vue :

$$(2,07)\left(1+\frac{3\times3}{1200}\right)=208,55,$$

et nous poserons

$$x^{\text{fr}} = 100 \text{ fl. \"o. w.,}$$
 $100 \text{ fl. \"ow.} = 103 \text{ fl. P. B.,}$
 $100 \text{ fl. P. B.} = 208,55x = \frac{100 \times 103 \times 208,55}{100 \times 100} = 214^{\text{fr}},80.$

Si nous comparons maintenant les trois résultats, nous trouvons que, pour acheter une traite de 100 fl. ö. w. sur Vienne, lfaut débourser à Paris:

Par	le change	direct de Paris sur Vienne	216,50
Par	l'arbitrage	: Paris-Vienne par Londres	216,38
Par	l'arbitrage	: Paris-Vienne par Amsterdam	214,80

C'est ce dernier moyen qui est le plus avantageux.

La méthode de calcul que nous venons d'exposer est d'une grande simplicité. Il suffit d'un peu d'attention pour la rendre praticable, même aux personnes peu familiarisées avec l'usage des Mathématiques.

§ V. - Arbitrages de fonds publics.

109. Les arbitrages de fonds publies consistent à acheter ou vendre sur une place des titres que l'on a vendus ou achetés sur une autre place, lorsque les cours sur ces diverses places, combinés avec les cours du change, présentent des différences capables de permettre la réalisation d'un bénéfice.

Pour réussir dans ce genre d'arbitrages, il faut avoir une connaissance approfondie des titres et des usages des Bourses étrangères dont les cotes sont souvent établies sur des bases fort différentes.

Prenons, par exemple, la rente autrichienne argent 5 pour 100. Ce fonds rapporte, pour un titre nominal de 100 florins, 5 florins de rente moins l'impôt autrichien de 16 pour 100. Le revenu est ainsi réduit à 4,20 pour 100 du nominal.

A Paris, la rente autrichienne est cotée en francs. Les intérêts courus depuis le payement du dernier coupon sont compris dans le cours, lequel représente exactement ce qu'il faut débourser en francs pour chaque titre de 5 francs ou 2 florins de rente.

A Vienne, la même rente est cotée en papier et en pour 100

de la valeur nominale, mais les intérêts courus ne sont pas compris dans le cours. L'acheteur doit les ajouter, déduction faite de l'impôt. Si, par exemple, le cours est de 67 et qu'il y ait quatre mois courus sur le coupon, l'acheteur payera

Fl.
$$67 + \frac{4.20 \times 4}{12} = fl. 68,40$$

pour un titre nominal de 100 florins rapportant brut 5 florins et net 4,20 florins, après déduction de l'impôt.

Cela posé, supposons que la rente autrichienne soit cotée à Paris 57 francs et qu'il y ait à ce moment trois mois écoulés depuis le payement du dernier coupon. Pour acheter à Paris 100 florins de rente, il faudra débourser 2850 francs.

Le même jour, la Rente autrichienne est cotée à Vienne 65,70 florins pour 100. A ce cours il faut ajouter les trois mois de coupon net d'impôt déjà courus, soit 1,05 florins, de sorte que le prix de 5 florins de rente ressort à 66,75 florins. La vente à Vienne des 100 florins de rente achetés à Paris produirait par suite 1335 florins, qu'il faudra échanger contre une traite à vue sur Paris pour se rembourser.

Le cours du Paris à Vienne étant ce jour-là de 45,75 à trois mois, on aurait pour 1335 florins une traite de 2918 francs à 3 mois sur Paris. L'escompte étant à 4 pour 100, pour recevoir à vue il faut déduire les intérêts à 4 pour 100 pendant trois mois, et l'on aurait finalement

$$2918^{fr}\left(1-\frac{3\times4}{1200}\right)...$$
 $2888^{fr}, 80$
La somme déboursée à Paris étant de... 2850
L'opération présenterait un bénéfice brut de. $38^{fr}, 80$

duquel il faudrait déduire les courtages, frais de timbre, etc.

Tous les arbitrages de fonds publics ne sont pas aussi complexes que celui que nous venons d'étudier. Leur calcul en est par conséquent plus simple, et il est inutile de prendre un autre exemple: celui que nous avons choisi suffira pour en faire comprendre les différents détails.

§ VI. - Arbitrages des matières d'or et d'argent.

110. Les matières d'or et d'argent, en lingots ou en espèces monnayées, sont aussi la source d'opérations d'achat et de vente qui peuvent donner d'importants bénéfices. Les arbitrages sont basés sur le cours du jour des métaux et sur celui des lettres de change des différentes places.

La parité des monnaies sur une place donnée s'établit, ainsi que nous l'avons vu au début de ce Chapitre, par la comparaison des quantités de métal fin qu'elles contiennent. Leur évaluation se fait au moyen du poids et du titre de chaque espèce de monnaies.

La parité des lingots s'établit au moyen du cours des métaux précieux, sur les places où s'opère l'échange. Calculons cette parité entre Paris et Londres.

La cote de Paris donne pour cours de l'or en barre $\frac{1000}{1000}$ 3434^{fr},44 par kilogramme, plus $\frac{4}{2}$ pour 1000 de prime. Cela veut dire que, pour acheter 1 kilogramme d'or pur, il faut, à Paris, débourser

$$3434^{\rm fr}, 44\left(1+\frac{\frac{1}{2}}{1000}\right) = 3436^{\rm fr}, 15.$$

A Londres, la cote des métaux donne, pour cours des lingots d'or, $77\frac{3}{4}$ schillings pour 1 once au titre $\frac{11}{12}$ de fin. L'once pèse $31^{\rm gr}$, 1035; 1 kilogramme d'or pur correspond par suite à $\frac{1000 \times 12}{11 \times 31,1035}$ onces, et sa valeur à Londres sera de

$$x = \frac{1000 \times 12 \times 77\frac{3}{4}}{11 \times 31,1035} = 2726$$
sch, 965 = 136lst 6sch 11d.

Le cours du Paris à vue étant, je suppose, de 25fr, 25	
pour 1 liv. st., on se procurera à Londres, par la	
vente du kilogramme d'or, une traite à vue sur Paris,	
de	3442fr, 73
On a payé à Paris pour un kilogramme d'or	3436, 16
Sa vente à Londres contre du Paris à vue donne donc un	
bénéfice de	$6^{fr}, 57$

L'or est donc plus cher à Londres qu'à Paris. Voyons maintenant à quel change sur Londres doit correspondre le cours de l'or à Paris et à Londres, pour qu'il y ait parité.

Nous avons vu que i kilogramme d'or fin représente à Paris 3436^{fr}, 16, et que le même poids d'or fin à Londres vaut 136^{lst} 6^s 11^d.

En comparant ces deux nombres, nous en tirons

$$I^{lst} = \frac{3436^{fr}, 16}{136^{lst}6^{sch}11^d} = 25^{fr}, 20.$$

Donc, d'après les cours de l'or que nous avons choisis, le pair pour la lettre de change entre les deux places devrait être de 25^{tr}, 20 pour 1 livre sterling.

Si le cours du change donné par la cote est inférieur à 25, 20, il vaut mieux acheter du papier, pour remettre, que des lingots.

Si, au contraire, le cours du change est supérieur à 25,20, il est plus avantageux de remettre des lingots que d'acheter du papier à vue.

Ainsi s'établit la limite du cours des changes, dont nous avons parlé lorsque nous avons défini le change.

- 111. On fait, sur les lingots d'or ou d'argent, des arbitrages indirects, analogues à ceux que nous avons exposés pour les lettres de change. On peut, en comparant les cours des métaux et ceux du change à vue des diverses places, chercher s'il y a bénéfice à acheter, par exemple, de l'or à Paris pour l'échanger à Londres contre des piastres à vue sur Madrid, et se rembourser par un échange de lingots d'argent à Madrid contre les piastres reçues à Londres. Toutes ces combinaisons se calculent, comme les autres arbitrages, par la règle conjointe, et ne présentent pas d'autres difficultés. Il suffit de connaître les poids étrangers et leur rapport avec les poids français.
 - 112. La parité des monnaies s'établit, comme nous l'avons

vu, par la comparaison de leurs poids en métal fin. Exemple : 100 francs en or pèsent $32^{\rm gr}$, 258 et contiennent... $29^{\rm gr}$, 032 or fin 100 reichsmarcs contiennent... $35^{\rm gr}$, 8422 »

La parité entre les deux monnaies s'établit ainsi par la règle conjointe:

$$x$$
 fr. =100 Rm.
100 Rm. =35^{sr},8422
29^{sr},032 =100 fr. = $\frac{35,8422 \times 100}{29,032}$ = 123^{fr},4568.

Telle est la valeur en francs de 100 reichsmarcs d'or. Lorsque le cours à vue sur Berlin est inférieur à 123^{fr}, 4568, il y a avantage à acheter des marcs de l'empire allemand et à les faire refondre à Paris, si l'écart du cours couvre les frais qu'entraîne cette opération. La place de Berlin étant par son commerce presque toujours débitrice, le change sur cette place est très-souvent inférieur au cours de 123,46, et il en est résulté que la majeure partie des monnaies d'or frappées en Allemagne depuis 1871 a été drainée par les places étrangères et démonétisée. Cette situation a produit, en Allemagne, une crise monétaire fort grave.

113. Les opérations de change sont généralement faites par un groupe spécial de banquiers et de cambistes, qui se partagent les différentes places d'Europe et d'Amérique. Chaque groupe opère avec un nombre limité de places, toujours les mêmes, et la pratique constante des mêmes cotes finit par donner à ces spécialistes une grande habileté dans le chiffrage des changes. Il s'établit dans leur mémoire une Table des changes, qui n'est autre que la série des résultats qui leur sont familiers. Aussi la rapidité avec laquelle certains cambistes chiffrent, à première vue, les arbitrages qu'ils étudient est-elle un sujet d'étonnement pour les personnes qui ne sont pas familiarisées avec la pratique de ce genre d'opérations. En fait, il n'y a dans les calculs de change aucune difficulté, et c'est en quelque sorte une pure affaire d'habitude.

CHAPITRE VIII.

- § 1. Définition et origine de la comptabilité.
- 114. Nous pensons qu'on peut définir la comptabilité: l'en semble des procédés à l'aide desquels on enregistre toutes les opérations d'une entreprise commerciale ou industrielle quelconque et à l'aide desquels on classe ces mêmes opérations de manière à obtenir rapidement et sûrement la situation financière de cette entreprise.
- 115. On remarquera que cette définition est indépendante de l'idée de tenue de livres. En effet, bien que la comptabilité et la tenue de livres ne soient en pratique et chez nous qu'une seule et même chose, on conçoit très-bien que les opérations d'une maison de commerce puissent être notées autrement que sur des registres. Les Chinois effectuent les calculs nécessités par leur négoce à l'aide de pétites boules enfilées sur des bâtons de fil d'archal, et cela avec une rapidité et une précision merveilleuses. Il n'y aurait donc rien d'impossible à ce que des procédés analogues fussent appliqués à la notation des divers résultats obtenus par une maison de commerce; ces procédés constitueraient la comptabilité de cette maison.

En pratique d'ailleurs et pour ce qui nous intéresse, la comptabilité ne se tient pas autrement qu'à l'aide de livres dont le nombre, la forme et la teneur ont varié suivant les époques et varient encore chaque jour suivant les besoins de ceux qui les emploient. Comptabilité et tenue de livres sont donc absolument synonymes.

116. L'origine de la comptabilité se trouve évidemment dans le besoin qu'ont éprouvé les commerçants de tenir note de leurs opérations à partir du moment où celles-ci ont cessé d'être de simples échanges au comptant. L'invention de la lettre de change par les Lombards, en multipliant les opérations à longue échéance, a rendu nécessaire un ordre exact dans l'enregistrement de celles-ci; on peut donc dire que, du jour où il y a eu crédit, il y a eu comptabilité.

Nous allons résumer aussi succinctement que possible la théorie de la comptabilité, et nous donnerons ensuite comme exemple pratique un spécimen de la tenue des livres d'une maison de banque.

§ II. — Enregistrement et classification des faits commerciaux.

117. Dans toute maison commerciale ou industrielle, il y a lieu de distinguer trois catégories de personnes ayant des rôles distincts et agissant de façons diverses sur les intérêts de la maison. Ce sont :

r° Le capitaliste ou propriétaire, qui fournit les fonds nécessaires à la marche de l'affaire et pour le compte duquel se réalisent généralement les bénéfices et les pertes;

2º Le gérant, qui est chargé de la direction de l'affaire et qui est l'intermédiaire entre le capitaliste et la troisième catégorie, savoir :

3° Les fournisseurs et les clients, dont le rôle s'explique de lui-même.

Il arrive parfois que le capitaliste et le gérant ne sont qu'une même personne; mais, dans ce cas, il est utile de dédoubler cette personnalité et de la considérer d'une part comme capitaliste, d'autre part comme gérant.

La division ci-dessus étant établie, on voit que tout fait commercial relatif à l'affaire sera relatif aussi à l'une ou à l'autre catégorie des personnes que nous avons énumérées. Le gérant devra au capitaliste tout ce qu'il aura reçu, soit de lui, soit des clients, puisqu'il est naturellement responsable des sommes qu'il encaisse. D'un autre côté, il sera libéré de tout ce qu'il aura payé soit au capitaliste, soit aux fournisseurs, puisqu'il est chargé de faire les payements de cette nature. De là ressort naturellement l'idée du débit et du crédit. Toutes les valeurs reçues par le gérant sont dues par lui et mises à son débit; toutes les sommes versées par lui cessent d'être dues et sont mises à son crédit. Il est bien entendu que lesdites valeurs peuvent être soit des sommes d'argent, soit des marchandises, et il en est absolument de même pour le capitaliste, les fournisseurs et les clients.

- 118. L'enregistrement des faits commerciaux a pour objet de noter tous ces faits au fur et à mesure qu'ils se produisent, ainsi que les parties qui y sont intéressées. Cet enregistrement s'effectue sur un livre dit journal dont nous parlerons ultérieurement. Il donne la nomenclature pure et simple des faits dans l'ordre de leur production.
- 119. La classification des faits commerciaux a pour objet de grouper l'ensemble des faits relatifs seulement à telle ou telle des parties intéressées. Un tel groupe s'appelle le compte de cette partie. Ainsi le compte du gérant comprend d'une part toutes les sommes dues par lui ou qu'il a reçues, d'autre part toutes les sommes qui lui sont dues ou qu'il a payées. L'ensemble des premières forme son débit; l'ensemble des secondes forme son crédit. La différence entre ces deux ensembles prend le nom de solde du compte. Ce solde est dit débiteur si le débit est supérieur au crédit; il est dit créditeur si le contraire se produit.

Cette classification s'opère à l'aide d'un registre qui prend le nom de grand-livre et dont nous indiquerons également le fonctionnement.

§ III. — Des deux principales méthodes de comptabilité.

120. De ce que nous venons de dire, on peut conclure que toutes les fois qu'un fait commercial se produit, il intéresse à la fois deux parties, car il est impossible que quelqu'un donne

sans qu'un autre reçoive; donc toute somme qui vient au débit d'une partie vient forcément au crédit d'une autre. Il y a deux méthodes de comptabilité.

L'une, qui est dite en partie simple, consiste à n'enregistrer les faits qu'une seule fois en indiquant les deux parties intéressées. Ainsi, si le gérant remet au capitaliste 10000 francs, on inscrira sur un registre :

Par capitaliste, remise du 15 janvier..... 10000 fr.

L'ensemble de toutes ces inscriptions convenablement groupées donnera évidemment la situation exacte de l'affaire.

121. L'autre méthode, qui est dite en partie double, consiste à inscrire deux fois chaque fait, une fois au compte de la partie qui est débitée, une autre fois au compte de la partie qui est créditée. Ainsi, dans le cas précédent, on inscrira au compte du gérant :

Par capitaliste, remise du 15 janvier..... 10000 fr.

Et au compte du capitaliste :

A gérant, sa remise du 15 janvier...... 10000 fr.

On voit que cette méthode exige une double inscription; mais elle présente cet avantage considérable que, le montant des débits étant égal au montant des crédits, l'ensemble des soldes créditeurs doit être égal à l'ensemble des soldes débiteurs; par suite, si une erreur s'est glissée dans une inscription, on en est immédiatement averti, et il est on ne peut plus facile de la retrouver en pointant les inscriptions du débit avec celles du crédit. Ces avantages considérables que présente cette méthode sur celle de la partie simple l'ont fait universellement adopter. C'est d'elle seule que nous nous occuperons.

§ IV. — DES LIVRES DE COMMERCE.

122. Les livres dont la tenue est prescrite par la loi sont le livre-journal, le copie des lettres, le livre des inventaires. Nous

lisons, en effet, dans le Code de commerce (titre II, art. 8 et 9):

« Tout commerçant est tenu d'avoir un livre-journal qui présente jour par jour ses dettes actives et passives, les opérations de son commerce, ses négociations, acceptations ou endossements d'effets, et généralement tout ce qu'il reçoit et paye à quelque titre que ce soit, et qui énonce mois par mois les sommes employées à la dépense de sa maison, le tout indépendamment des autres livres usités dans le commerce, mais qui ne sont pas indispensables. Il est tenu de mettre en liasse les lettres missives qu'il reçoit et de copier sur un registre celles qu'il envoie.

» Il est tenu de faire tous les ans sous seing privé un inventaire de ses effets mobiliers et immobiliers et de ses dettes actives et passives et de les copier, année par année, sur un registre spécial à ce destiné. »

Les autres livres, qui ne sont pas obligatoires, sont naturellement en nombre indéterminé et varient suivant la nature des industries, les besoins de l'affaire et même les idées du propriétaire ou du teneur de livres. Il y en a deux toutefois qui sont presque universellement employés, c'est le brouillard et le grand-livre.

Nous allons passer successivement ces différents livres en revue.

1º Brouillard.

123. Le brouillard n'est autre chose qu'un avant-journal. Il reçoit les inscriptions des faits commerciaux au fur et à mesure de leur production; il est tenu avec exactitude, mais sans beaucoup de soin; il sert au teneur de livres pour la confection quotidienne du journal.

Les faits y sont inscrits de manière que leur nature et celle des parties intéressées soient désignées d'une manière suffisamment claire.

Supposons, par exemple, que, dans la maison Pierre et Cie, on ait acheté à Paul pour 500 francs de marchandises; on inscrira au brouillard:

15 juin. Acheté à Paul marchandises diverses...... 500 fr.

Si le lendemain on remet à Paul 500 francs pour ces mar-

chandises, on inscrira:

16 juin. Payé à Paul pour ses marchandises..... 500 fr.

Toute autre formule pourrait être adoptée sans inconvénient.

2º Du livre-journal.

124. Le livre-journal est, sous une forme plus nette, la copie du brouillard. Il indique la partie qui est débitée et celle qui est créditée et le fait commercial. Il est facile de distinguer ces deux parties l'une de l'autre, en remarquant que celle qui est créditée est toujours celle qui donne, que celle qui est débitée est toujours celle qui reçoit.

Ainsi, pour les deux exemples ci-dessus, on écrira au journal :

15 juin. Pierre à Paul, pour achat de marchandises... 500 fr. 16 juin. Paul à Pierre, espèces pour solde..... 500

3º Du grand-livre.

125. Le grand-livre, ainsi que nous l'avons dit plus haut, est un registre où chaque partie intéressée a un compte dans lequel figurent toutes les sommes portées à son débit et à son crédit. Une simple addition donne le montant total de chacun d'eux, et la différence fournit immédiatement la situation du compte. Les mots débit et crédit sont remplacés au grand-livre par doit et avoir.

Reprenant encore l'exemple cité plus haut, nous donnons ci-dessous la disposition des comptes de Pierre et de Paul :

Doit	Paul	Avoir
Juin. 16 à Pierre.	500 » Juin. 15 par Pierre.	500 »

Doit	Pierre	Avoir
Juin. 15 à Paul.	500 » Juin. 16 par Paul	. 500 »

On voit que le débit et le crédit de Paul sont de même somme; par conséquent, il ne doit rien et il ne lui est rien dû. Il en est de même pour Pierre.

4º Des comptes généraux.

- 126. C'est ici le lieu de dire ce que l'on nomme les comptes généraux. Ceux-ci ne sont pour ainsi dire que des fractions du compte personnel du capitaliste ou du négociant. Ils ont pour objet de ne pas trop surcharger son compte personnel et de rendre plus limpide et plus facile l'examen de sa situation. Leur nombre et leur nature sont essentiellement arbitraires; nous allons passer en revue les plus usuels et les principaux.
- 1° Capital. Ce compte représente la fortune du négociant à l'ouverture de sa maison de commerce ou plutôt la portion de cette fortune, la somme qu'il entend consacrer à ses opérations commerciales. Ce compte se modifie dans la suite suivant que le commerce donne du bénéfice ou de la perte.
- 2º Caisse. Ce compte représente le négociant lorsqu'il s'agit du mouvement de ses espèces.
- 3° Marchandises générales. Ce compte représente le négociant chaque fois qu'il s'agit du mouvement des marchandises.
- 4° Effets à recevoir. Ce compte représente le négociant chaque fois qu'il s'agit d'effets à recevoir.
- 5° Effets à payer. Ce compte représente le négociant chaque fois qu'il s'agit d'effets à payer.
- 6° Pertes et profits. Ce dernier compte représente le négociant chaque fois que ses transactions donnent lieu à une perte ou à un bénéfice.

Par exemple, une marchandise est achetée 100 francs. On débite de 100 francs le compte marchandises générales par

le crédit du compte caisse ou du compte effets à payer, suivant que l'opération a eu lieu au comptant ou à terme.

Si la même marchandise est vendue 120 francs, elle donne 20 francs de bénéfice. On débite le compte caisse de 120 fr., dont 100 francs par le crédit du compte marchandises générales, qui se trouve ainsi soldé, et 20 francs par le crédit du compte profits et pertes, crédit qui représente les profits.

Si la marchandisc n'eût été vendue que 80 francs, laissant ainsi 20 francs de perte, on eût crédité le compte marchandises générales de 80 francs par le débit du compte caisse et de 20 francs par le débit du compte profits et pertes.

§ V. -- DE LA BALANCE.

127. A certaines époques et au moins une fois chaque année, le négociant qui veut s'assurer de la régularité de ses écritures établit la balance de ses comptes. Cette opération consiste à additionner le débit et le crédit de chaque compte et à faire ressortir dans une colonne le solde débiteur et dans une autre le solde créditeur. Il est évident, d'après ce que nous avons dit, que le total des débits doit être égal au total des crédits et que, par suite, l'ensemble des soldes créditeurs doit balancer l'ensemble des soldes débiteurs; de là le nom donné à cette opération qui a pour effet non-seulement de s'assurer de la régularité des comptes, mais encore de présenter dans un tableau synoptique le solde de chacun d'eux.

§ VI. - DE L'INVENTAIRE OU BILAN.

128. L'inventaire est, aux termes du Code de commerce, un relevé des effets mobiliers et immobiliers et des dettes actives et passives ». Les mots effets et dettes ne doivent s'entendre ici que de ce qui est relatif au commerce et non de ce qui concerne les affaires privées du négociant.

Il semble au premier abord que cet inventaire n'est autre chose que l'établissement de la balance ci-dessus et qu'en groupant d'une façon rationnelle les soldes des différents comptes on peut obtenir la situation du négociant. Il n'en est rien cependant. La balance représente bien le résultat des opérations au moment où elles ont eu lieu; mais, à partir de ce moment, des modifications incessantes se produisent dans ces résultats. Certaines marchandises haussent ou baissent de valeur d'après la situation du marché; d'autres se détériorent par le séjour dans les magasins; certains débiteurs deviennent insolvables et leurs effets à recevoir sont revenus impayés; le matériel a subi une détérioration d'usure dont il faut tenir compte. On voit donc que la balance conduirait à des résultats tout à fait faux.

Pour faire un inventaire exact, on s'applique à constater la situation des choses au moment où il se confectionne. A cet effet, on examine le solde de chaque compte et l'on applique aux articles qui le composent la valeur que l'on croit qu'ils ont réellement : par exemple, pour le compte marchandises générales, on fait le relevé de toutes les marchandises en magasin et l'on tarife chacune d'elles au cours du jour, en tenant compte de la dépréciation de vétusté. Pour le compte effets à recevoir, on examine tous les effets, on en distrait ceux qui sont irrécouvrables et l'on obtient le montant exact de cette portion de l'actif. Il est aisé de comprendre que, à la suite de cette opération, les chiffres du débit ne balancent plus ceux du crédit, puisqu'ils ont été établis indépendamment les uns des autres. Pour établir cette balance, on additionne les débits et les crédits et la différence des deux totaux est portée, si elle est débitrice, au crédit du compte profits et pertes, si elle est créditrice, au débit de ce compte.

On a ainsi le montant du bénéfice ou de la perte de l'année. Enfin le compte *profits et pertes* est lui-même soldé par le compte capital, dont la nouvelle valeur sert de point de départ pour les opérations de l'année suivante.

Nous venons d'exposer à peu près tout ce qui constitue la théorie de la comptabilité. Nous donnons ci-dessous à titre de spécimens le modèle du brouillard, du journal, du grand-livre, de la balance et de l'inventaire d'une maison de banque. Ces exemples suffisent pour éclaircir ce qui pourrait être resté d'obscur dans l'esprit des lecteurs peu familiarisés avec ces opérations.

§ VII. - APPLICATIONS.

129. Brouillard de la maison Pierre et Cie.

1 ^{er} mai.	
M. Pierre fonde une société en commandite au capital de 2000 000, composé de 2000 actions de 1000 francs	2 000 000
1 ^{er} juin.	
M. Pierre fait souscrire ses actions et le quart du capital est versé dans la Caisse de la Société	500 000
2 juin.	
Le sieur Bertrand nous donne un bordereau de valeurs diverses à l'escompte, nos 1, 2 et 3 (*)	25 249
Frais de négociation Bertrand pour les effets ci-dessus (**)	252 5
3 juin.	
Nous négocions à la Banque de France nos valeurs, nºs 1 et 2	20 000
3 juin.	
Intérêts à la négociation ci-dessus	63 1
A reporter	2 545 564 6

^(*) Nous avons soin d'entrer de suite ces valeurs sur notre livre d'entrée d'effets à recevoir, où nous leur donnons les nos 1, 2 et 3, p. 162.

^(**) Voir le bordereau de négociation, p. 159.

Report			2 545 564	65
4 juin.				
Nous avons un compte ouvert à Londres avec un crédit de 100000 L. au London and Westminster Bank. M. Bertrand nous demande un chèque de 500 L. payable à vue Change	12500 175 31	65	12 706 (65
5 juin.				
Nous achetons à la Bourse de ce jour à Antoine 50 000 marcs à 124 francs sur Berlin			62 000	
6 juin.				
Nous vendons ce jour à la Société générale nos 50000 marcs sur Berlin à 126 francs			63 000	
7 juin.				
M. Bertrand nous demande en compte en espèces			10 000	
8 juin.				
M. Bertrand nous remet un bordereau de diverses valeurs de			43 500	
Négociation Bertrand : Intérêts	320	85		
Commissions (*)	217		538	35
9 juin.				
M. Hugues nous demande un chèque sur Londres de 200 L	5000 50 12	7 5	5 062 7	75
10 juin.				
M. Hugues, pour nous couvrir du chèque remis hier, nous remet une valeur sur Bordeaux de	6000		6 000	
A reporter			2 748 372	40

^(*) Foir le bordereau de négociation, p. 159.

	Report			2 748 372 40	
	Frais de négociation Hugues : Intérèts	65 15		80	
	15 juin. Nous négocions ce jour à la Banque de				
	France les effets n° 6 et 7 Dito. Intérèts à la Banque de France sur notre			23 500	
	négociation de ce jour (**)			84	
	Nous déposons à la Banque de France en espèces.			200 000	
	20 juin. Nous remettons à M. Bertrand			10.000	
	22 juin.			10 000	
	Le London and Westminster Bank nous donne avis qu'il dispose sur notre Caisse d'un chèque de 200 L			5 000	
	M. Ledoux, agent de change, nous donne avis qu'il a acheté pour notre compte à la liquidation de fin juin 5000 francs de rentes				
	5 pour 100 au cours de 104 ^{fr} ,80			104 800	
	Nous payons: Notre loyer Les appointements du directeur du caissier	1500 1000 250		0.5	
	Les gages du garçon de bureau 30 <i>juin</i> .	100		2 850	
	Nous arrêtons le compte de Bertrand et nous voyons qu'il est créditeur d'intérêts se montant à (***)			81 10	
ĺ			3	094 767 50	

^(*) Voir le bordereau de négociation, p. 160. (**) Dito, dito. (***) Voir ce compte, p. 157.

130. Journal de la maison Pierre et C^{ie} (*).

	M. Pierre fait souscrire un capital de 2 millions à des actionnaires, qui deviennent par ce fait débiteurs de ces 2 millions à la Société que nous appellerons dans ce cas : Capital. Nous passerons donc au Journal:			
2 I	1 ^{er} mai. Actionnaires à Capital. Souscription du Capital social. (Nous détaillons nominativement tous les actionnaires)		2 000 000	
3	1 ^{er} juin. Caisse à actionnaires. (Nous détaillons ici tous les versements). 2 juin.		500 000	
5	Effets à recevoir à Bertrand, son bordereau de négociation de ce jour, n° 1, 2 et 3 Dito. Bertrand aux suivants.		25 249	
6	Ceux dus sur le bordereau ci-dessus A commissions: Celles dues sur le bordereau ci-dessus.	126 2 126 2		0
8/4	3 juin. Banque de France à effets à recevoir. Négociation de nos effets n° 1 et 2 3 juin.		20 000	
8	Intérêts à Banque de France: Ceux payés pour l'escompte de nos effets, n°s 1 et 2, suivant bordereau		63 1	5
$\frac{5}{9}$	Bertrand aux suivants		2 545 564 6	55

^(*) Voir, p. 1/6, la définition des nombres inscrits dans la première petite colonne à ganche.

Report Un chèque de ce jour à vue	12500		2 545 564 65
A change:	175		
A commissions: Celles dues par M. Bertrand		65	12706 65
5 juin.			
Effets à recevoir à Antoine. Achat de 50000 marcs sur Berlin, au change de 124 francs			62 000
6 juin.			
La Société générale aux suivants.			
Vente de 50 000 marcs à 126 francs	62000		
A change : Bénéfice sur les 50000 marcs ci-dessus.	1000		63000
7 juin.			
Bertrand à Caisse : Notre versement en compte			10 000
8 juin.			
Effets à recevoir à Bertrand : Son bordereau de ce jour remis à la négociation			43 500
Dito.			
A commissions:			
ciation ci-dessus	217	50	
Ceux dus par Bertrand pour le bordereau	2	0.5	538 35
	320	85	330 33
9 juin.			
A London and Westminster Bank:	5000		
A reporter			2 737 309 65
	Un chèque de ce jour à vue A change: Celui dû sur le chèque ci-dessus A commissions: Celles dues par M. Bertrand	Un chèque de ce jour à vue A change: Celui dû sur le chèque ci-dessus	Un chèque de ce jour à vue A change: Celui dù sur le chèque ci-dessus

	Report	5000	2 737 309 65
7	A commissions:	50	
10	Celle afférente à ce chèqueA change :	30	11
10	Celui afférent à ce chèque	12	75 5 062 75
	10 juin.		X
4 3	Effets à recevoir à Hugues :		
3	Sa remise sur Bordeaux en payement de		
	notre chèque d'hier		6 000
	Dito.		
3	Hugues aux suivants.		
6	A intérêts : Ceux dus sur la valeur de ce jour	e z	
7	A commission:	65	
	Celles dues sur la valeur de ce jour	15	80
	15 juin.		
8	Banque de France, à effets à recevoir.		
4	Négociation de nos effets, nos 6 et 7		23 500
6	Dito.		
8	Intérêts à Banque de France.		
	Ceux dus sur nos bordereaux de ce jour.		84
	18 juin.		
8	Banque de France à Caisse :		
3	Une remise en espèces		200 000
	20 juin .		
$\frac{5}{3}$	Bertrand à Caisse :		
3	Une remise en espèces		10 000
	22 juin.		
	·		
$\frac{9}{3}$	The London and Westminster Bank.		
3	A Caisse:		5
	Son chèque à vue		5 000
	29 juin.		
14	Rente 5 pour 100 à agent de Change Le-		
	doux.		
	Achat de 5000 francs de rentes 5 pour 100 au cours de 104 ^{fr} ,80		104 800

	Report			3 091 836 4	О
	3o juin.				
$\frac{16}{3}$	Frais généraux à Caisse.				
	Loyer : Celui échu ce jour	1500			
	Appointements:				
	Ceux du Directeur et son caissier Ceux du garçon de bureau	1250 100		2 850	
6	Dito.				
5	Intérêts à Bertrand, Ceux lui revenant sur son compte arrêté				
	à ce jour			81 1	0
	Total des opérations au 30 juin 1876			3 094 767 5	jo
	Les opérations étant ainsi clôturées, on solde les différents comptes, entre lesquels est divisé le compte, « profits et pertes », par ce compte général de la manière suivante :				
	30 juin.				
16	Profits et pertes à frais généraux. Solde de ce compte			2 850	
	30 juin .				
17	Les suivants à profits et pertes.				
6	Intérêts: Solde de ce compte	283	85		
7	Commissions:				
10	Solde de ce compte	440	40		
	Solde de ce compte	1187	75	1 912	
	Total			3 099 529	50

131. Grand-livre de la maison Pierre et Cie.

Nous ouvrons au grand-livre tous les comptes qui figurent au journal, et nous y portons, soit au débit, soit au crédit, chacune des sommes qui figurent à ces comptes, dans la forme expliquée p. 135. Nous avons eu soin, afin de pouvoir retrouver de suite à quelle page figure un article, de mettre sur le journal, dans la première petite colonne à gauche, le numéro du folio du grand-livre qui contient le compte auquel cet article se rapporte. De même, au grand-livre, nous mettrons le numéro du folio du journal où se trouve inscrit ce même article.

Chacune des pages qui suivent, jusqu'à la page 152 inclusivement, contient plusieurs folios du grand-livre. On distingue chaque folio par un numéro d'ordre, écrit en gros chiffres, placé, soit à droite, soit à gauche, au-dessus du cadre réservé au compte inscrit dans ce folio. C'est ainsi que dans la page 147 se trouvent les folios 1, 2 et 5 du grand-livre.

Avoir	2 000 000	Avoir	200 000	5 Avoir	10 000 200 000 10 000 2 850 227 850
A	1 Par actionnaires 226 2 o	A	Juin. 1 Par Caisse 226 50	A	7 Par Bertrand
Capital.	Mai. Par a	Actionnaires.	2 000 000 Juin. Par C	Caisse.	500 000 Juin. 7 Par E
			1 A Capital 226		Juin. 1 A Actionnaires 226
Doit		2 Doit	Mai.	Doit	igi gii

5		2.0)	
Aroir	20 000 62 000 23 500 105 500		Avoir	227 (3 500 227 (3 500 229 81,10 68 830,10
	226 227 228		VV	227
	Par Banque de France Société générale Banque de France			Par Effets à recevoir Dito
-	3 T			8 8 8
ir.	Juin.			Juin.
recerc			and.	
Effets à recevoir.	25 249 62 000 43 500 6 000 136 749	·	Bertrand.	252,50 12,706,65 10,000 538,35 10,000 33,497,50
	226 227 227 228			226 227 227 228
nit	Juin, 2 A Bertrand		ne	Juin. 2 A Divers. "
Doit		\$	Dort	

6		- 1	
Avoir	126,25 320,85 65 512,10	Avoir	126,25 31,65 217,50 50 15 (10,40
	226 227 227	_	226 227 227 228 228
	Par Bertrand Dito Hugues Total		2 Par Bertrand
	2.40		2 7 7 8 8 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
	Juin.	· su	Juin a a a a
Intérêts.	63,15 84 81,10 283,85	Commissions.	440,40
	226 228 228 228		229
	Juin. 3 A Banque de France 3 Dito Bertrand Profits et pertes		Juin. 30 A Profits et pertes
Doit		Doit	

9

	DESCRIPTION OF THE PROPERTY OF			1				Avour
Juin. 3 A Effets à recevoir » 5 Dito » 6 Caisse	226 227 227	20 000 23 500 200 000	Juin.	3 P	Par Intérêts		226	63,15
Total	a a marifi dell'Address	243 500			Total	Total		147,15
	London	London and Westminster Bank.	ıster Ban	اخنه				9 Avoir
Juin. 22 A Caisse	228	2000	Juin.	-4 C	4 Par Bertrand		226	12 500 5 000 17 500
-		Change.					_	Avoir
Juin. 30 A profits et pertes	229	1187,75	Juin.	6 0 0	f Par Bertrand		227	175 1000 12,75 1187,75

Aroir	62 000	Avoir		15 Avoir	00009		Avoir	
	227			11	228			
6.	Juin. 5 Par Effets à recevoir	srale.			Juin. 10 Par Effets à recevoir		7 100.	
Antoine.		Société générale.	63 000	Hugues.	5062,75	5142,75	Rente 5 pour 100.	104 800
			227		227			228
Doit		Doir	Juin. 6 A Divers	Doit	Juin. 9 A Divers	Total	14. Doit	Juin. 29 A Agents de change

Avoir	10, 800	Avoir	2850	Avoir	1912
	Juin. 29 Par Rente 5 pour 100 228		Juin. 30 Par Profits et pertes 229		Juin. 30 Par Divers 229
Agents de change.		Frais généraux.	1500 1250 100 229 2850	Profits et pertes	229 2850 1 Ju
Doit	Juin.	16 Doit	Juin. 30 A Caisse loyer Dito appointement Dito dito	Doit	Juin. 30 A Frais généraux

- 152 -

132. Livre des comptes-courants et d'intérêts de la maison Pierre et Cie.

Les sommes remises aux clients ou reçues d'eux devant porter intérêt au profit de la maison ou à leur profit, il est ouvert à chacun d'eux un compte dit Compte-courant et d'intêrêts, sur lequel est inscrit le montant en capital des sommes reçues ou payées et qui permet, en outre, de se rendre compte, très-rapidement et à chaque instant, du montant des intérêts échus par la méthode que nous allons exposer, qui est dite méthode indirecte.

Les intérêts à porter, soit au débit, soit au crédit de chaque compte, sont évidemment les intérêts échus, à partir du jour où chaque somme est versée jusqu'au jour où le compte est soldé. Mais ce procédé ne permettrait de calculer les intérêts que le jour où l'on arrêterait le compte, ce qui exigerait à ce moment un nombre de calculs considérable. La méthode indirecte repose sur ce principe que, pour avoir l'intérèt d'une somme pendant $n - n_1$ jours, il suffit de calculer l'intérêt pendant n jours et d'en retrancher l'intérêt pendant n_i jours. Elle consiste, en conséquence, à calculer au fur et à mesure de l'inscription de chaque somme au débit ou au crédit du compte l'intérêt couru depuis l'époque de l'ouverture du compte jusqu'au jour de l'inscription. Au moment où l'on arrête le compte, on calcule l'intérêt du total des sommes portées au débit et du total porté au crédit pendant la durée du compte, et l'on retranche de chacun de ces intérêts le total des intérêts partiels précédemment calculés. On a ainsi le montant des intérêts à porter au débit et au crédit, et leur différence donne le solde des intérêts, débiteur ou créditeur, à ajouter au solde des capitaux.

Pour simplifier l'opération, au lieu de calculer séparément les intérêts du total des capitaux du débit et du total des capitaux du crédit, on fait la différence de ces deux totaux qui porte le nom de balance des capitaux. On porte cette différence dans la partie du compte réservée au débit si elle est créditrice et dans la partie réservée au crédit si elle est débitrice. On calcule l'intérêt de cette différence et l'on ajoute cet intérêt à ceux qui se trouvent déjà dans la portion du compte où elle figure. On voit aisément que, de cette façon, on trouve dans la partie du compte réservée au débit tous les intérêts créditeurs, et dans la partie réservée au crédit tous les intérêts débiteurs. La disposition des colonnes intérêts est donc l'inverse de la disposition des colonnes capitaux.

133. Il est facile de démontrer que le résultat obtenu par cette méthode est identique à celui que fournirait la méthode directe.

Soient

a1, a2, a3 les capitaux portés au débit du compte;

 n_1, n_2, n_3 les nombres des jours écoulés, depuis l'époque de l'ouverture jusqu'au jour de l'inscription de ces capitaux; a'_1, a'_2, a'_3 les capitaux portés au crédit du compte;

n'₁, n'₂, n'₃ les nombres des jours écoulés depuis l'époque de l'ouverture jusqu'au jour de l'inscription de ces capitaux;

n le nombre de jours écoulés depuis l'époque jusqu'à la clôture du compte;

i l'intérêt de 1 franc pour un jour, d'après le taux adopté.

Supposons, pour fixer les idées, que ces nombres soient tels que

 $a_1 + a_2 + a_3 > a'_1 + a'_2 + a'_3$.

Les intérêts, calculés d'après la méthode directe, seront au débit

$$[a_1(n-n_1)+a_2(n-n_2)+a_3(n-n_3)]i$$

et au crédit

$$\left[a_{_{1}}^{\prime}\left(n-n_{_{1}}^{\prime}\right)+a_{_{2}}^{\prime}\left(n-n_{_{2}}^{\prime}\right)+a_{_{3}}^{\prime}\left(n-n_{_{3}}^{\prime}\right)\right]i$$

et la balance des intérêts à porter au débit sera

(1)
$$\left\{ \begin{array}{l} i \left\{ \left[a_1(n-n_1) + a_2(n-n_2) + a_3(n-n_3) \right] \\ - \left[a'_1(n-n'_1) + a'_2(n-n'_2) + a'_3(n-n'_3) \right] \right\}, \end{array} \right.$$

cette expression pouvant d'ailleurs être positive ou négative.

Par la méthode indirecte on calculera au débit du compte les intérêts non courus

$$(a_1 n_1 + a_2 n_2 + a_3 n_3) i$$

et au crédit les intérêts non courus

$$(a'_{1} n'_{1} + a'_{2} n'_{2} + a'_{3} n'_{3}) i;$$

on ajoutera ensuite, dans la partie réservée au crédit, l'intérêt de la balance des capitaux pendant la durée du compte, soit

$$(a_1 + a_2 + a_3 - a'_1 - a'_2 - a'_3) ni.$$

La balance des intérêts se calculera, en portant au crédit des intérêts les sommes inscrites dans la partie débit du compte et au débit des intérêts les sommes inscrites dans la partie crédit du compte. On aura donc pour cette balance, en retranchant le crédit du débit,

(2)
$$\left\{ \begin{array}{l} \left[\left(a_1 + a_2 + a_3 - a'_1 - a'_2 - a'_3 \right) n \\ + a'_1 n'_1 + a'_2 n'_2 + a'_3 n'_3 - a_1 n_1 - a_2 n_2 - a_3 n_2 \right] i. \end{array} \right.$$

Il est facile de voir que cette expression, qui peut d'ailleurs être positive ou négative, est identique à l'expression (1).

134. Nous allons appliquer cette méthode au calcul du compte-courantet d'intérêt de Bertrand (voir le modèle ci-après).

Le compte s'ouvre le 2 juin et il est clôturé le 20 du même mois. Le 2 juin, nous avons une inscription au débit et au crédit. Cette inscription ne donne lieu à aucun intérêt couru. Nous inscrivons en face le mot époque.

Dans une colonne placée à droite de la colonne des capitaux, et en tête de laquelle est le mot époque, nous inscrivons à chaque remise le nombre de jours écoulés depuis l'époque jusqu'au jour de la remise inclus.

Dans une colonne placée à droite de celle-ci, nous inscrivons immédiatement les intérêts courus pendant ce nombre de jours.

Ainsi, le 4 juin, il a été remis à Bertrand par divers

12706 fr, 45. Le nombre de jours écoulés est 4-2=2, et l'intérêt afférent à ces deux jours au taux de 3 pour 100 est de 2^{fr} , 10.

De même, le 8 juin, Bertrand a remis à effets à recevoir 43850 francs. Le nombre de jours écoulés depuis l'époque est de 6. L'intérêt afférent à ces six jours est de 21 fr, 75.

Au 20 juin, date de la clôture du compte, nous faisons le total des capitaux au débit et des capitaux portés au crédit	33497,50 68749
La balance des capitaux	35251,50
et nous calculons les intérèts	82,15
rêts créditeurs deet au crédit une somme d'intérêts débiteurs de.	102,85
La balance des intérêtsdoit donc être ajoutée aux capitaux portés au <i>crédit</i> du compte, ce qui nous donne pour le total	81,10
de ce crédit	68830,10
taux du débit	33497,50
On obtient le solde à nouveau	35332,60

Doit

Avoir

			Jours							JOURS	
E	A Divers (1) 252,50		Époque	^	» Juin. 2	1. 2	Par effets à re-	9-			
(3)	Dito (2) 13706,65		8	01 6	0		cevoir	cevoir (1) 25249	Époque		~
3	Caisse (3) 10000			3 35		00		Dito, dito. (4) 43500	68749	9	21 75
25	Divers (5) 538,35		*	0 25					:		
9	Caisse (6) 100000		18	1.5							
	-	33/97,50									
							Balance des	S			
	èn.	35251,50 18	81	82 15	55		intérêts.	81,10			81 10
									,		
	35332,60										
	68830 10 68770	37.60		1 00	1 30			68830, 10 687,10	68710		102 85

135. Bordereaux de négociation.

Tous les effets négociés, soit à la maison, soit par la maison, font l'objet d'un bordereau sur lequel figurent le montant des intérêts et le montant de la commission. Nous donnons ci-dessous trois modèles de ces bordereaux, sur la contexture desquels il est inutile d'insister. Il sera facile au lecteur, en se reportant au grand-livre et au journal, de se rendre compte de la concordance de ces bordereaux avec les écritures passées aux différents comptes.

Lorsque les banquiers ont des capitaux disponibles dont ils ne trouvent pas facilement l'emploi, ils escomptent des effets de tout repos au-dessous du taux de la Banque de France.

Pour faire encaisser ces effets par cet établissement, ils sont obligés de les lui remettre 10 jours avant leur échéance. Ils demandent un supplément de commission pour s'indemniser de la perte qu'ils subiraient pour la différence d'intérêt correspondant à ces 10 jours.

Paris, le 2 juin 1876.

JIT a sion.	5.5 5.0	50
PRODUIT de la commission.	126	21.2
TAUX de la commission.	» 255 25 25 / ₂ p. 100 50	'/ ₂ p. 100
	25 25 × × × × × × × × × × × × × × × × ×	35 50 50 35 35 35 35 35 35 35 35 35 35 35 35 35
PRODUIT de l'intérèt.	50 50 26 126 126 252	133 75 112 320 217 538
TAUX de l'intérèt.	6 p. 100	e e e
JOURS.	30	-10 -25 -50 -50
ÉCHÉANCES.	Juin.	Juillet. " "
ієсті	30 %	25 25 31
VILLES	Lille	Bordeaux
	20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 2	35 85
SOMMES.	10 000 10 000 5 249 25 249 252 24 996	20 000 110 000 13 500 43 500 638 42 961

Paris, le 10 juin 1876.

The same of the same of the same of the same of	programme of the production	62	grid to the state of the grid way.	
PRODUIT de la commission.	1.0°.	1876.	PRODUIT de la commission.	
TAUX do la commission.	1/4 p. 100	Paris, le 15 juin 1876.	TAUX do la commission.	
r ėt.	8 0 8	aris,	٦. نو.	8 85
PRODULT de l'intérêt.	65 15 80	_	PRODUIT de l'intérêt.	85, 50
TAUX de l'intérêt.	65 6 p. 100	.e.	TAUX de l'intérêt.	40 3 p. 100
Jours.	65	ranc	JOURS.	55
ÉGILÉANGES.	15 Août.	Negocié à la Banque de France.	і́спі́Амскs.	31 " " " " " " " " " " " " " " " " " " "
VILLES.	Bordeaux	Nėgociė à la	VILLES.	Bordeaux
SOMMES.	6000 » 80 » 5920	0	SOMMES.	10 000 " " " " " " " " " " " " " " " " "
		ŝ	0,	6 6

136. Livre d'effets à recevoir.

Tous les effets à recevoir sont inscrits au fur et à mesure de leur entrée sur un registre spécial (voir modèle ci-après). L'entête du registre suffit pour en expliquer l'usage.

Il en est de même des effets à payer au fur et à mesure de leur émission. Ceux-ci sont inscrits, en outre, à un carnet d'échéances aux dates indiquées pour leur payement.

Livre d'esfets à recevoir de la maison Pierre et C^c.

· S	a la	Ÿ	<u>е</u>	-523	:	а Ја е	-	The state of the s
SORT des effels.	Négocié à la Banque	<u> </u>	» Vendu å la	Societe ge-	nérale	Něgocié à la Banque	â	g
ORDRE.	Leur compte.							
LEUR VILLE.	Paris.							
THEURS OU confection-	Jacques, Lille, Traite Juin Bertrand Paris, Eux-mêmes, Paris, Leur compte.							
LEUR VILLE.	Paris.							
CÉDANTS.	Bortrand				" Bertrand			Hugues.
DATES des effets.	\		~	ê	ê	2	å	-
1	(Juj		=			*		<u> </u>
AATURE des effets.	Trail		-			*	e e	2
LIEUX de payement.	Lille	8	Plorent. Châteauroux.	Berlin	Jacques. Lille	Philippe Bordeaux .	Thomas. Marseille	Léopold, Bordeaux.
SUR QUI.	Jacques.	*	Florent.	Frédéric	Jacques.	Philippe	Thomas.	Léopold.
MONTANT SUR	ł.	10000	52/19	62000	20 20000	25 10000	31 13500	00009
NCES.	30		2	-7.3	20	25	3.1	-5
ÉCIIÉA!	Juin	<u>^</u>	2	Juille	2	2	<u> </u>	Août
CRÉDITEURS ÉCHÉANGES.	Juin. ? Bertrand. Juin. 30 10000	a	*	5 Antoine. Juillet 15 62000	S Bertrand	\$	*	ro llugues Août. 15 6000
	(c.	â	â	10	20	ŕ	*	0_
ENRECISTREMENT. Nos. Dates.	Juin.	*	\$	2	ŝ	2	£	â
ENREG Nos.	1	G.	က	4	r3	9	7	∞

137. Livre de caisse de la maison Pierre et Cie.

Ce livre est tenu par le Caissier.

Celui-ci écrit au débit toutes les sommes encaissées par lui, et au crédit toutes les sommes payées.

Les inscriptions sont faites au fur et à mesure des opérations, de telle façon qu'à chaque instant la différence entre le débit et le crédit soit égale au montant de l'encaisse.

Chaque soir, le débit et le crédit sont additionnés, et le second est déduit du premier, de façon à former un solde qui est égal au montant des espèces. Ce solde forme la première inscription de la journée suivante.

La simplicité de ce compte nous dispense d'en donner un modèle.

138. Balance de vérification.

Cette balance s'établit au moment de la clôture du journal et avant la passation des écritures au compte profits et pertes (voir modèle ci-après, Balance n° 1).

On additionne les débits et les crédits du grand-livre. On porte ces totaux dans les colonnes ad hoc de la balance en face du titre de chaque compte, et l'on fait ressortir les soldes débiteurs et créditeurs. On additionne ensuite les débits et les crédits, qui doivent donner des totaux identiques aussi au total du journal. Cette opération a pour objet de s'assurer de l'exactitude des opérations faites au grand-livre et de leur concordance avec celles du journal.

Pierre et Cie. Balance au 30 juin 1876.

Capital Actionnaires Compres Capital Carise Actionnaires Capital Actionnaires Capital C		urs.	(-					09	85	40			75			25				85
Capital Capital Débiteurs Capital 2 000 000 1 500 000 Actionnaires 2 000 000 1 500 000 Cabisse 200 000 1 500 000 Effets à recevoir 136 749 10 500 Detriand 136 749 50 68 830 Intérêts 10 68 830 10 31 249 Intérêts 228 25 512 10 440 40 Commissions 147 15 243 352 London and Westminster Bank 5 000 1 75 500 Change 1 187 75 15 243 352 Antoine 63 000 1 187 75 Antoine 63 000 1 187 75 Routes 5 pour 100 104 800 104 800 Rentes 5 pour 100 2 850 Prais généraux 2 850 Rentes 6 change 2 850	DES	Créditeurs.		2 000 000				35332	283	440		12 500	1 187	62 000		857		104 800		
Capital. Capital. Capital. Capital. Capital. Canimaries. Caisse. Commissions.	Tos	rs.			_						85									_
Capital. Débir. Criébir. Capital. 2 000 000 500 000 Caisse 2 000 000 500 000 Caisse 136 749 105 500 Bertrand. 136 749 105 500 Bertrand. 136 749 105 500 Intérêts. 228 25 512 Commissions. 243 500 147 London and Westminster Bank. 5 000 17 500 Change 5 000 17 500 Change 5 000 104 800 Rociété générale. 5 142 75 6 000 Rentes 5 pour 100. 104 800 104 800 Frais généraux. 2 850 104 800	200	Débiteu	100		1 500 000	272 150	31249				243 352				63 000		104800		2850	109 216 6
Capital. Capita			1_					10	10	40										
Capital. Capital. Capital. Capital. Capital. Actionnaires. Caisse. Commissions. Bartrand. Intérêts. Commissions. Banque de France. Commissions.	crédit.			2 000 000	500 000	227 850	105 500	68 830	512	440	747	17 500	1 187	62000		000 9		104 800		3 000 767
Capital. Capital. Capital. Capital. Capital. Actionnaires. Caisse. Commissions. Bartrand. Intérêts. Commissions. Banque de France. Commissions.			Ì				_	50	25							75				200
	DÉBIT.				2 000 000	500 000	136 749	33 497	228		243 500	5 000			63 000	5 142	104 800		2 850	3 00 5 267
46100400000000400	COMPTES.			Capital			Effets à recevoir			Commissions			10 Change	Antoine			14 Rentes 5 pour 100		16 Frais généraux	

139. Balance d'inventaire.

On passe ensuite au journal et au grand-livre les articles qui doivent figurer au compte profits et pertes. On met au débit de ce compte toutes les sommes irrécouvrables, qui se bornent ici aux frais généraux, et au crédit du compte toutes les sommes dont la Société est entrée définitivement en possession, sayoir:

Intérêt	283,85
Commission	440,40
Change	1187,75
Total	1912,00

On inscrit ces opérations au journal et au grand-livre, et, après cette opération, on établit une nouvelle balance qui doit concorder avec les nouvelles écritures (*voir* modèle ci-dessous, n° 2).

Cette balance révèle au compte *profits et pertes* un solde débiteur de 938 francs. Les opérations de la Société, pendant le mois de juin 1876, se soldent donc par 938 francs de perte.

Il est évident que cette perte diminue d'autant le capital social; mais on laisse subsister les écritures sous cette forme, parce que, dans les Sociétés montées par actions, il est d'usage de ne pas toucher au chiffre du capital.

S'il y avait eu un bénéfice, on aurait ouvert un compte réserve, par le crédit duquel on aurait soldé le compte profits et pertes, ou bien on aurait laissé subsister ce compte avec son solde créditeur.

Pierre et Gie. Balance au 30 juin 1876.

SOLDES.	Débiteurs, Créditeurs.	2 000 000	1 500 000	272 150	31 249	35 332			2.(332 85	12 500		62 000	63 000	857	104 800	104 800		938
crédit.		000	500 000 1 50			10	512 10	440 40	15	17 500	I 187 75	62 000	9	000 9		104 800	2 850	1 912
DÉBIT. CI		2 000 000			_	50	IO	40		5 000	I 187 75 I	62	00	5 142 75 6		tor	2 850	2 850
DÉ			2 000 000	500 000	136 749	33		7	243 500	5.	I		63 000	5	104 800		3 2	
COMPTES.		Capital.	Actionnaires	Caisse	Effets à recevoir	Bertrand	Intérêts	Commissions	Banque de France	London and Westminster Bank	Change	Antoine	Société générale	llugues	Rentes 5 pour 100	Agents de change	Frais généraux	Profits et pertes

140. Inventaire de la maison Pierre et Cie.

L'inventaire n'est autre chose, ainsi que nous l'avons dit, que le relevé partiel de la balance d'inventaire, relevé comprenant seulement les comptes qui présentent un solde débiteur ou créditeur. L'ensemble des comptes débiteurs forme l'actif de la Société et l'ensemble des comptes créditeurs son passif. Il s'établit de la façon ci-dessous :

Pierre et Cie. Inventaire au 30 juin 1876.

ACTIF. Comptes débite	ırs.	PASSIF. Comptes créanci	ers.
Actionnaires Caisse Effets à recevoir Banque de France Société générale Rentes 5 pour 100 Pertes Total	1 500 000 272 150 31 249 243 352 8 63 000 104 800 938 2 215 489	Antoine	2 000 000 35 332 60 12 500 62 000 857 25 104 800 2 215 489 85

VIII. - OUVERTURE ET CLÔTURE DES ÉCRITURES.

141. Il est maintenant facile à tout lecteur de ce qui précède de se rendre compte de la façon dont on doit installer la comptabilité d'une entreprise quelconque.

Qu'il s'agisse d'une maison de commerce, d'une banque, d'une Compagnie d'assurances, il est impossible d'admettre qu'une entreprise fonctionne sans argent, et dès lors trois comptes sont indispensables à l'origine de toute affaire:

Le compte capital;

Le compte actionnaires, qui peut être remplacé, quand il s'agit d'une maison de commerce, par un compte individuel ouvert à chaque associé;

Le compte caisse.

Enfin, si l'apport social est effectué en totalité ou en partie sous forme de marchandises, de matériel, d'effets à recevoir, etc., on ouvrira, pour ces différentes formes de l'apport, autant de comptes qu'il sera nécessaire.

La première opération consistera à créditer le compte capital du montant du capital social. Ce crédit lui sera donné par le débit du compte actionnaires ou des comptes associés, lesquels, au moment où ils constituent la Société, deviennent débiteurs, ipso facto, du montant de leur apport promis, apport qui passe à l'état de dette toujours exigible, et qui forme la garantie des tiers.

Le compte actionnaires (nous ne considérerons, pour simplifier, que le cas d'une Société anonyme), ainsi débité du montant du capital, sera crédité des versements effectués en espèce par le débit du compte caisse.

Enfin le compte caisse sera débité des versements effectivement faits par le crédit du compte actionnaires, dont les titulaires ne resteront alors débiteurs que du montant du capital non versé.

L'affaire étant ainsi organisée, on ouvre les comptes auxiliaires dont nous avons parlé au fur et à mesure que le besoin s'en fait sentir.

142. A la fin de chaque exercice, il est nécessaire d'en elôturer les écritures, et l'on se sert pour cela d'un compte auxiliaire appelé balance de sortie.

On porte au débit de la balance de sortic le solde de tous les comptes qui, à l'inventaire, sont débiteurs et à son crédit le solde de tous les comptes qui sont créditeurs, de façon à solder entièrement les comptes de l'exercice. L'ensemble des premiers soldes (comptes débiteurs) constitue l'actif de la Société; l'ensemble des seconds (comptes créanciers) forme le passif.

Ainsi, dans l'exemple que nous avons choisi, on passera au journal les articles ci-dessous :

Les suivants à balance de sortie.

Capital	2 000 000
Bertrand	35 332,60
London and Westminster Bank	12500
Antoine	62 000
Hugues	857,25
Agents de change	104 800
	2215 489,85

Balance de sortie aux suivants.

Actionnaires	1 500 000
Caisse	272 150
Effets à recevoir	31 249
Banque de France	243 352,85
Société générale	63 000
Rente 5 pour 100	104 800
Profits et pertes	938
	2215489,85

On remarquera que ce compte est naturellement balancé, puisqu'il n'est que la reproduction de l'inventaire.

143. Ce compte sert alors de nouveau point de départ aux écritures de l'exercice suivant, et l'on rouvre les écritures par un compte auxiliaire dérivant du précédent, que l'on appelle balance d'entrée.

On débite la balance d'entrée de tous les soldes inscrits au crédit de la balance de sortie, et on la crédite de tous les soldes inscrits au débit de celle-ei. Exemple :

Balance d'entrée aux suivants.

Capital	2 000 000
Bertrand	35 332,60
London and Westminster Bank	12 500
Antoine	62 000
Hugues	857,25
Agents de change	104 800
	2 215 489,85

Les suivants à balance d'entrée.

Actionnaires	1 500 000
Caisse	272 150
Effets à recevoir	31 249
Banque de France	243 352,85
Société générale	63 000
Rente 5 pour 100	104 800
Profits et pertes	938
	2 215 489,85

Au grand-livre, ces écritures trouvent leur contre-partie au débit et au crédit de chaque compte particulier et l'on repart de ces nouveaux soldes pour l'exercice courant.

L'étude de ce Chapitre aura initié le lecteur au mécanisme et aux procédés de la comptabilité. Ce serait une erreur de croire que leur connaissance approfondie suffit pour faire un bon comptable. Le bon comptable ne se distingue pas seulement par la rapidité et la précision avec laquelle il met en lumière les résultats matériels des chiffres qu'il manipule; il doit encore tirer de ces résultats et faire ressortir à propos les réflexions que leur examen suggère au point de vue des intérêts dont-il a la charge. Faute par lui de tirer en temps utile les conclusions que les chiffres comportent, son travail risquera fort de demeurer stérile et il pourra être un calculateur des plus habiles, mais non point un bon comptable. Pour mériter ce dernier titre, il est indispensable de joindre l'intelligence, la sagacité et le flair à l'habileté mécanique. Mens agitat molem!

TABLE I

POUR LES CALCULS RELATIFS

AUX QUESTIONS D'INTÉRÊTS COMPOSÉS ET D'ANNUITÉS.



TABLE

POUR LES CALCULS RELATIFS

AUX QUESTIONS D'INTÉRÊTS COMPOSÉS

ET D'ANNUITÉS.

Cette Table comprend, à chaque page, quatre colonnes donnant respectivement, pour les taux les plus usuels d'intérêt, et jusqu'à 100 années :

- 1° La valeur acquise par 1 franc placé à intérêt composé pendant un nombre entier d'années;
- 2° La valeur actuelle, déterminée par l'escompte à intérêt composé, de 1 franc exigible après un nombre entier d'années;
- 3° La valeur actuelle d'une annuité immédiate de 1 franc composée d'un nombre entier de termes;
- 4° L'annuité nécessaire pour faire les services d'intérêt et d'amortissement d'un emprunt de 1 franc remboursable en un nombre entier d'années.

³/₄ pour 100.

l					
ANNÉES.	valeur acquise par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE d'un certain nombre d'annuités de 4 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.
12345 678910 1123145 16789 202345 202789	un certain nombre	certain nombre		d'un emprunt	1 2 3 4 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 4 25 26 27 8 29
30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 44 45 46 44 49 50	1,24197 76 1,260656 30 1,270111 22 1,279637 06 1,289234 34 1,298903 59 1,308645 37 1,318460 21 1,328348 66 1,338311 28 1,348348 61 1,358461 23 1,368649 69 1,378914 56 1,389256 42 1,399675 84 1,410173 41 1,420749 71 1,431405 33 1,442140 87 1,452956 93	0,79918 69 0,79918 69 0,79918 69 0,79323 76 0,78147 16 0,77565 42 0,76988 01 0,76414 90 0,75846 05 0,75281 44 0,74721 03 0,74164 80 0,73612 70 0,7364 72 0,72520 81 0,71880 95 0,71445 11 0,70913 26 0,70385 37 0,69861 41 0,69341 35 0,68825 16	26,77568 02 27,56831 78 28,35565 04 29,13712 20 29,91277 62 30,68265 63 31,44680 53 32,20526 58 32,95808 02 33,70529 05 34,44693 84 35,18306 54 35,91371 26 36,63892 07 37,35873 02 38,07318 14 38,78231 40 39,48616 77 40,18478 19 40,87819 54 41,56611 71	0,037348 16 0,036273 52 0,035266 34 0,034320 48 0,033430 53 0,032591 70 0,031799 73 0,031050 82 0,030341 57 0,02968 93 0,029030 16 0,028422 76 0,027203 38 0,027203 38 0,026767 51 0,076265 21 0,025784 95 0,025325 32 0,024885 04 0,02462 92 0,024057 87	30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 50

³/₄ pour 100.

I		74 1				
CONTRACTOR OF PERSONS	ANNÉES.	valeur acquise par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'uu emprunt de 1 franc.	ANNÉES.
	51 52 53 55 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 71 72 73 74 75 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 87 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88		d'années. 0,68312 82 0,67804 29 0,67299 55 0,66301 29 0,65807 73 0,65317 85 0,64348 99 0,63869 97 0,63394 51 0,62922 81 0,61527 81 0,61989 27 0,61527 81 0,60615 17 0,50716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,59716 07 0,55832 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,57938 33 0,575416 77 0,54594 71 0,54594 71 0,54594 71 0,54594 71 0,54594 71 0,54594 71 0,54594 71 0,54594 71 0,54594 71 0,552592 68	de 1 franc. 42,24957 53 42,92761 81 43,66061 35 44,26859 90 44,93161 19 45,58968 93 46,24286 78 46,89118 39 47,53467 38 48,17337 35 48,80731 86 49,43654 45 50,06108 64 50,68097 91 51,29625 71 51,29625 71 51,29625 71 51,30462 21 54,89292 52 55,47684 88 56,63642 56 56,63168 79 57,20266 79 57,76939 75 58,33190 81 58,89023 14 59,44439 84 59,99444 01 60,54038 72 61,08227 02 61,62011 93 62,15396 46 62,68383 58 63,20976 26	d'uu emprunt de 1 franc. 0,023668 88 0,023295 03 0,022935 46 0,022589 38 0,02256 05 0,021634 96 0,021634 96 0,021637 27 0,020758 36 0,02037 27 0,020758 36 0,02037 27 0,020758 36 0,019975 60 0,019975 60 0,019965 24 0,019042 86 0,018827 16 0,018617 85 0,018414 64 0,018217 28 0,017657 96 0,017481 70 0,017481 70 0,017481 70 0,017481 70 0,017481 70 0,017481 70 0,017310 20 0,017481 70 0,017481 70 0,017310 20 0,017481 70 0,016822 44 0,016668 21 0,016517 90 0,016371 36 0,016328 47 0,016068 08 0,015953 08 0,015820 34	51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 71 72 73 74 75 77 80 81 82 83 84 85 86
The second secon	87 88 89 90 91 92 93 94 95	1,915665 90 1,936033 30 1,944508 65 1,959092 46 1,973785 65 1,988589 05 2,003503 46 2,018529 74 2,033668 71	0,52201 17 0,51312 57 0,51426 87 0,51044 04 0,50664 06 0,50286 91 0,49912 57 0,49541 01 0,49172 22	63,73177 43 64,24090 00 64,76416 88 65,27460 92 65,78124 98 66,28411 89 66,78324 46 67,27865 47 67,77037 68	0,015690 76 0,015544 64 0,015319 89 0,015201 90 0,015201 90 0,015086 57 0,014973 82 0,014863 56 0,014755 71	87 88 89 90 91 92 93 94 95
The same of the sa	96 97 98 99 100	2,048921 23 2,064288 14 2,079770 30 2,095368 58 2,111083 84	0,48806 17 0,48442 85 0,48082 23 0,47724 30 0,47369 03	68,25843 86 68,74286 71 69,22368 94 69,70093 24 70,17462 27	0,014650 20 0,014546 96 0,014445 92 0,014347 01 0,014250 17	96 97 98 99 100

1	our	100.
---	-----	------

100	ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.
	12345 678910 1123144 15 1678190 11223245 678910 1123345 3678890 41233445 467849 50	1,010000 00 1,020100 00 1,030301 00 1,040604 01 1,051010 05 1,061520 15 1,072135 35 1,082856 71 1,093685 27 1,104622 13 1,115668 35 1,126825 03 1,138093 28 1,149474 11 1,160968 96 1,172578 64 1,184304 43 1,195147 48 1,208108 95 1,220190 04 1,232391 94 1,244715 86 1,257163 02 1,269734 65 1,282431 99 1,295256 31 1,308208 88 1,321290 97 1,334503 88 1,321290 97 1,34595 99 1,416602 76 1,430768 78 1,445076 47 1,459527 24 1,474122 51 1,488863 78 1,445076 77 1,459527 24 1,474122 51 1,488863 77 1,5584518 79 1,5584518 79 1,5584518 79 1,5584518 77 1,5586263 44 1,612226 08 1,62348 34 1,612226 08 1,62348 34	0,99009 90 0,98029 60 0,98029 60 0,97059 01 0,96098 03 0,95146 57 0,94204 52 0,93271 81 0,92348 32 0,91433 98 0,90528 70 0,89632 37 0,87866 26 0,86936 30 0,86134 95 0,85282 13 0,84437 75 0,83601 75 0,83691 45 0,81143 02 0,80339 62 0,79454 18 0,76460 36 0,76460 36 0,76460 36 0,76460 36 0,76460 36 0,76460 37 0,72010 31 0,72010 31 0,72010 31 0,72010 31 0,72010 31 0,72010 31 0,72010 31 0,72010 31 0,72010 31 0,72010 31 0,76836 97 0,69892 49 0,68515 34 0,67836 97	0,99009 90 1,97039 51 2,94098 52 3,90196 56 4,85343 12 5,79547 65 6,72819 45 7,65167 78 8,56601 76 9,47130 45 10,36762 82 11,25507 75 12,13374 01 13,06505 25 14,71787 38 15,56225 13 16,56225 13 16,56225 13 16,56225 13 16,56225 13 16,56225 13 119,66037 93 20,45582 11 21,24338 73 22,02315 57 22,79520 37 23,55960 78 24,311644 32 25,06578 53 25,80770 82 26,54228 51 27,26958 95 27,98969 25 27,98969 25 27,98969 25 27,98969 25 28,70266 59 29,40858 01 30,10750 50 30,70950 99 31,48466 33 32,16303 30 32,83468 01 33,49968 92 34,15810 81 34,81000 81 33,49968 92 34,15810 81 34,91000 81 35,45545 85 36,92723 61 37,35369 91 37,97395 95 38,58807 75	1,010000 00 0,507512 44 0,340022 11 0,256281 09 0,206039 80 0,172548 37 0,148628 28 0,130690 29 0,116770 37 0,105582 08 0,096454 08 0,088848 79 0,082414 82 0,076901 17 0,072123 78 0,067944 60 0,064258 06 0,06982 05 0,058051 75 0,058051 75 0,055415 32 0,058051 75 0,058851 75 0,058451 75 0,054258 06 0,06982 05 0,05885 17 0,045406 75 0,043868 88 0,047073 47 0,045406 75 0,043868 88 0,047073 47 0,045406 75 0,043868 88 0,041124 44 0,039895 02 0,038748 11 0,037675 73 0,036570 89 0,035727 44 0,034839 97 0,03403 68 0,031761 50 0,03214 81 0,032468 05 0,03275 63 0,03191 60 0,032951 02 0,02877 63 0,028777 11 0,026333 84 0,025914 74 0,025914 74 0,025911 73	1 2 3 4 5 6 7 8 9 1 0 1 1 1 2 3 1 4 5 6 7 8 9 1 0 1 1 1 2 3 1 4 5 6 7 8 9 1 0 1 1 2 3 3 3 4 5 6 7 8 9 9 0 1 2 3 3 3 3 3 5 6 7 8 9 9 0 1 2 3 3 3 3 3 5 6 7 8 9 9 0 1 2 3 3 3 3 3 5 6 7 8 9 9 0 1 2 3 3 3 3 3 5 6 7 8 9 9 0 1 2 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3

D. Account	L Company of the comp					
The state of the s	ANNÉES.	valeur acquise par 1 franc apres un certain nombre d'années	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉS.
	51 52 53 53 55 56 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 77 77 78 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90	d'années 1,651078 14 1,677688 92 1,694665 67 1,711410 47 1,728524 57 1,745809 82 1,763267 92 1,780900 60 1,798709 60 1,816696 70 1,834803 67 1,853212 30 1,871744 43 1,890461 87 1,909366 49 1,928460 17 1,986894 42 2,006763 37 2,026831 00 2,047999 31 2,067570 31 2,088246 01 2,109128 47 2,130219 75 2,151521 95 2,173037 17 2,194767 22 2,238882 37 2,261271 19 2,248383 90 2,366722 74 2,32789 97 2,353087 87 2,40384 67 2,4424388 79 2,448432 67 2,473119 00 2,497850 19 2,522828 69	d'années. 0,60201 86 0,59605 81 0,59605 81 0,59605 81 0,59605 81 0,57852 81 0,56712 88 0,56151 37 0,55595 41 0,55595 41 0,55595 41 0,553426 10 0,52897 13 0,52373 39 0,51854 84 0,51341 43 0,50833 10 0,50833 10 0,50833 10 0,40831 40 0,40836 95 0,4787 08 0,4787 08 0,47412 95 0,46043 51 0,46562 91 0,43562 91 0,43562 91 0,43785 05 0,474562 91 0,43785 05 0,46043 51 0,41247 35 0,4605 14 0,41222 91 0,43785 05 0,43351 55 0,43351 55 0,43351 55 0,43351 55 0,43785 05 0,44565 98 0,41247 51 0,4034 47 0,4034 47 0,4034 47 0,4034 47	39,79813 62 40,39419 42 40,98435 07 41,56866 41 42,14719 22 42,71999 22 43,28712 10 43,84×63 47 44,46458 88 44,95503 84 45,550003 80 46,03964 16 46,5;390 26 47,10287 38 47,62660 78 47,10287 38 47,62660 78 47,10287 38 47,62660 78 48,14515 62 48,65857 05 49,16690 15 49,67019 95 50,16851 43 50,66189 54 51,15039 15 51,63405 10 52,1129 18 52,58705 12 53,05648 64 53,52127 36 53,98145 92 54,488820 61 55,33485 75 55,77708 67 56,21463 73 56,64845 28 57,07767 60 57,50264 95 57,92341 54 58,34001 52 58,75249 03 59,16088 15 59,96557 35 60,36195 39	de 1 franc. 0,025126 So 0,024750 03 0,024399 56 0,024636 58 0,025726 37 0,023708 23 0,022301 56 0,022502 20 0,022244 45 0,021720 41 0,021720 41 0,021770 52 0,020351 36 0,020352 So 0,020351 36 0,020352 So 0,01328 So 0,01638 70 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,019550 19 0,018524 84 0,018524 85 0,01871 80 0,017652 73 0,017652 73 0,017652 73 0,017656 73	51 52 53 54 55 56 57 59 60 61 62 63 64 65 66 67 71 72 73 74 75 76 77 77 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 99 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90
A STATE OF THE PERSON OF THE P	94 95 96 97 98 99 100	2,548056 98 2,573537 55 2,599272 93 2,625265 65 2,651518 31 2,678033 49 2,704813 83	0,36245 59 0,38857 02 0,38472 30 0,38591 38 0,3714 24 0,37340 83 0,36971 12	60,754/0 98 61,142y8 00 61,52770 30 61,90861 68 62,28575 92 62,65916 76 63,02887 88	0,016450 71 0,016355 11 0,016352 84 0,016152 84 0,016055 03 0,015050 36 0,015050 74	94 95 96 97 98 99 100

1⁻¹/₄ pour 100.

ANNĒES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 4 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.
1 2 3 4 5	1,012500 00 1,025156 25 1,037970 70 1,050945 31 1,064082 15	0,98765 43 0,97546 11 0,96341 83 0,95152 43 0,93977 71	0,98765 43 1,96311 54 2,92653 37 3,87805 80 4,81783 50	1,012500 00 0,509394 41 0,341701 18 0,257861 02 0,207562 11	1 2 3 4 5
6 7 8 9 10	1,077383 18 1,090850 47 1,104486 10 1,118292 18 1,132270 83	0,92817 49 0,91671 59 0,90539 84 0,89422 07 0,88318 09 0,87227 75	5,74600 99 6,66272 58 7,56812 43 8,46234 50 9,34552 59	0,174033 81 0,150088 73 0,132133 14 0,118170 55 0,107003 07 0,097868 39	6 7 8 9 10
12 13 14 15 16	1,146424 22 1,160754 52 1,175263 95 1,189954 75 1,204829 18	0,81227 73 0,86150 86 0,85087 27 0,84036 81 0,82999 32 0,81974 63	10,21780 34 11,07931 20 11,93018 47 12,77055 27 13,60054 59	0,097836 31 0,083821 00 0,078305 15 0,073526 46 0,069346 72	12 13 14 15
17 18 19 20 21	1,235138 17 1,250577 39 1,266209 61 1,282037 23	0,80962 60 0,79963 06 0,78975 87 0,78000 85	15,22991 83 16,02954 89 16,81930 76 17,59931 61	0,065660 23 0,062384 79 0,059455 48 0,056820 39	17 18 19 20
22 23 24 25	1,298062 70 1,314288 48 1,330717 09 1,347351 05 1,364192 94	0,77037 88 0,76086 80 0,75147 45 0,74219 71 0,73303 41	18,36969 49 19,13056 29 19,88203 74 20,62423 45 21,35726 87	0,054437 48 0,052272 38 0,050296 66 0,048486 64 0,046822 46	22 23 24 25 26
26 27 28 29 30	1,381245 35 1,398510 92 1,415992 30 1,433692 21 1,451613 36	0,72398 43 0,71504 63 0,70621 85 0,69749 98 0,68888 87	22,08125 30 22,79629 93 23,50251 78 24,20001 76 24,88890 62	0,045287 29 0,043866 78 0,042548 63 0,041322 28 0,040178 54	27 28 29 30
31 32 33 34 35	1,469758 53 1,488130 51 1,506732 14 1,525566 29 1,544635 87	0,68003 84 0,67198 41 0,66368 80 0,65549 43 0,64740 18	25,56929 01 26,24127 42 26,90496 22 27,56045 64 28,20785 82	0,039109 41 0,038107 90 0,037167 66 0,036283 86 0,035451 11	31 32 33 34 35
36 37 38 39 40	1,563943 82 1,583493 12 1,663286 78 1,623327 87 1,643619 46	0,63940 92 0,63151 52 0,62371 87 0,61601 85 0,60841 33	28,84726 74 29,47878 26 30,10250 13 30,71851 98 31,32693 32	0,034665 33 0,033922 70 0,033219 83 0,032553 65 0,031921 41	36 37 38 39 50
41 42 43 44 45	1,664164 71 1,684966 77 1,706028 85 1,727354 21 1,748946 14	0,60090 21 0,59348 35 0,58615 66 0,57892 01 0,57177 29	31,92783 52 32,52131 87 33,10747 53 33,68639 54 34,25816 83	0,031320 63 0,030749 06 0,030204 66 0,029685 58 0,029190 12	41 42 43 44 45
46 47 48 49 50	1,770807 97 1,792913 06 1,815354 85 1,838046 79 1,861022 37	0,56471 40 0,55774 22 0,55085 65 0,54405 58 0,53733 91	34,82288 22 35,38062 44 35,93148 09 36,47553 67 37,01287 58	0,028716 75 0,028264 06 0,027830 74 0,027415 63 0,027017 62	46 47 48 49 50

1 1/4 pour 100.

-							
STATE OF THE PARTY	ANNÉES.	valeur acquise par 1 franc apres un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.	
	51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 80 81 82 83 84 85 86 86 87 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88	un certain nombre d'années. 1,884285 15 1,907838 72 1,931686 70 1,955832 79 1,980280 70 2,905034 20 2,030097 13 2,055473 55 2,081166 76 2,107181 35 2,133521 11 2,160190 13 2,187192 50 2,214532 41 2,242214 07 2,270241 74 2,298619 76 2,327352 51 2,3558499 97 2,415723 72 2,445920 27 2,470494 27 2,507450 45 2,538793 58 2,570528 50 2,602660 11 2,635193 36 2,769444 17 2,864062 22 2,839113 00 2,874601 91 2,910534 44 2,946916 12 2,9483752 57	certain nombre d'années. 0,53070 52 0,52415 33 0,51768 23 0,51768 23 0,51129 12 0,50497 89 0,49874 89 0,49258 73 0,48650 59 0,48049 97 0,47456 76 0,46870 87 0,46292 22 0,45720 71 0,45156 26 0,44598 77 0,44598 77 0,44598 17 0,41365 46 0,40379 66 0,39881 15 0,39388 19 0,31912 91 0,41365 46 0,39881 15 0,39388 79 0,38422 23 0,37676 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 68 0,36559 79 0,3893 79 0,33033 79 0,33033 78 0,33533 78 0,33533 78	nombre d'annuités de 1 franc. 37,54358 10 38,0673 43 38,58541 66 39,09670 78 39,60168 67 40,10043 13 40,59301 86 41,07952 45 41,56002 42 42,03459 18 42,50330 05 42,96622 28 43,42342 99 43,87499 25 44,72098 02 44,76146 19 45,19650 56 45,52617 36 46,65054 66 46,469 7 56 46,88363 02 47,29247 43 47,69627 93 48,87799 53 49,64169 64 50,01649 03 50,38665 71 50,75225 39 51,11333 72 51,46996 26 51,82218 53 52,17005 96 52,51363 91 52,85297 69 53,18812 53	Famortissement d'un emprunt de 1 franc. 0,026635 71 0,026268 96 6,025916 52 0,025577 60 0,025251 45 0,024634 78 0,024634 78 0,024534 03 0,024661 58 0,025799 93 0,023527 59 0,023527 60 0,023576 68 0,02376 64 0,022792 02 0,022562 68 0,021917 24 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021519 41 0,021715 27 0,021715 27 0,021715 27 0,021715 27 0,021715 27 0,021715 27 0,021716 35 0,019064 36 0,019428 81 0,019296 75 0,019168 08 0,019428 67 0,018920 41 0,018920 41 0,018920 41	51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 74 75 76 80 81 82 83 84 85 86 87 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88	
	89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99 100	3,021049 48 3,058812 60 3,097047 75 3,135760 85 3,174957 86 3,214644 83 3,254827 89 3,295513 24 3,336707 16 3,378416 00 3,420646 20 3,463404 27	0,33101 08 0,32692 42 0,32288 81 0,31890 19 0,31496 48 0,31107 64 0,30723 50 0,30344 29 0,29969 67 0,29234 24 0,28873 33	53,51913 61 53,84606 04 54,16894 85 54,18785 04 54,80281 52 55,11389 15 55,42112 70 55,72457 03 56,02426 70 56,32026 37 56,61260 61 56,90133 94	0,018684 90 0,018571 46 0,018460 76 0,018352 71 0,018247 24 0,018144 25 0,018043 60 0,017945 40 0,017849 40 0,017663 92 0,017571 28	89 50 91 92 93 94 95 96 97 98 99 100	

1 1/2 pour 100.

ANNÉES.	valeur acquise par 1 franc après un certain nombre d'années.	'ALEUR ACTUELLE de 1 franc exigible aprês un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amertissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.
12345 67899 10 1123445 67899 1123445 67899 31233445 67899 31233445 67899 31233445 67899 4122				d'un emprunt	1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 11 12 3 4 15 6 7 8 9 0 11 12 3 14 15 6 17 8 19 0 2 2 2 2 4 15 2 2 2 2 2 3 0 3 1 2 2 3 3 3 4 1 3 2 3 3 3 4 1 4 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
43 44 45 46 47 48 49 50	1,896879 82 1,925333 02 1,954213 01 1,983526 21 2,013279 10 2,043478 29 2,074130 46 2,105242 42	0,52718 15 0,51939 07 0,51171 49 0,50415 27 0,49670 21 0,48936 20 0,48212 97 0,47500 47	31,52123 15 32,04062 22 32,55233 72 33,05648 98 33,55319 19 34,04255 36 31,52468 34 34,99968 81	0,031724 65 0,031210 38 0,030719 76 0,030251 24 0,029803 42 0,029375 00 0,028954 79 0,028571 68	43 44 45 46 47 48 49 50

1 ¹/₂ pour 100.

	•					
ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.	
51 52 3 54 55 56 578 59 60 61 62 63 64 65 67 77 78 79 80 81 82 83 84	un certain nombre d'années. 2,136821 06 2,168873 37 2,201406 47 2,234427 57 2,267943 98 2,301963 14 2,336492 59 2,371539 98 2,407113 08 2,4473219 78 2,479868 07 2,517066 09 2,5554822 08 2,593144 42 2,632041 58 2,671522 21 2,771595 04 2,793553 00 2,835436 29 2,877988 14 2,921157 96 2,793533 00 2,835436 29 2,877988 14 2,921157 96 2,964975 33 3,009149 96 3,054591 71 3,100410 59 3,146916 74 3,194120 50 3,242032 30 3,290662 79 3,340022 73 3,340022 73 3,340022 73 3,340074 92	certain nombre	1	d'un emprunt de 1 franc. 0,028194 68 0,027832 87 0,027485 37 0,027151 38 0,026830 17 0,026521 06 0,025036 61 0,025036 61 0,025393 43 0,025136 04 0,02487 51 0,024617 41 0,024190 94 0,023973 85 0,023763 76 0,02363 29 0,023163 29 0,023172 35 0,022363 69 0,022464 73 0,022464 73 0,022464 73 0,022464 73 0,022464 73 0,022464 73 0,022464 73 0,022464 73 0,022464 73 0,022464 73 0,022464 73 0,022464 73 0,021836 45 0,02141 60 0,021836 45 0,021690 36 0,02175 83 0,02141 99 0,021275 83	51 52 53 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 70 71 72 73 74 77 78 79 80 81 82 83 84	
85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98	3,492589 54 3,5344978 38 3,598153 06 3,652125 35 3,762010 84 3,818948 51 3,876232 73 3,934376 22 3,993391 87 4,053292 75 4,114092 14 4,175803 52 4,238440 57 4,366547 444	0,28208 92 0,27792 04 0,27381 32 0,26976 67 0,26578 00 0,26185 22 0,25798 24 0,25416 99 0,25416 30 0,24671 30 0,24671 30 0,24306 70 0,23947 49 0,23244 91 0,22901 39	47,86072 22 48,13864 25 48,41245 57 48,68222 24 48,94002 33 49,20985 45 49,46783 70 49,72200 69 49,97242 06 50,21913 35 50,46220 05 50,70167 54 50,93761 12 51,17006 03 51,39907 42	0,021017 84 0,020893 96 0,020773 33 0,020655 84 0,020541 38 0,020521 13 0,020215 15 0,02011 82 0,020011 04 0,019912 73 0,019816 82 0,019723 22 0,019631 86 0,019542 68 0,019545 66	85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98	
	4,432045 65	0,22562 91	51,62470 37	0,019370 57		

2 pour 100

-						
ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE d'un certain nombre d'annuités de 4 franc.	ANNUITÉS ponr les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.	
1 2 3 4 5 6 7 8 9 9 10 11 12 13 14 15 16 17 8 19 20 24 4 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 5 35 6 37 8 39 9 40 41 42 2				d'un emprunt	1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 1 1 1 2 1 3 4 4 5 6 7 8 9 0 1 1 2 1 3 4 4 5 6 7 8 9 0 1 1 2 2 3 3 4 5 6 7 8 9 0 3 3 3 3 4 5 3 6 7 8 9 0 4 1	
42 43 44 45 46 47	2,297244 47 2,343189 36 2,390053 14 2,437854 21 2,486611 29 2,536343 51	0,43530 41 0,42676 88 0,41840 07 0,41019 68 0,40215 37 0,39426 84	28,23479 36 28,66156 23 29,07996 31 29,49015 99 29,89231 36	0,035417 29 0,034889 93 0,034387 94 0,033909 62 0,033453 42	42 43 44 45 46 47	
48 49 50	2,535343 51 2,587070 39 2,638811 79 2,691588 03	0,38,653 76 0,38653 76 0,37895 84 0,37152 79	30,28658 20 30,67311 96 31,05207 80 31,42360 59	0,033017 92 0,032501 84 0,032203 96 0,031823 21	48 49 50	

		L .					
Series of the se	ANNĖES.	valeur acquise par 1 franc. après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.	
	51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 66 66 67 70 71 72 73 74 75 77 80 81 82 83 84 85 88 89 90 91 92 93 94 94 94 94 94 94 94 94 94 94 94 94 94			de 4 franc. 31,78784 89 32,14940 99 32,49504 89 32,83828 33 33,17478 75 33,50469 36 33,82813 10 34,14522 65 34,45610 44 34,76088 67 35,05969 28 35,639684 32 35,92141 49 36,19716 55 36,46810 35 36,73343 48 36,99356 35 37,24859 17 37,49861 93 37,74374 44 37,98406 31 38,21966 97 38,45665 66 38,67711 43 38,89913 17 39,11679 58 39,33019 19 39,53940 39 39,774571 66 40,33602 61 40,52551 58 40,71129 00 40,89342 16 41,07198 19 41,41866 77 41,58692 92 41,75189 13 41,91361 90 42,07217 54 42,22762 30		51 52 53 54 56 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 77 73 74 75 77 78 78 79 80 81 82 83 84 85 87 88 89 99 99 99 99 99 99 99 99 99 99 99	
The state of the s	95 96 97 98 99 100	6,561699 19 6,692933 18 6,826791 84 6,963327 68 7,102591 23 7,244646 12	0,15239 95 0,14941 13 0,14648 17 0,14360 95 0,14079 36 0,13803 30	42,38002 25 42,52913 39 42,67591 55 42,81952 50 42,96031 87 43,09835 16	0,023596 02 0,023513 13 0,023432 42 0,023353 83 0,023277 30 0,023202 74	95 96 97 98 99 100	

$2^{-1}/_{2}$ pour 100.

9						
ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'anuées.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITES pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 4 franc.	ANNÉES.	
1 2 3 4 5	1,025000 00	0,97560 98	0,97560 98	1,025000 00	1	
	1,050625 00	0,95181 44	1,92742 42	0,518827 16	2	
	1,076890 62	0,92859 94	2,85602 36	0,350137 17	3	
	1,103812 89	0,90595 06	3,76197 42	0,265817 88	4	
	1,131408 21	0,88385 43	4,64582 85	0,215246 86	5	
6 7 8 9 10	1,159693 42 1,188685 75 1,218402 90 1,248862 97 1,280084 54 1,312086 66	0,86229 69 0,84126 52 0,82074 66 0,80072 84 0,78119 84 0,76214 48	5,50812 54 6,34939 06 7,17013 72 7,97086 55 8,75206 39	0,181549 97 0,157495 43 0,139467 35 0,125456 89 0,114258 77 0,105105 96	6 7 8 9 10	
12	1,344888 82	0,74355 59	10,25776 46	0,097487 13	12	
13	1,378511 04	0,72542 04	10,98318 50	0,091048 27	13	
14	1,412973 82	0,70772 72	11,69091 22	0,085536 53	14	
15	1,448298 17	0,69046 56	12,38137 77	0,080766 46	15	
16	1,484505 62	0,67362 49	13,05500 27	0,076598 99	16	
17	1,521618 26	0,65719 51	13,71219 77	0,072927 77	17	
18	1,559658 72	0,64116 59	14,35336 36	0,069670 08	18	
19	1,558650 19	0,62552 77	14,97889 13	0,066760 62	19	
20	1,638616 44	0,61027 09	15,58916 23	0,064147 13	20	
21	1,679581 85	0,59538 63	16,18454 86	0,061787 33	21	
22	1,721571 40	0,58086 49	16,76541 32	0,059646 60	22	
23	1,764610 68	0,56669 72	17,33211 05	0,057696 38	23	
24	1,808725 95	0,55287 54	17,88498 58	0,055912 82	24	
25	1,853944 10	0,53939 06	18,42437 64	0,054275 92	25	
26	1,900292 70	0,52623 47	18,95061 11	0,052768 75	26	
27	1,947800 02	0,51339 97	19,46(01 09	0,051376 87	27	
28	1,996495 02	0,50087 78	19,96488 87	0,050087 93	28	
29	2,046407 39	0,48866 13	20,45354 99	0,048891 27	20	
30	2,097567 58	0,47674 27	20,93029 26	0,047777 64	30	
31	2,150006 77	0,46511 48	21,39540 74	0,046739 00	31	
32	2,203756 94	0,45377 06	21,84917 80	0,045768 31	32	
33	2,258850 86	0,44270 30	22,29188 09	0,044859 38	33	
34	2,315322 13	0,43190 53	22,72378 63	0,044006 75	34	
35	2,373205 19	0,421 3 7 11	23,14515 73	0,043205 58	35	
36	2,432535 32	0,41109 37	23,55625 11	0,042451 58	36	
37	2,493348 70	0,40106 70	23,95731 81	0,041740 90	37	
38	2,555682 42	0,39128 49	24,34860 30	0,041070 12	38	
39	2,619574 48	0,38174 14	24,73034 44	0,040436 15	39	
40	2,685063 84	0,37243 06	25,10277 51	0,039836 23	40	
41	2,752190 43	0,36334 70	25,46612 20	0,039267 86	41	
42	2,820995 20	0,35448 48	25,82060 68	0,038728 76	42	
43	2,891520 08	0,34583 89	26,16644 57	0,038216 88	43	
44	2,963808 08	0,33740 38	26,50384 95	0,037730 37	44	
45	3,037903 28	0,32917 44	26,83302 39	0,037267 52	45	
46	3,113850 86	0,3211\(\frac{58}{0}\) 0,31331 29 0,30567 12 0,29821 58 0,2999\(\frac{1}{2}\) 22	27,15416 96	0,036826 76	46	
47	3,191697 13		27,46748 26	0,036406 69	47	
48	3,271489 56		27,77315 37	0,036005 99	48	
49	3,353276 80		28,07136 95	0,035623 48	49	
50	3,437108 72		28,36231 17	0,035258 06	50	

2	1/2	pour	100.
	14		

		,- 1						
ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après nn certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITES pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÍES,			
51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 69 70 71 72 73 74 75 77 77 78 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 99 99 99 99 99 99 99 99 99 99 99			28,64615 77 28,92308 07 29,19324 95 29,43682 88 29,71397 93 30,96485 78 30,20961 74 30,44840 72 30,96856 65 31,13039 66 31,34672 84 31,55778 36 31,76369 15 33,46195 42 33,56580 89 33,72274 04 33,87584 43 33,87584 43 33,87584 43 33,471915 98 34,45181 27 34,45181 27 34,45181 27 34,45181 27 34,45181 27 34,45181 27 34,45181 27 35,66576 85 35,57148 14 35,87461 60 35,97523 52 36,07340 02		51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 80 81 82 83 84 85 88 89 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90			
96 97 98 99 100	10,702643 95 10,970210 04 11,244465 30 11,525576 93 11,813716 35	0,09343 49 0,09115 60 0,08893 26 0,08676 36 0,08464 74	36,16917 09 36,26260 57 36,35376 17 36,44269 43 36,52945 79 36,61410 53	0,027576 62 0,027507 47 0,027440 34 0,027375 17 0,027311 88	96 97 98 99 100			

	•					
ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.	
1 2 3 4 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 1 22 23 24 25 6 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37	d'années. 1,030000 00 1,060900 00 1,092727 00 1,125508 81 1,159274 07 1,194052 30 1,229873 87 1,266770 08 1,343916 38 1,343916 38 1,34233 87 1,425766 89 1,468533 71 1,512589 72 1,557967 42 1,604706 44 1,652847 66 1,753506 05 1,806111 23 1,806294 57 1,916103 41 1,973586 51 2,032794 11 2,093777 93 2,156591 27 2,221289 01 2,287927 68 2,356565 51 2,427262 47 2,500080 35 2,575082 76 2,652335 24 2,731905 30 2,813862 45 2,898278 33 2,985226 68	d'années. 0,97087 38 0,91259 59 0,91517 70 0,88848 77 0,86260 88 0,83748 43 0,81309 15 0,78940 39 0,72242 13 0,70137 99 0,68095 13 0,66111 78 0,64186 19 0,62316 69 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,58739 46 0,57028 60 0,53669 17 0,49193 37 0,47760 56 0,46369 47 0,45018 91 0,43707 68 0,42434 64 0,41198 68 0,39988 71 0,38833 70 0,37702 62 0,36604 49 0,35538 34 0,34503 24 0,33498 29	0,97087 38 1,91346 97 2,82861 14 3,71799 84 4,57979 72 5,41719 14 6,23028 30 7,01969 22 7,78610 89 8,53020 28 9,25262 41 9,95400 40 10,63495 53 11,23607 31 11,33793 51 12,56110 20 13,16611 85 13,75351 31 14,32379 91 14,87747 49 15,41502 41 15,93691 61 16,44360 84 16,93554 21 17,41314 77 17,87684 24 18,32703 15 18,76410 82 19,18845 46 19,60044 13 20,00042 82 19,18845 46 19,60044 13 20,00042 82 19,18845 67 21,48722 01 21,83225 25 22,16723 54	de 4 franc. 1,030000 00 0,522610 84 0,353330 36 0,269027 05 0,184597 50 0,160506 35 0,142456 39 0,128433 86 0,117230 51 0,108077 45 0,100462 09 0,094029 54 0,088526 34 0,083766 58 0,079508 55 0,079508 70 0,069813 88 0,072708 70 0,069813 88 0,067215 71 0,064871 78 0,062747 39 0,063813 90 0,059047 42 0,057427 87 0,055938 29 0,054564 21 0,053293 23 0,052114 67 0,051019 26 0,049046 62 0,049046 62 0,049046 62 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79 0,045503 79	1 2 3 4 4 5 6 7 8 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 5 26 27 28 29 30 31 32 33 33 4 35 36 37	
38 39 40 41 42 43 44 45	3,074783 48 3,167026 98 3,262037 79 3,359898 93 3,460695 89 3,564516 77 3,671452 27 3,781595 84	0,32522 62 0,31575 35 0,30655 68 0,29762 80 0,28895 92 0,28054 29 0,27237 18 0,26443 86	22,49246 16 22,80821 51 23,11477 20 23,41240 00 23,70135 92 23,98190 21 24,25427 39 24,51871 25	0,044/59 34 0,043843 85 0,043262 38 0,042712 41 0,042191 68 0,041698 11 0,041229 85 0,040785 18	38 39 40 41 42 43 44 45	
46 47 48 49 50	3,895043 72 4,011895 03 4,132251 88 4,256219 44 4,383906 02	0,25673 65 0,24925 88 0,24199 88 0,23495 03 0,22810 71	24,77544 91 25,02470 78 25,26670 66 25,50165 69 25,72976 40	0,040362 54 0,039960 51 0,039577 77 0,039213 14 0,038865 50	46 47 48 49 50	

1						
A CONTRACTOR OF THE PERSON NAMED IN	ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'nn emprunt de 1 franc.	ANNÉES.
	51 52 53 54 5 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 80 81 82 83 84 85 5 86 87 88 89 90 91				d'un emprunt	51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 70 71 72 73 74 75 77 77 78 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 99 99 99 99 99 99 99 99 99 99 99
	92 93 94 95 96 97 98 99 100	14,739461 12 15,171365 56 15,626506 52 16,095301 72 16,578160 77 17,075505 59 17,587770 76 18,115403 88 18,658866 00 19,218631 98	0,06591 36 0,06399 38 0,06212 99 0,06032 03 0,05856 34 0,05685 7 0,055520 16 0,05359 38 0,05203 28	31,13621 18 31,20020 57 31,26233 56 31,32265 59 31,38121 93 31,43807 70 31,49327 87 31,54687 25 31,59890 53	0,032136 05 0,032116 05 0,032051 07 0,031987 37 0,031925 77 0,031866 19 0,031752 81 0,031698 86 0,031646 67	91 92 93 94 95 96 97 98 99

$3^{-1}/_{2}$ pour 100.

			1		
ANNÉES.	valeur acquise par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.
1 2 3 4 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 34 25 26 27 8 29 30 31 32 33 34 35 36 37 8 39 40	d'années. 1,035000 00 1,071225 00 1,108717 87 1,147523 00 1,187686 31 1,229255 33 1,272279 26 1,316859 04 1,362897 35 1,410598 76 1,459969 72 1,511668 66 1,563956 06 1,563956 06 1,563956 06 1,563956 06 1,563956 06 1,563958 83 1,733986 04 1,794675 55 1,857489 20 1,922501 32 1,989788 86 2,059431 48 2,283328 49 2,363244 98 2,445958 56 2,531567 11 2,620171 96 2,711877 98 2,806793 79 2,905031 48 3,006797 59 3,111942 35 3,220860 33 3,333590 45 3,450266 11 3,571025 43 3,09601 32 3,825371 71 3,959259 72	d'années. 0,96618 36 0,93351 07 0,90194 27 0,87144 22 0,84197 32 0,81350 06 0,78599 10 0,75941 10 0,70891 88 0,68494 57 0,66178 18 0,59689 06 0,57670 59 0,555720 38 0,53836 11 0,52015 57 0,50256 57 0,50256 57 0,48557 09 0,48557 09 0,48557 09 0,48557 09 0,48557 09 0,46915 06 0,45328 56 0,43795 71 0,42314 70 0,40883 77 0,30501 22 0,38165 43 0,36874 82 0,33627 84 0,34423 03 0,33258 97 0,3134 27 0,31047 61 0,29997 69 0,28983 27 0,28003 16 0,27056 19 0,28141 25 0,25257 25	0,96618 36 1,89969 43 2,80163 70 3,67307 92 4,51505 24 5,32855 55 7,60768 65 8,31660 53 9,00155 10 9,66333 43 10,30273 85 10,92052 03 11,51741 09 12,09411 68 12,65132 06 13,18968 17 13,79983 74 14,21240 33 14,69797 42 15,16712 48 15,62041 05 16,05336 76 16,48151 46 16,89035 23 17,28536 45 17,28536 45 17,66701 88 18,03576 70 18,39204 54 18,73627 58 19,06886 55 19,39020 82 19,77068 42 20,00066 11 20,29049 38 20,57052 54 20,84108 74 21,10249 99 21,35507 23	de 4 franc. 1,035000 00 0,526400 49 0,356934 18 0,272251 14 0,221481 37 0,187668 21 0,163544 49 0,145476 65 0,131446 01 0,120241 37 0,111091 73 0,097061 57 0,097061 57 0,097061 57 0,097061 57 0,097061 57 0,097061 57 0,097061 57 0,0968036 59 0,068036 59 0,065032 07 0,064018 80 0,068036 59 0,065032 07 0,064018 80 0,062272 83 0,06074 04 0,059205 40 0,057852 41 0,0566074 04 0,059205 40 0,057852 41 0,0566074 04 0,059205 40 0,057852 41 0,0566074 04 0,059205 40 0,057852 41 0,0566074 04 0,059205 40 0	1 2 3 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 177 18 190 21 22 33 44 2 5 6 27 8 9 30 31 32 3 34 4 35 36 7 38 39 40
42 43 44 45 46 47 48 49	4,241257 99 4,389702 02 4,543341 60 4,702358 55 4,866941 10 5,037284 04 5,213588 98 5,396064 59	0,23577 91 0,22780 59 0,22010 23 0,21265 92 0,20546 79 0,19851 97 0,19180 65 0,18532 02	21,83488 28 22,06268 87 22,28279 10 22,49545 03 22,70091 8 22,89943 78 23,09124 43 23,27656 45	0,045798 28 0,045325 39 0,044877 68 0,044453 43 0,044051 08 0,043669 19 0,043366 46 0,042961 67	41 42 43 44 45 46 47 48 49 50
	1 2 3 4 4 5 6 7 8 9 10 1 1 2 1 3 1 4 4 1 5 6 1 7 1 8 1 9 0 1 1 2 2 3 4 4 5 6 7 8 9 10 1 1 2 2 3 4 5 2 5 6 7 8 9 10 1 1 2 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 2 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 2 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 2 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 2 2 3 4 4 4 4 4 5 6 6 7 8 9 10 1 2 2 3 4 4 4 4 5 6 6 7 8 9 10 1 2 2 3 4 4 4 4 5 6 6 7 8 9 10 1 2 2 3 4 4 4 4 5 6 6 7 8 9 10 1 2 2 3 4 4 4 4 5 6 6 7 8 9 10 1 2 2 3 4 4 4 4 5 6 6 7 8 10 1 2 2 2 3 4 4 4 4 5 6 6 7 8 10 1 2 2 2 3 4 4 4 4 5 6 6 7 8 10 1 2 2 2 3 2 2 2 2 2	d'années. 1 1,035000 00 2 1,071225 00 3 1,108717 87 4 1,147523 00 5 1,187686 31 6 1,229255 33 7 1,272279 26 8 1,316809 04 9 1,362897 35 10 1,410598 76 11 1,459969 72 12 1,511068 66 13 1,563956 06 14 1,618694 52 15 1,675348 83 16 1,733986 04 17 1,794675 55 18 1,857489 20 19 1,922501 32 10 1,989788 86 21 2,059431 47 22 2,131511 58 23 2,206114 48 24 2,283328 49 25 2,363244 98 26 2,445958 56 27 2,531567 11 28 2,262171 96 29 2,711877 98 30 2,806793 70 31 2,905031 48 32 3,006707 59 33 3,111942 35 34 3,22086 33 3,333590 45 36 3,450266 11 37 3,571025 43 38 3,696011 32 39 3,825371 71 3,959259 72 41 4,097833 81 42 4,241257 99 43 4,389702 02 44 4,543341 60 45 4,702358 55 46 4,866941 10 47 5,037284 04 48 5,213588 98 5,315588 98 5,315588 98 5,315588 98	d'années. d'années. 1	d'années. d'années. de 1 franc.	1

$3^{-4}/_{2}$ pour 100.

ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNËES.
51	5,780399 30	0,17299 84	23,62861 63	0,042321 56	51
52	5,982713 27	0,16714 82	23,79576 45	0,042024 28	52
53	6,192108 24	0,16149 59	23,95726 04	0,041741 00	53
54	6,408832 02	0,15603 47	24,11329 51	0,041470 90	54
55	6,633141 14	0,15075 81	24,26405 32	0,041213 23	55
56	6,865301 08	0,14566 00	24,40971 33	0,040967 30	56
57	7,105586 62	0,14073 43	24,55044 76	0,040732 45	57
58	7,354282 15	0,13597 52	24,68642 28	0,040508 10	58
59	7,611682 03	0,13137 70	24,81779 98	0,040293 66	59
60	7,878090 90	0,12693 43	24,94473 41	0,040088 62	60
61	8,153824 08	0,12264 18	25,06737 60	0,039892 49	61
62	8,439207 93	0,11849 45	25,18587 05	0,039704 80	62
63	8,734580 20	0,11448 75	25,30035 80	0,039525 13	63
64	9,040290 51	0,11061 59	25,41097 39	0,039353 08	64
65	9,356700 68	0,10687 53	25,51784 92	0,039188 26	65
66	9,684185 20	0,10326 11	25,62111 03	0,039030 31	66
67	10,023131 68	0,09976 92	25,72087 95	0,038878 92	67
68	10,373941 29	0,09639 54	25,81727 49	0,038733 75	68
69	10,737029 24	0,09313 56	25,91041 05	0,038594 53	69
70	11,112825 20	0,08998 61	26,00039 66	0,038460 95	70
71	11,501774 14	0,08694 31	26,08733 98	0,038332 77	71
72	11,904336 24	0,08400 30	26,17134 28	0,038209 73	72
73	12,320988 01	0,08116 23	26,25250 51	0,038091 60	73
74	12,752222 59	0,07841 77	26,33092 28	0,037978 16	74
75	13,198550 38	0,07576 59	26,40668 87	0,037869 19	75
76	13,666499 64	0,07320 38	26,47989 24	0,037764 50	76
77	14,138617 13	0,07072 83	23,55062 07	0,037663 90	77
78	14,633468 73	0,06833 65	26,61895 72	0,037567 21	78
79	15,145640 13	0,06602 56	26,68498 28	0,037474 26	79
80	15,675737 54	0,06379 29	26,74877 57	0,037384 89	80
81	16,224388 35	0,06163 56	26,81041 13	0,037298 94	81
82	16,792241 95	0,05955 13	26,86996 26	0,037216 28	83
83	17,379970 41	0,05753 75	26,92750 01	0,037136 76	83
84	17,988269 38	0,05559 18	26,98309 19	0,03,060 25	84
85	18,617858 81	0,05371 19	27,03680 37	0,036986 62	85
86	19,239483 86	0,05189 55	27,08869 93	c,036915 76	86
87	19,943915 80	0,05014 06	27,13883 99	0,036847 56	87
88	20,641952 85	0,04844 50	27,18728 49	0,036781 90	88
89	21,364421 20	0,04680 68	27,23409 17	0,036718 68	89
90	22,112175 95	0,04522 40	27,27931 56	0,036657 81	90
91	22,885102 10	0,04360 46	27,32301 03	0,036599 19	91
92	23,687115 68	0,04221 70	27,36522 73	0,036542 73	92
93	24,516164 73	0,04078 94	27,40601 67	0,036488 34	93
94	25,374230 49	0,03941 01	27,44542 68	0,036435 94	94
95	26,262328 56	0,03807 74	27,48350 42	0,036385 46	95
96	27,181510 06	0,03678 97	27,52029 39	0,036336 82	96
97	28,132862 91	0,03554 56	27,55583 95	0,036280 95	97
98	29,117513 11	0,03434 36	27,59018 31	0,036244 78	98
99	30,135626 07	0,03318 22	27,62336 53	0,036201 21	99
100	31,191407 98	0,03206 01	27,65542 54	0,036159 27	100

ANNÉES.	valeur acquise par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITES ponr les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un empiunt de 1 franc.	AXNEES.	
1	1,04000 00	0,96153 85	0,96153 85	1,040000 00	1	
2	1,081000 00	0,92455 62	1,88609 47	0,530196 08	2	
3	1,124864 00	0,88899 64	2,77509 10	0,360348 54	3	
4	1,169858 56	0,85480 42	3,62989 52	0,275490 05	4	
5	1,216652 90	0,82192 71	4,45182 23	0,224627 11	5	
7 8 9 10	1,265319 02 1,315931 78 1,368569 05 1,423311 81 1,485244 28	0,79031 45 0,75991 78 0,73069 02 0,70258 67 0,67556 42	5,24213 69 6,00205 47 6,73274 49 7,43533 16 8,11089 58	0,190761 90 0,166609 61 0,148527 83 0,134492 99 0,123290 91	7 8 9 10	
11	1,539454 06	0,64958 09	8,76047 67	0,114149 04	11	
12	1,651032 22	0,62459 70	9,38507 38	0,106552 17	12	
13	1,665073 51	0,60057 41	9,98564 78	0,100143 73	13	
14	1,731676 45	0,57747 51	10,56312 29	0,094668 97	14	
15	1,800943 51	0,55526 45	11,11838 74	0,089941 10	15	
16	1,872981 25	0,53390 82	11,65229 56 12,16566 89 12,65929 70 13,13393 91 13,59332 63	0,085820 00	16	
17	1,947900 50	0,51337 32		0,082198 52	17	
18	2,025816 52	0,49362 81		0,078993 33	18	
19	2,106849 18	0,47464 24		0,076138 62	19	
20	2,191123 14	0,45638 69		0,073581 75	20	
20 20 20 20 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	2,278768 07 2,369918 79 2,464715 55 2,563304 17 2,665830 33	0,43883 36 0,42195 54 0,40572 63 0,39012 15 0,37511 68	14,02915 99 14,45111 53 14,85684 17 15,21696 31 15,62207 99	0,071280 11 0,069193 81 0,067309 06 0,065586 83 0,064011 96	21 23 24 25	
26	2,772469 79	0,36068 92	15,98276 92	0,062567 38	26	
27	2,833368 58	0,34681 66	16,32938 57	0,061238 54	27	
28	2,998703 32	0,33347 75	16,66366 32	0,060012 98	28	
29	3,118651 45	0,32065 14	16,98371 46	0,058879 93	29	
30	3,243397 51	0,30831 87	17,29203 33	0,057830 10	30	
3123343 3343	3,373133 41 3,508058 75 3,648381 10 3,794316 34 3,946088 99	0,29646 03 0,28505 79 0,27409 42 0,20355 21 0,25341 55	17,58849 36 17,87355 15 18,14764 57 18,41119 78 18,66461 32	0,056855 35 0,055948 59 0,055103 57 0,054314 77 0,053577 32	31 32 33 34 35	
36	4,103932 55	0,24366 87	18,90828 20	0,052886 88	36	
37	4,268089 86	0,23429 68	19,14257 88	0,052239 50	37	
38	4,438813 45	0,22528 54	19,36786 42	0,051631 92	38	
39	4,616365 9!)	0,21662 00	19,58448 48	0,051060 83	39	
40	4,801020 63	0,20828 90	19,79277 39	0,050523 49	40	
41	4,993061 45	0,20027 79	19,99305 18	0,050017 38	41	
42	5,192783 91	0,19257 49	20,18562 67	0,049540 20	42	
43	5,400495 27	0,18516 82	20,37079 49	0,049089 89	43	
44	5,616515 08	0,17804 63	20,54884 13	0,048664 54	44	
45	5,841175 68	0.17119 84	20,72003 97	0,048262 46	45	
46	6,074822 71	0,16464 30	20,88465 36	0,047882 05	40	
47	6,317815 02	0,15828 26	21,04293 61	0,047521 89	47	
48	6,570528 24	0,15210 48	21,19513 09	0,047180 65	48	
40	6,833349 37	0,14634 11	21,34147 20	0,046857 12	49	
50	7,109983 35	0,14071 26	21,48218 46	0,046550 20	50	
ā -	AND THE PARTY OF T	THE PERSON NAMED IN COLUMN 2 I	The same of the party of the same of	A The service was to a service Perfect.		

		· ·					
The same of the same of the same	ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 4 franc exigible après un certain nombre d'années.	d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.	
The second livery with	51	7,390950 68	0,13530 06	21,617/8 52	0,046258 85	51	
	52	7,686588 71	0,13009 67	21,74758 19	0,045982 12	52	
	53	7,994052 26	0,12509 30	21,87267 49	0,045719 15	53	
	54	8,313814 35	0,12028 17	21,99295 67	0,045469 10	54	
	55	8,646366 92	0,11565 55	22,10861 22	0,045231 24	55	
-	56	8,992221 60	0,11120 72	22,21981 94	0,045004 87	56	
	57	9,351910 46	0,10693 00	22,32674 64	0,044789 32	57	
	58	9,725986 88	0,10281 73	22,42956 68	0,044584 01	58	
	59	10,115026 36	0,09886 28	22,52842 96	0,044388 36	59	
	60	10,519627 41	0,09506 04	22,62349 00	0,044201 85	60	
	61	10,940412 51	0,00140 42	22,71/89 42	0,044023 98	61	
	62	11,378029 01	0,08788 87	22,80278 29	0,043854 30	62	
	63	11,833150 17	0,08450 84	22,88729 12	0,043692 37	63	
	64	12,306476 17	0,08125 80	22,96854 93	0,043537 80	64	
	65	12,798735 22	0,07813 27	23,04668 20	0,043390 19	65	
The second second	66	13,31068 63	0,07512 76	23,12180 96	0,043249 21	66	
	67	13,843112 01	0,07223 81	23,19104 77	0,043114 51	67	
	68	14,396836 49	0,06945 97	23,26350 74	0,042085 78	68	
	69	14.972709 95	0,06678 82	23,33029 56	0,042862 72	69	
	70	15,571618 35	0,06421 94	23,39451 50	0,042745 06	70	
	71	16,194183 og	0,06174 94	23,45626 44	0,042632 53	71	
	72	16,842262 41	0,05937 44	23,51563 88	0,042524 89	72	
	73	17,515952 g1	0,05709 08	23,57272 97	0,042421 90	73	
	74	18,216591 o2	0,05489 50	23,62762 47	0,042323 34	74	
	75	18,945254 66	0,05278 37	23,68040 83	0,042229 00	75	
	76 77 78 79 80	19,703064 85 20,491187 44 21,310834 94 22,163268 34 23,049799 07	0,05075 35 0,04880 15 0,04692 45 0,04511 97 0,04338 43	23,73116 19 23,77996 33 23,82688 78 23,87200 75 23,91539 18	0,042138 68 0,042052 21 0,041969 39 0,041899 07 0,041814 08	76 77 78 79 80	
	81	23,971791 04	0,04171 57	23,95710 75	0,041741 27	81	
	82	24,930662 68	0,04011 12	23,99721 88	0,041671 50	82	
	83	25,927889 18	0,03856 85	24,03578 73	0,041604 63	83	
	84	26,965004 75	0,03708 51	24,07287 24	0,041540 54	84	
	85	28,043604 94	0,03565 88	24,10853 12	0,041479 09	85	
COLUMN TO SERVICE STATE OF THE PARTY OF THE	86	29,165349 14	0,03428 73	24,14281 84	0,0/1/20 18	86	
	87	30,331963 11	0,03296 85	24,17578 69	0,0/1/363 70	87	
	88	31,545241 63	0,03170 05	24,20748 74	0,0/1/309 53	88	
	89	32,807051 29	0,03048 13	24,23796 87	0,0/1/257 58	89	
	90	34,119333 35	0,02930 89	24,26727 76	0,0/1/257 75	90	
Section of the last of the las	91	35,484106 68	0,02818 16	24,27545 92	0,041159 95	91	
	92	36,903470 95	0,02709 77	24,32255 69	0,041114 10	92	
	93	38,379609 79	0,02605 55	24,34861 24	0,041070 10	93	
	94	39,914794 18	0,02505 34	24,37366 58	0,041027 89	94	
	95	41,511385 94	0,02408 98	24,39775 56	0,0409°7 38	95	
The state of the s	96	43,171841 38	0,02316 32	21,42091 88	0,040948 50	96	
	97	44,898715 04	0,02227 24	24,44319 12	0,040911 19	97	
	98	46,694663 64	0,02141 57	24,46460 69	0,040875 38	98	
	99	48,562450 18	0,02059 20	24,48519 90	0,040841 00	99	
	100	50,504948 19	0,01980 00	24,50499 90	0,040808 00	100	
4	the state of the state of					The second second	

$4^{-1}/_{2}$ pour 100

ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'auuées.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUTÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprant de + franc.	ANNÉES.
1	1,045000 00	0,95693 78	0,95693 78	1,045000 00	1
2	1,092025 00	0,91573 00	1,87266 78	0,533997 56	2
3	1,141166 12	0,87629 66	2,74896 44	0,363773 36	3
4	1,192518 60	0,83856 13	3,58752 57	0,278743 65	4
5	1,246181 94	0,80245 10	4,38997 67	0,227791 64	5
6 7 8 9 10 11	1,302260 12 1,360861 83 1,422100 61 1,486095 14 1,552969 42 1,622853 05	0,76789 57 0,73482 85 0,70318 51 0,67290 44 0,64392 77 0,61619 87	5,15787 25 5,89270 09 6,59588 61 7,26879 05 7,91271 82 8,52891 69	0,193878 39 0,169701 47 0,151609 65 0,137574 47 0,126378 82	6 7 8 9 10
12	1,695881 43	0,58966 39	9,11858 oš	0,100666 19	12
13	1,772196 10	0,56427 16	9,68285 24	0,103275 35	13
14	1,851944 92	0,53997 29	10,22282 53	0,007820 32	14
15	1,935282 44	0,51672 04	10,73954 57	0,003113 81	15
16	2,022370 15	0,49,46 93	11,23401 50	0,089015 37	16
17	2,113376 81	0,47317 64	11,70719 14	0,085417 58	17
18	2,208478 77	0,45280 04	12,15999 18	0,082236 90	18
19	2,307860 31	0,43330 18	12,59329 36	0,079407 34	19
20	2,411714 02	0,41464 29	13,00793 65	0,076876 14	20
21	2,520241 16	0,39678 74	13,40472 39	0,074600 57	21 22 23 24 25
22	2,633652 01	0,37970 09	13,78442 48	0,072545 65	
23	2,752166 35	0,36335 01	14,14777 49	0,070682 49	
24	2,876013 83	0,34770 35	14,49547 84	0,068987 03	
25	3,005434 46	0,33273 06	14,82820 90	0,067439 03	
26	3,140679 01	0,31840 25	15,14661 14	0,066021 37	26
27	3,282009 56	0,30469 14	15,45130 28	0,064719 46	27
28	3,429699 99	0,29157 07	15,74287 35	0,063520 81	28
29	3,584036 49	0,27901 50	16,02188 85	0,062414 61	29
30	3,745318 13	0,26700 00	16,28888 85	0,061391 54	30
31	3,913857 45	0,25550 24	16,54439 10	0,060443 45	31
32	4,089981 04	0,24449 99	16,78889 09	0,059563 20	32
33	4,271030 18	0,23397 12	17,02285 21	0,058744 53	33
34	4,466361 54	0,22389 50	17,24675 80	0,057981 91	34
35	4,667347 81	0,21425 44	17,46101 24	0,057270 45	35
36	1,877378 46	0,20502 82	17,66604 06	0,056605 78	36
37	5,096860 49	0,19619 92	17,86223 98	0,055984 02	37
38	5,326219 21	0,18775 01	18,04999 02	0,055401 69	38
39	5,565899 08	0,17966 55	18,22965 57	0,054855 67	39
40	5,816364 54	0,17192 87	18,40158 44	0,054343 15	40
41	6,078100 94	0,16452 51	18,56610 95	0,053861 58	41
42	6,351615 48	0,15744 03	18,72354 98	0,053408 68	42
43	6,637438 18	0,15006 05	18,87421 03	0,052982 35	43
44	6,936122 90	0,14417 28	19,01838 31	0,052580 71	44
45	7,248248 43	0,13796 44	19,15634 74	0,052202 02	45
46	7,574419 61	0,13202 33	19,28837 07	0,051844 71	46
47	7,915268 49	0,12633 81	19,41470 88	0,051507 34	47
48	8,271455 57	0,12089 77	19,53560 65	0,051188 58	48
49	8,643671 07	0,11569 16	19,65129 81	0,050887 22	49
50	9,032636 27	0,11070 97	19,76200 78	0,050602 15	50

4 1/2 pour 100.

ANNÉES.	valeur acquise par 1 franc après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUTÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.		
51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 71 72 73 74 75 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 99 91 99 99 91 99 99 99 99 99 99 99 99	9,439104 90 9,863864 63 10,307738 53 10,7771586 77 11,256308 17 11,762842 04 12,292169 93 12,845317 58 13,423356 87 14,027407 93 14,658641 29 15,318280 14 16,007602 75 16,727944 87 17,480702 39 18,267334 00 19,089364 03 19,048385 41 20,846062 76 21,784135 58 22,764421 68 23,788820 66 24,859317 59 25,977986 88 27,146906 29 28,368611 12 29,645198 62 30,979232 56 32,373298 02 33,83096 43 35,352450 73 36,943311 06 38,605760 06 40,43311 06 38,605760 06 40,43311 06 38,605760 06 42,158455 13 44,055585 61 46,038086 96 42,158455 13 44,055585 61 46,038086 96 42,158457 13 57,971832 41 59,953364 87 62,651475 20 65,470791 68 68,416977 30 71,495741 28 74,713046 87 87,75136 87 87,558518 03	0,10594 22 0,10138 01 0,09701 45 0,09283 68 0,08883 91 0,08501 35 0,08135 26 0,07449 70 0,07128 90 0,06528 1 91 0,06528 1 91 0,06528 1 91 0,06528 7 03 0,05978 02 0,05720 59 0,05474 25 0,05238 20 0,05238 20 0,05238 20 0,04797 07 0,04590 50 0,04392 86 0,04797 07 0,04590 50 0,04393 86 0,04602 64 0,03849 41 0,03683 65 0,03525 02 0,03373 23 0,03227 97 0,03688 97 0,02955 06 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 29 0,02478 74 0,02590 38	19,86795 00 19,96933 02 20,06634 47 20,15918 15 20,24802 06 20,33363 40 20,41438 66 20,4923 60 20,56673 30 20,63802 20 20,70624 12 20,77152 27 20,83399 30 20,83377 32 20,95097 91 21,00572 17 21,05816 68 21,10623 62 21,10623 62 21,15620 69 21,20211 19 21,24604 01 21,22807 66 21,32830 30 21,36679 71 21,40363 36 21,43888 38 21,47261 61 21,59363 15 21,43888 38 21,47261 61 21,59363 15 21,62070 00 21,64660 29 21,67139 03 21,71780 89 21,73953 01 21,76031 59 21,76031 59 21,76031 59 21,76030 66 21,79924 07 21,81745 53 21,85156 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,85756 50 21,91140 34 21,92478 79 21,914985 27	0,050332 32 0,050076 79 0,049834 69 0,049635 19 0,049635 56 0,049878 97 0,048829 62 0,048454 26 0,048454 26 0,048454 26 0,048454 26 0,048442 84 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 15 0,047861 17 0,046886 05 0,046870 00 0,046870 00 0,046570 00 0,04630 00 0,04630 00 0,046370 00 0,046370 00 0,046370 00 0,046370 00 0,046370 00 0,046383 34 0,045798 27 0,045873 16 0,045873 16 0,045873 16 0,045873 10 0,045687 99 0,045687 99 0,045687 99 0,045687 99 0,045687 99 0,045688 34 0,045688 34 0,045588 85 0,045588 85	51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90		
				1	1		

*						
ANNČES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'aunées.	VALEUR ACTUELLE de 4 franc erigible après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNËES.	
12345 67890 112345 67890 122345 67890 3123345 67890 323345 67890 323345 67890 333333333333333333333333333333333333	nn certain nombre	certain nombre		d'un emprunt	12345 67890 1112345 67890 112345 67890 3123345 667893 315 36788	
39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50	0,383477 29 6,704751 15 7,039988 71 7,391988 15 7,761587 55 8,140666 93 8,557150 28 8,985007 79 9,434258 18 9,905971 09 10,401269 65 10,921333 13 11,467399 78	0,15000 54 0,14914 80 0,14204 57 0,13528 16 0,12883 96 0,12270 44 0,11686 13 0,11129 65 0,10599 67 0,10994 92 0,09614 21 0,09156 39 0,08720 37	10,80789 27 17,01704 07 17,15908 64 17,29436 80 17,42320 76 17,54591 20 17,66277 30 17,77406 98 17,88006 65 17,98101 57 18,07715 78 18,16872 17 18,25592 55	0,039284 23 0,058764 62 0,058278 16 0,057822 29 0,057394 71 0,056993 33 0,056616 25 0,056261 73 0,055928 20 0,055614 21 0,055318 43 0,055039 65 0,054776 74	38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50	

5 pour	1	0	0	٠
--------	---	---	---	---

	5 pour 100.							
ANNĖES,	valeur acquise par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 4 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITES pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.			
51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 70 71 72 73 74 75 77 78 79 80 81 82	un certain nombre d'années. 12,040769 77 12,642808 26 13,27/19/18 68 13,938696 11 14,635630 92 15,367412 46 16,135783 08 16,942572 24 17,789700 85 18,679185 89 19,613145 19 20,593802 45 21,623/192 57 22,704667 20 23,83990 36 25,031895 59 26,283/190 36 25,031895 53 31,947746 81 33,5426425 53 31,947746 81 33,545134 15 33,5426425 53 31,947746 81 33,545134 15 33,545134 15 33,5426328 92 40,774320 22 42,813036 23 44,953688 04 47,201372 44 49,551441 06 52,039513 12	certain nombre d'années. 0,08305 12 0,07909 64 0,07532 99 0,07174 27 0,06832 64 0,06507 28 0,06197 41 0,05902 29 0,05621 23 0,05353 55 0,05098 63 0,04624 60 0,04404 38 0,04194 65 0,03984 67 0,03623 49 0,03450 95 0,03130 11 0,02981 06 0,02839 10 0,02703 91 0,02575 10 0,02452 52 0,02335 74 0,0224 51 0,02118 58 0,01921 62 0,01830 11	de 1 franc. 18,33897 66 18,41807 30 18,44340 28 18,56514 56 18,63347 20 18,69854 47 18,76051 88 18,81954 17 18,87575 40 18,9228 95 18,98027 57 19,02883 40 19,07508 19,11912 38 19,16107 03 19,23906 61 19,23906 61 19,23906 61 19,23906 61 19,23936 66 19,33931 05 19,34267 66 19,37397 78 19,40378 33 19,43217 94 19,45921 85 19,48497 00 19,50949 52 19,553285 26 19,55509 77 19,57628 35 19,515646 65 19,61567 67 19,63397 78	d'un emprunt de 1 franc. 0,054528 67,0,054294 49,0,054073 34,0,053864 38,0,053666 86,0,053480 10,052978 02,0,052428 18 0,052686 27,0,052551 83,0,052424 42,0,052303 65,0,052428 15 0,052686 57,0,051879 86,0,051787 15,0,051675 63,0,051787 15,0,051679 15,0,05	51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 67 68 69 70 71 72 73 74 75 77 78 80 81 82			
83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99 100	57,37363 21 60,242211 37 63,254353 44 66,417071 11 69,737924 67 73,224820 90 76,886061 95 80,730365 04 81,766883 29 89,065227 46 93,455488 83 98,128263 27 103,034676 44 108,186410 26 113,595730 77 119,275517 31 125,239293 18 131,501257 84	0,01742 96 0,01659 96 0,01585 96 0,01585 64 0,01365 66 0,01306 63 0,01238 69 0,01179 71 0,01123 53 0,01070 03 0,01019 07 0,00970 55 0,00924 33 0,00838 40 0,00838 47 0,00766 45	19,65140 74 19,66800 70 19,66880 62 19,66887 26 19,71321 20 19,72686 86 19,73987 48 19,75226 17 19,76405 88 19,77529 41 19,78599 44 19,7613 39 19,82393 70 19,83232 10 19,84030 57 19,84791 02	0,050886 94 0,050843 99 0,050863 99 0,050864 33 0,050727 40 0,050692 28 0,050658 88 0,050658 81 0,050568 15 0,050568 80 0,050549 80 0,050549 03 0,050549 03 0,050444 07 0,050422 74 0,050422 74 0,050383 14	83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99 100			

ANNĒES.	valeur acquise par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNĒES.		
1 2 3 4 5	1,060000 00 1,123600 00 1,191016 00 1,262476 96 1,338225 58	0,94339 62 0,88999 64 0,83961 93 0,79209 37 0,74725 82	0,94339 62 1,833339 27 2,67301 19 3,46510 56 4,21236 38	1,060000 00 0,545436 89 0,374109 81 0,288591 49 0,237396 40	1 2 3 4 5		
6 7 8 9 10	1,418519 11 1,503630 26 1,593848 07 1,689478 96 1,790847 70	0,70/96 05 0,66505 71 0,62741 24 0,59189 85 0,55839 48	4,91732 43 5,58238 14 6,20979 38 6,80:6.) 23 7,36008 71	0,203362 63 0,179135 02 0,161035 9.4 0,147022 24 0,135867 96	6 7 8 9 10		
11 12 13 14 15	1,898298 56 2,012196 47 2,132928 26 2,260903 96 2,396558 19 2,540351 68	0,52678 75 0,49696 94 0,46883 90 0,44230 10 0,41726 51	7,88687 46 8,38384 39 8,85268 30 9,29498 39 9,71224 90 10,10589 53	0,126792 94 0,119277 03 0,112960 11 0,107584 91 0,102962 76 0,098952 14	11 12 13 14 15		
17 18 19 20 21	2,5,70551 08 2,692772 79 2,854339 15 3,025599 50 3,207135 47 3,399563 60	0,39354 03 0,37136 44 0,35034 38 0,33051 30 0,31180 47 0,29415 54	10,47725 97 10,82760 35 11,15811 65 11,46992 12	0,095444 80 0,092356 54 0,089620 86 0,087184 56	17 18 19 20		
22 23 24 25 26	3,603537 42 3,819749 66 4,048934 64 4,291870 72 4,549382 96	0,29413 34 0,27750 51 0,26179 73 0,24697 85 0,23299 86 0,21981 00	12,04158 17 12,04158 17 12,30337 90 12,55035 75 12,78335 62 13,00316 62	0,083045 57 0,081278 48 0,079679 01 0,078226 72 0,076904 35	22 23 24 25 26		
27 28 29 30	4,822345 94 5,111686 70 5,418387 90 5,743491 17 6,088100 64	0,20736 80 0,19563 01 0,18455 67 0,17411 01 0,16425 48	13,21053 41 13,40616 43 13,59072 10 13,76483 12 13,92908 60	0,075697 17 0,074592 55 0,073579 61 0,072648 91	27 28 29 30 31		
32 33 34 35 36	6,453386 68 6,840589 88 7,251025 28 7,686086 79 8,147252 00	0,15495 74 0,14618 62 0,13791 15 0,13010 52 0,12274 08	14,08404 34 14,23022 96 14,36814 11 14,49824 64 14,62098 71	0,071002 34 0,070272 93 0,069598 43 0,068973 86 0,068394 83	32 33 34 35 36		
37 38 39 40	8,636087 12 9,154252 35 9,703507 49 10,285717 94	0,11579 32 0,10923 88 0,10305 55 0,09722 22 0,09171 90	14,73678 03 14,73678 03 14,84601 92 14,94907 47 15,04629 69	0,067857 43 0,067358 12 0,066893 80 0,066461 54 0,066058 86	37 38 39 40 41		
42 43 44 45 46	11,557032 67 12,250454 63 12,985481 91 13,764610 83 14,590487 48	0,08652 74 0,08162 96 0,07700 91 0,07265 01 0,06853 78	15,22454 33 15,32617 29 15,38318 20 15,45583 21 15,52436 99	0,065683 42 0,065333 12 0,065006 06 0,064700 50 0,064414 85	42 43 40 45 46		
47 48 49 50	15,465916 73 16,393871 73 17,377504 03 18,420154 27	0,06465 83 0,06099 84 0,05754 57 0,05428 84	15,58go2 82 15,65oo2 66 15,70757 23 15,76186 06	0,064147 68 0,063897 66 0,063663 56 0,063444 29	47 48 49 50		

			1		
ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUTÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.
51 52 53 54 55	19,525363 53 20,696885 34 21,938698 46 23,255020 37 24,650321 59	0,05121 54 0,04831 64 0,04558 16 0,04300 15 0,04056 74	15,81307 61 15,86139 25 15,90697 41 15,94997 55 15,99054 30	0,063238 80 0,063046 17 0,062865 51 0,062696 02 0,062536 96	51 52 53 54 55 56
56 57 58 59 60	26,129340 89 27,697101 34 29,358927 42 31,120463 07 32,987690 85	0,03827 12 0,03610 49 0,03406 12 0,03213 32 0,03031 43	16,02881 41 16,06491 90 16,09898 02 16,13111 34 16,16142 77	0,062387 65 0,062247 44 0,062115 73 0,061992 00 0,061875 72	57 58 59 60
61	34,966952 30	0,02859 84	16,19002 61	0,061766 42	61
62	37,064969 44	0,02697 97	16,21700 58	0,061663 66	62
63	39,288867 61	0,02545 25	16,24245 83	0,061567 03	63
64	41,646199 67	0,02401 18	16,26647 01	0,061476 15	64
65	44,144971 65	0,02265 26	16,28912 27	0,061390 66	65
66	46,793669 94	0,02137 04	16,31049 31	0,061310 22	66
67	49,601290 24	0,02016 08	16,33065 39	0,061234 54	67
68	52,577367 55	0,01901 96	16,34967 35	0,061163 30	68
69	55,732009 60	0,01794 30	16,36761 65	0,061096 25	69
70	59,075930 18	0,01692 71	16,38454 39	0,061033 13	70
71	62,620485 99	0,01596 92	16,40051 31	0,060973 70	71
72	66,377715 15	0,01506 53	16,41557 84	0,060917 74	72
73	70,360378 06	0,01421 25	16,42979 09	0,060865 05	73
74	74,582000 74	0,01340 81	16,44319 90	0,060815 42	74
75	79,056920 79	0,01264 91	16,45584 81	0,060768 67	75
76	83,800336 03	0,01193 31	16,46778 12	0,060724 63	76
77	88,828356 19	0,01125 77	16,47903 89	0,060683 15	77
78	94,158057 57	0,01062 04	16,48965 93	0,060644 07	78
79	93,807541 02	0,01001 93	16,49967 86	0,060607 24	79
80	105,795993 48	0,00945 22	16,50913 08	0,060572 54	80
81	112,143753 09	0,00891 71	16,51804 79	0,060539 84	81
82	118,872378 28	0,00841 24	16,52646 03	0,060509 03	82
83	126,004720 97	0,00793 62	16,53439 65	0,060479 98	83
84	133,565004 23	0,00748 70	16,54188 35	0,060452 61	84
85	141,578904 48	0,00706 32	16,54894 67	0,060426 81	85
86	150,073638 75	0,00666 34	16,55561 01	0,060402 49	86
87	159,078057 08	0,00628 62	16,56189 63	0,060379 56	87
88	168,622740 50	0,00593 04	16,56782 67	0,060357 95	88
89	178,740104 93	0,00559 47	16,57342 14	0,060337 57	89
90	189,464511 23	0,00527 80	16,57869 94	0,060318 36	90
91	200,832381 90	0,00497 93	16,58367 87	0,060300 25	91
92	212,882324 82	0,00469 74	16,58837 62	0,060283 18	92
93	225,655264 31	0,00443 15	16,59280 77	0,060267 08	93
94	239,194580 17	0,00418 07	16,59698 84	0,060251 90	94
95	253,546254 98	0,00394 41	16,60093 24	0,060237 58	95
96	268,759030 27	0,00372 08	16,60465 32	0,060224 08	96
97	284,884572 09	0,00351 02	16,60816 34	0,060211 35	97
98	301,977646 42	0,00331 15	16,61147 49	0,060199 35	98
99	320,096305 20	0,00312 41	16,61459 90	0,060188 03	99
100	339,302083 51	0,00294 72	16,61754 62	0.060177 36	100

1	*						
	ANNĒES.	valeur acquise par 1 franc après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 4 franc.	ANNÉES.	
	1 2 3 4 4 5 6 7 8 9 10 11 12 3 4 4 1 15 16 17 18 9 20 12 23 4 4 5 6 7 8 20 31 2 23 4 4 5 6 37 8 39 4 0 1 4 2 4 3 4 4 4 5 6 4 7 4 8 9 5 0	1,070000 00 1,144900 00 1,144900 01 1,225043 00 1,310796 01 1,402051 73 1,500730 35 1,605781 48 1,718186 18 1,838/59 21 1,967151 36 2,104851 95 2,252191 59 2,4098/5 00 2,578534 15 2,759031 54 2,952163 75 3,158815 21 3,379032 28 3,616527 53 3,869684 46 4,140562 37 4,430401 74 4,740729 86 5,072366 95 5,427432 64 5,807352 92 6,213807 63 6,648838 36 6,648838 36 6,648838 36 6,648838 36 7,11427 05 7,612253 04 8,145112 90 8,715270 80 9,325339 75 9,325339 75 9,325339 75 9,325339 75 10,676581 48 11,4239/2 19 12,223318 14 13,994820 41 14,974457 84 16,022669 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 11,4236 78 12,472623 08 21,002451 76 22,472623 30 22,472623 30 225,728906 51 27,329929 97 29,457025 06	0,93457 94 0,87343 87 0,81629 79 0,76289 52 0,76289 52 0,76289 52 0,66634 22 0,62274 97 0,58200 91 0,54393 37 0,50834 93 0,47509 28 0,41496 44 0,38781 72 0,36244 60 0,33873 46 0,31657 43 0,29586 39 0,27650 83 0,25841 90 0,24151 30 0,22571 32 0,21094 66 0,16424 92 0,17219 55 0,16093 04 0,15040 22 0,14656 28 0,13136 71 0,1021 93 0,09366 29 0,08753 55 0,08180 88 0,07645 69 0,07145 50 0,06241 1 0,10723 47 0,10021 93 0,09366 89 0,07145 50 0,06678 04 0,06341 66 0,0532 86 0,05451 27 0,05094 64 0,05451 27 0,05094 64 0,04761 35 0,04448 75 0,03394 78	0,93457 91 1,80801 82 2,62431 60 3,38721 12 4,10019 74 4,76653 97 5,38928 94 5,97129 85 6,51523 22 7,02358 15 7,49867 43 7,94268 63 8,35765 07 8,74546 80 9,10791 40 9,44664 86 9,76322 30 10,05998 69 10,33559 52 10,59401 42 10,83552 73 11,06124 05 11,27218 74 11,46933 40 11,65358 32 11,82577 87 11,96670 90 12,13711 12 12,27767 41 12,40904 12 12,27767 41 12,40904 12 12,53181 42 12,64655 53 12,75379 00 12,85400 94 12,94767 23 13,03520 78 13,11701 66 13,10347 34 13,26492 85 13,33170 88 13,39412 04 13,45244 90 13,55696 17 13,55700 81 13,65002 01 13,69160 76 13,73047 444 13,76679 85 13,80074 63	1,070000 00 0,553091 79 0,381051 66 0,295228 12 0,243890 69 0,209795 80 0,185553 22 0,167467 76 0,153486 47 0,142377 50 0,133356 90 0,125901 99 0,119650 85 0,114344 94 0,109794 62 0,105857 65 0,102425 19 0,099412 60 0,096753 02 0,094302 93 0,092289 00 0,09452 77 0,0887189 02 0,096753 02 0,094480 77 0,085810 52 0,084561 03 0,083425 73 0,08581 52 0,084561 03 0,087189 02 0,076236 62 0,07796 71 0,077233 96 0,076236 76 0,076236 76 0,076236 76 0,075099 14 0,074655 62 0,073657 69 0,073657 69 0,073658 70 0,073659 62 0,073659 67 0,073658 70 0,073658 70 0,073658 70 0,073658 70 0,073658 70	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 177 189 20 21 223 24 25 27 28 29 30 31 23 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50	

1	- Pour 100.							
ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprint de 1 franc.	ANNÊES.			
51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 67 68 67 77 77 78 78 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97	31,519016 82 33,725347 99 36,086122 35 38,612150 92 41,315001 48 44,207051 59 47,301545 20 50,612653 36 54,155539 10 57,046126 83 62,002676 71 66,342864 08 70,986861 57 75,955945 09 81,272861 24 113,089392 20 121,968649 65 130,506455 13 139,641906 99 149,446840 47 159,876019 31 171,067342 35 183,04204 50 195,854998 32 224,234387 58 239,5654848 20 224,234387 58 239,5654848 20 224,234387 58 239,5654848 20 224,234387 58 239,5654848 20 224,234387 58 239,5654848 20 224,234387 58 239,5654848 20 224,234387 58 239,5654848 20 224,234387 58 239,5654848 20 224,234387 58 239,565881 66 505,01880 166 510,370117 77 578,196026 02 618,669717 84 661,976630 19 708,314994 30	0,03172 69 0,02965 13 0,02771 15 0,02589 86 0,02420 43 0,02262 08 0,02114 10 0,01975 79 0,01846 53 0,01725 73 0,01612 83 0,01507 32 0,01408 71 0,01316 55 0,01230 42 0,01149 93 0,01074 70 0,01004 39 0,0038 68 0,00766 25 0,00716 12 0,00669 27 0,00669 27 0,00669 27 0,00669 27 0,00669 27 0,00510 58 0,00510 58 0,00510 58 0,00510 58 0,00547 18 0,00445 96 0,0046 79 0,00389 52 0,00317 96 0,00477 18 0,00495 10 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00297 16 0,00198 01 0,00185 06 0,00141 18	13,83247 32 13,86212 45 13,86212 45 13,86212 45 13,9393 59 13,91573 45 13,96255 96 13,96255 96 14,03192 38 14,03192 38 14,05530 95 14,07038 27 14,08446 98 14,02192 38 14,10903 96 14,12143 88 14,12143 88 14,12143 88 14,13218 58 14,14222 97 14,15161 66 14,16038 93 14,16038 93 14,1638 82 14,17625 06 14,18341 18 14,19010 45 14,19635 93 14,2220 50 14,2274 08 14,21277 40 14,21277 40 14,21277 40 14,21277 40 14,212734 58 14,2220 57 14,23370 90 14,23370 90 14,23371 11 14,2403 96 14,2463 51 14,25742 68 14,2463 51 14,25742 68 14,25742 68 14,25742 68 14,25742 68 14,25742 68 14,25547 68 14,25547 68 14,25547 68 14,25547 68 14,25547 68 14,26413 30 14,26515 57	0,072293 65 0,072139 01 0,071936 09 0,071861 10 0,071363 33 0,071620 11 0,071311 83 0,071316 83 0,071316 83 0,071316 83 0,071316 83 0,071316 83 0,071316 83 0,071316 83 0,071316 83 0,071000 19 0,070933 88 0,070933 88 0,070933 88 0,070931 43 0,070966 30 0,070910 21 0,070663 30 0,070510 21 0,070504 90 0,070510 66 0,070510 66 0,070510 66 0,070511 66 0,070516 60 0,070517 66 0,070538 65 0,070538 65 0,070539 24 0,070539 24 0,070539 24 0,070539 25 0,070539 27 0,070539 27 0,070538 97 0,070538 97 0,070538 97 0,070538 87 0,070538 87 0,070538 87 0,070538 88 0,070139 05 0,070138 88 0,070139 05 0,070139 05 0,070131 33 0,070150 90	51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 71 72 73 74 75 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77			
98 99 100	757,897643 90 810,919836 97 867,716325 56	0,00131 04 0,00123 31 0,00115 24	14,26686 51 14,26809 82 14,26925 07	0,070098 97 0,070092 48 0,070086 43 0,070080 76	98 99 100			

ANNÉES,	VALEUR ACQUISE par 1 franc après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 frauc exigible après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE d'un certain nombre d'annnités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.
1 2 3 4 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 6 17 18 19 0 21 22 32 42 5 27 28 29 30 31 32 33 34 4 35 36 37 38 9 40 41 42 43 44		d'années. 0,92592 59 0,85733 88 0,79383 298 0,6858 32 0,63516 96 0,58349 04 0,54026 89 0,30024 90 0,46319 35 0,42888 29 0,36769 80 0,36769 80 0,31524 17 0,29189 0,30171 21 0,21454 82 0,19865 57 0,18394 05 0,17031 53 0,15769 93 0,14561 88 0,11591 37 0,10732 73 0,09937 73			1 2 3 3 4 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 0 21 12 23 24 25 5 27 8 29 30 31 32 33 33 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
45 46 47 48 49 50	31,920449 39 31,474085 34 37,232012 17 40,210573 14 43,427418 99 46,901612 51	0,03132 79 0,02900 73 0,02685 86 0,02486 91 0,02302 69 0,02132 12	12,10846 15 12,13740 88 12,16426 74 12,18913 65 12,21216 34 12,23348 46	0,082587 28 0,082389 91 0,082207 99 0,082040 27 0,081885 57 0,081742 86	45 46 47 48 49 50

8	pour	1	0().
0) O GI		٠.	

-							
ANNÉES.	VALEUR ACQUISE par 1 franc. après un certain nombre d'années.	valeur actuelle de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.		
51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 66 67 70 71 72 73 74 75 76 77 78 80 81 82 83 84 85	un certain nombre d'années. 50,653741 51 54,706040 84 59,082524 10 63,809126 03 68,913856 11 74,426964 60 80,381121 77 86,811611 51 93,756540 43 101,257063 07 109,357628 76 118,106239 06 127,554738 19 137,759117 24 148,779846 62 160,682234 35 173,536813 10 187,419758 14 202,413338 80 218,606405 90 236,094918 37 297,411601 81 321,204529 96 346,90892 35 374,652963 75 404,625200 84 436,995216 91 471,954834 26 509,711221 00 550,488118 68 594,527168 18 642,080341 63 673,456488 96	certain nombre d'années. 0,01974 19 0,01827 95 0,01692 55 0,01597 17 0,01451 09 0,01343 60 0,01244 07 0,01151 92 0,01066 59 0,00987 58 0,00987 58 0,00725 90 0,00672 35 0,00576 25 0,00533 56 0,00497 44 0,00423 56 0,00363 13 0,00363 13 0,00363 23 0,00363 13 0,00363 23 0,00363 23 0,00363 23 0,00363 23 0,00363 23 0,00363 23 0,00363 23 0,00363 23 0,00363 23 0,00363 23 0,00363 23 0,00368 27 0,00247 188 0,00186 66 0,00187 66 0,00187 74 0,00187 67	li i	Pamortissement d'un emprunt de 1 franc. 0,081611 16 0,081489 59 0,081377 35 0,081273 70 0,081177 96 0,081097 50 0,080932 28 0,030862 47 0,080797 95 0,0805384 97 0,080584 97 0,080584 97 0,080584 97 0,080587 14 0,080584 97 0,080587 14 0,080584 97 0,080581 35 0,08051 00 0,080587 19 0,080587 19 0,080587 19 0,080588 39 0,08058 49 0,08058 49 0,08058 49 0,08058 49 0,08058 49 0,08058 49 0,08058 59 0,	51 52 53 56 56 57 58 56 61 62 63 64 65 66 67 67 77 78 80 81 82 83 84 85 86		
86 87 88 89 90	748,933008 08 808,847648 73 873,555460 62 943,439897 47 1018,915089 27	0,00133 52 0,00123 63 0,00114 47 0,00106 00 0,00098 14	12,48330 96 12,48454 59 12,48569 07 12,48675 06 12,48773 20	0,080106 96 0,080099 02 0,080091 68 0,080084 89 0,080078 60	86 87 88 89 90		
91 92 93 94 95 96 97 98 99	1100,428296 41 1188,462560 13 1283,539564 91 1386,222730 13 1499,122548 54 1616,890192 42 1746,241407 82 1885,940720 41 2036,815978 08 2199,761256 32	0,000g0 87 0,0008/1 1/4 0,00072 1/4 0,00066 79 0,00061 85 0,00057 27 0,00053 02 0,000/49 10 0,000/49 4/6	12,48864 08 12,48948 22 12,49026 13 12,49098 27 12,49165 06 12,49286 91 12,49286 18 12,49387 20 12,49386 30 12,49431 76	0,080072 77 0,080067 37 0,080062 38 0,080057 75 0,080053 47 0,080049 51 0,080049 54 0,080042 44 0,080039 30 0,080036 38	91 92 93 94 95 96 97 98 99 100		

VALEUR ACQUISE par I franc après un certain nombre d'années. VALEUR ACTUELLE d'un critain nombre d'années. Valeur Actuelle Nombre d'années. Valeur Actuelle Nombre d'années. VALEUR ACTUELLE d'un critain nombre d'années. VALEUR ACTUELLE d'un critain nombre d'années. VALEUR ACTUELLE d'un critain nombre d'années. Valeur Actuelle Nombre Nombre d'années. Valeur Actuelle Nombre
2 1,210000 00 0,88644 63 1,73553 72 0,576190 48 2 3 1,33100 00 0,6531 35 3,48685 20 0,402114 80 3 4 1,404100 00 0,68301 35 3,16986 50 0,203797 48 5 5 1,610510 00 0,65092 13 3,79078 68 0,203797 48 5 6 1,771561 00 0,56447 39 4,33526 07 0,229607 38 67 1,948717 10 0,51315 81 0,40650 74 5,33492 62 0,187444 02 8 9 2,1357947 69 0,42409 76 5,75902 38 0,173640 54 9 10 2,593742 46 0,38554 33 6,14456 71 0,162745 40 10 2,593742 46 0,38554 33 6,14456 71 0,162745 40 10 2,593742 40 0,38554 33 6,44656 71 0,162745 40 10 12 8,833116 71 0,35049 39 6,49506 10 0,153963 14 11 12 3,138488 38 0,31863 08 6,81369 18 0,46763 32 12 13 3,452271 21 0,28966 44 7,10335 62 0,14078 52 13 14 3,797498 34 0,26333 12 7,36668 75 0,135746 22 14 15 4,177248 17 0,23939 20 7,66607 05 0,131473 78 15 14 15 4,177248 17 0,23939 20 7,66607 05 0,131473 78 15 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,124664 13 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,124664 31 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,124664 31 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,124664 31 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,124664 31 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,124664 31 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,124664 31 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,124664 31 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,124664 31 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,124664 31 17 5,054470 28 0,19784 47 8,02155 33 0,112664 33 17 4,400249 96 0,16350 80 8,364869 43 0,1115624 39 21 22 8,140274 94 0,12284 60 8,77154 63 0,112571 81 23 24 9,840732 68 0,10152 56 8,98474 40 0,111297 18 23 24 9,840732 68 0,10152 56 8,98474 40 0,111297 18 23 24 9,840732 68 0,10152 56 8,98474 40 0,111297 18 23 23 1,113776 75 0,04730 24 9,10960 50 0,10499 71 28 14,420993 61 0,06934 33 9,5656 55 0,104971 72 32 33 2,221514 42 0,06934 33 9,5656 55 0,104971 72 32 33 2,221514 42 0,06934 33 9,5656 55 0,104971 72 32 33 2,22154 42 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 54 0,06934 5
49 100,718007 10 0,00037 04 0,00620 50 0.100045 00 49

ANNÉES.	valeur acquise par l franc après un certain nombre d'années.	VALEUR ACTUELLE de 1 franc exigible après un certain nombre d'années.	valeur actuelle d'un certain nombre d'annuités de 1 franc.	ANNUITÉS pour les services de l'intérêt et de l'amortissement d'un emprunt de 1 franc.	ANNÉES.
51	129,129938 17	0,00774 41	9,92255 86	0,100780 46	51
52	142,042931 98	0,00704 01	9,92959 87	0,100709 00	52
53	156,247225 18	0,00640 01	9,93599 89	0,100614 13	53
54	171,871947 70	0,00581 83	9,94181 71	0,100585 23	54
55	189,059142 47	0,00528 93	9,94710 65	0,100531 75	55
56	207,965056 72	0,00480 85	9,95191 50	0,100483 17	56
57	228,761562 39	0,00437 13	9,95628 64	0,100439 06	57
58	251,637718 63	0,00397 40	9,96026 03	0,100398 98	58
59	276,801490 49	0,00361 27	9,96387 30	0,100362 58	59
60	304,481639 54	0,00328 43	9,96715 73	0,100329 51	60
61	334,929803 50	0,00298 57	9,97014 30	0,100299 46	61
62	368,422783 85	0,00271 43	9,97285 73	0,100272 17	62
63	405,265062 23	0,00246 75	9,97532 48	0,100247 36	63
64	445,791568 45	0,00224 32	9,97756 80	0,100224 83	64
65	490,370725 30	0,00203 93	9,97960 73	0,100204 34	65
66	539,407797 83	0,00185 39	9,98146 11	0,100185 73	66
67	593,348577 61	0,00168 53	9,98314 65	0,100168 82	67
68	652,683435 37	0,00153 21	9,98467 86	0,100153 45	68
69	717,951778 91	0,00139 28	9,98607 15	0,100139 48	69
70	789,746956 80	0,00126 62	9,98733 77	0,100126 78	70
72	868,721652 48	0,00115 11	9,98848 88	0,100115 24	71
73	955,593817 73	9,00104 65	9,98953 53	0,100104 76	72
74	1051,153199 50	0,00095 13	9,99048 66	0,100095 22	73
75	1156,268519 45	0,00086 48	9,99135 15	0,100086 56	74
76	1271,895371 40	0,00078 62	9,99213 77	0,100078 68	75
77	1399,084908 53	0,00071 47	9,99285 25	0,100071 53	76
78	1538,993399 39	0,00064 98	9,99350 22	0,100065 02	77
79	1692,892739 33	0,00059 07	9,99409 29	0,100059 11	78
80	1862,182013 26	0,00053 70	9,99462 99	0,100053 73	79
81	2048,400214 59	0,00048 82	9,99511 81	0,100048 84	80
82 83 84 85 86	2253,240236 04 2478,564259 65 2726,420685 61 2999,062754 18 3298,969029 59 3628,865932 55	0,00044 38 0,00040 35 0,00036 68 0,00033 34 0,00030 31	9,99556 19 9,99596 54 9,99633 22 9,99666 56 9,99696 87	0,100044 40 0,100040 36 0,100036 69 0,100030 32	81 82 83 84 85
87 88 89 90	3991,752525 81 4390,927,778 39 4830,020556 23 5313,022611 85 5844,324873 03	0,00027 56 0,00025 05 0,00022 77 0,00020 70 0,00018 82	9,99724 43 9,99749 48 9,99772 26 9,99792 96 9,99811 78	0,100027 56 0,100025 06 0,100022 78 0,100020 71 0,100018 83	86 87 88 89 90
92 93 94 95 96	6428,757360 34 7071,633096 37 7778,796406 01 8556,676036 61 9412,343651 27	0,00017 11 0,00015 56 0,00014 14 0,00012 86 0,00011 69	9,99828 89 9,99844 45 9,99858 59 9,99871 44 9,99883 13	0,100017 11 0,100015 56 0,100014 14 0,100012 86 0,100011 69	92 93 94 95
97 98 99 100	10353,578016 40 11388,935818 04 112527,829399 84 13780,612339 82	0,00000 66 0,00008 78 0,00007 98 0,00007 26	9,99893 76 9,99903 41 9,99912 19 9,99920 18 9,99927 43	0,100010 63 0,100009 66 0,100008 78 0,100007 98 0,100007 26	97 98 99 100



TABLE II.

CETTE TABLE DONNE, POUR LES TAUX ANNUELS USUELS,

LA VALEUR ACQUISE PAR 1 FRANC

PLACÉ A INTÉRÊT COMPOSÉ

PENDANT UN CERTAIN NOMBRE DE MOIS.

TABLE II.

VALEUR ACQUISE PAR 1 FRANC PLACÉ A INTÉRÊT COMPOSÉ PENDANT UN CERTAIN NOMBRE DE MOIS.

TAUX º/o.	1 mois.	2 mois.	3 mois.	4 mois.	5 mois.	6 mois.	TAUX 0/0.
1	1,00083	1,00166	1,00249	1,00332	1,00416	1,00499	1
1 1/4 1 1/2 1 5/8 1 3/4 1 7/8	1,00104 1,00124 1,00134 1,00145 1,00155	1,00207 1,00248 1,00269 1,00290 1,00310	1,00311 1,00496 1,00404 1,00435 1,00465	1,00415 1,00497 1,00539 1,00580	1,00519 1,00622 1,00674 1,00725	1,00623 1,00747 1,00809 1,00871 1,00933	1 1/4 1 1/2 1 5/8 1 8/4 1 7/8
9 1/8 9 1/4 9 3/8 9 1/4 9 3/8 9 1/2 9 5/8 9 3/4 9 7/8	1,00165 1,00175 1,00185 1,00196 1,00206 1,00216 1,00226 1,00236	1,00331 1,00351 1,00371 1,00392 1,00412 1,00433 1,00453	1,00496 1,00527 1,00558 1,00589 1,00619 1,00650 1,00681	1,00662 1,00703 1,00744 1,00785 1,00826 1,00867 1,00908	1,00829 1,00880 1,00932 1,00982 1,01034 1,01085 1,01137 1,01188	1,00995 1,01057 1,01119 1,01181 1,01242 1,01304 1,01366 1,01427	2 1/2 2 1/4 2 2 1/2 2 2 5/8 2 2 7/8
3 1/8 3 1/4 3 3/8 3 1/2 3 5/8 3 3/4 3 7/8	1,00247 1,00257 1,00267 1,00277 1,00287 1,00297 1,00307 1,00317	1,00494 1,00514 1,00534 1,00555 1,00575 1,00595 1,00615	1,00742 1,00772 1,00803 1,00833 1,00894 1,00925 1,00955	1,00990 1,01031 1,01072 1,01113 1,01153 1,01194 1,01235 1,01275	1,01239 1,01290 1,01342 1,01393 1,01444 1,01495 1,01546 1,01597	1,01489 1,01550 1,01612 1,01674 1,01735 1,01796 1,01858	3 1 5 3 4 5 5 5 5 7 4 8 7 7 8
1/4 1/5 1/6 1/4 1/4 1/4 3/8 1/4 1/2 1/5 1/6 1/4 3/4 1/2 1/4 3/4 1/4 7/8	1,00327 1,00337 1,00347 1,00357 1,00367 1,00377 1,00387	1,00656 1,00676 1,00696 1,00716 1,00756 1,00776 1,00796	1,00985 1,01016 1,01046 1,01076 1,01106 1,01137 1,01167	1,01316 1,01357 1,01397 1,01438 1,01478 1,01519 1,01559	1,01648 1,01699 1,01749 1,01800 1,01851 1,01902 1,01952 1,02003	1,01980 1,02042 1,02103 1,02164 1,02225 1,02286 1,02347 1,02409	4 1 8 4 1 / 8 4 1 / 8 4 1 / 8 4 1 / 8 4 1 / 8 4 1 8 4 1 8 4 1 8 4 1 8 4 1 8 4 1 8 1 8
5 1/8 5 1/4 5 8/4 5 1/2 5 5/8 5 3/4 5 5/8 5 7/8	1,00407 1,00417 1,00427 1,00447 1,00447 1,00467 1,00477	1,00816 1,00836 1,00856 1,00876 1,00816 1,00936 1,00956	1,01227 1,01257 1,01287 1,01318 1,01348 1,01378 1,01408	1,01640 1,01680 1,01720 1,01761 1,01801 1,01841 1,01882	1,02054 1,02104 1,02155 1,02205 1,02256 1,02306 1,02357	1,02470 1,02530 1,02592 1,02652 1,02713 1,02774 1,02835 1,02896	5 1 2 5 1 4 5 8 5 1 / 2 5 5 5 5 5 7 / z
6 1/4 6 1/2 6 3/4	1,00487 1,00506 1,00526 1,00546	1,00976 1,01015 1,01055 1,01095	1,01467 1,01527 1,01587 1,01646	1,01961 1,02041 1,02121 1,02201	1,02458 1,02558 1,02659 1,02759	1,02956 1,03078 1,03199 1,03320	6 6 1/4 6 1/2 6 3/4
7 8 9 10	1,00565 1,00643 1,00721 1,00797	1,01134 1,01291 1,01447 1,01601	1,01706 1,01943 1,02178 1,02411	1,02281 1,02599 1,02914 1,03228	1,02859 1,03259 1,03656 1,04051	1,03441 1,03923 1,04403 1,04881	7 8 9 10

TABLE II.

VALEUR ACQUISE PAR 1 FRANC PLACÉ A INTÉRÊT COMPOSÉ PENDANT UN CERTAIN NOMBRE DE MOIS.

STATISTICS.	7.1.7 0/	7 mois.	8 mois.	9 mois.	10 mois.	11 mois.	12 mois.	TAUX %
ALC: NO	1.10.1 /0.	1 11013.	——————————————————————————————————————	- Mois.	10 11015.		1.6	TAUX
AL PROPERTY.	1	1,00582	1,00666	1,00749	1,00833	1,00916	1,01000	1
20 00	1 1/4	1,00728 1,00872	1,00832	1,00936	1,010/1	1,01145	1,01250	1 1 4 1 5 5
Transmission	1 8/8	1,00945	1,01081	1,01217	1,01353 1,01456	1,01489	1,01625	4 0 0
deline replica	1 7/8	1,01090	1,01246	1,01403	1,01560	1,01717	1,01875	1 7/4
	2 1/8	1,01162	1,01329	1,01496	1,01664	1,01832	1,02000	9 1/3
STATISTICS.	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1,01306 1,01379 1,01451	1,01494	1,01683 1,01776 1,01869	1,01872	1,02061	1,02250 1,02375 1,02500	2 1/3 2 1/4 2 3/8 2 1/2 2 5/8 2 7/8
	2 5/8 2 3/8	1,01523 1,01595	1,01660 1,01742 1,01825	1,01962	1,02079 1,02183 1,02287	1,02404	1,02625	2 5 2 9 3 8
No. von Den	2 7/8	1,01667	1,01908	1,02149	1,02390	1,02633	1,02875	2 7/s
	3 1/8	1,01739 1,01811	1,01990 1,02073	1,02242 1,02335	1,02494 1,02598	1,02748	1,03000 1,03125	3 3 ½ 8 ½
4000	3 1/4	1,01883 1,01955	1,02155 1,02238	1,02428 1,02521	1,02701	1,02975 1,03089	1,03250 1.03375	3 3 4
COLUMN TO SERVICE	3 1/2	1,02027	1,02320	1,02614	1,02908	1,03201	1,03500 1,03625	3 1 1
· ·	3 3/1 3 7/8	1,02171	1,02485 1,02567	1,02800 1,02893	1,03115	1,03432 1,03546	1,03750 1,03875	3 5/8 3 3/1 3 7/8
	4 1/8	1,02314	1,02649	1,02985 1,03078	1,03322 1,03426	1,03661 1,03775	1,04000 1,04125	4 1/8
	4 1/4	1,02458	1,02814 1,02896	1,03171 1,03264	1,03529 1,03633	1,03889 1,04003	1,04250 1,04375	4 3/1
	4 1/2	1,02601 1,02672	1,02978 1,03060	1,03356 1,03449	1,03736 1,03840	1,04117	1,04560 1,04625	4 5/2
	4 3/4	1,02744 1,02816	1,03142	1,03542 1,03634	1,03943 1,04046	т,04346 т,04460	1,04750 1,04875	4 3/4 4 7/8
	5 5 1/	1,02887	1,03306 1,03388	1,03727 1,03820	1,04150 1,04253	1,04574 1,04688	1,05000 1,05125	5 5 ½
	5 1/4	1,03030	1,03470 1,03552	1,03912 1,04005	1,04356 1,04460	1,04802	1,05250 1,05375	5 3/4
41.6 2.00	5 1/8 5 5/2	1,03173 1,03244	1,03634 1,03716	1,04097	1,04563 1,04666	1,05030 1,05144	1,05500 1,05625	5 5/2
Section Property	5 1/8 5 1/4 5 3/8 5 1/8 5 5/8 5 5/8 5 5/8 5 7/8	1,03315 1,03386	1,03798 1,03889	1,04282 1,04375	1,04769 1,04873	1,05258 1,05373	1,05750 1,05875	5 3/5 5 7/8
200000000000000000000000000000000000000	6	1,03457	1,03961	1,04467	1,04976	1,05487	1,06000	6
- Carlo	6 1/4 6 1/2 6 3/4	1,03600 1,03742 1,03884	1,04124 1,04288 1,04451	1,04652 1,04836	1,05182 1,05388 1,05594	1,05715 1,05943 1,06170	1,06250 1,06500 1,06750	$\frac{6^{-1}/4}{6^{-3}/4}$
C. 8 10	7	1,04026	1,04451	1,05021	1,05800	1,06398	1,00730	7
	8 9	1,04592 1,05156	1,05265	1,05943 1,06677	1,06624 1,07446	1,07310	1,08000	8
	10	1,05717	1,06560	1,07410	1,08296	1,09130	1,10000	10
-	-			NAME OF TAXABLE PARTY.	CONTRACTOR OF STREET	and the second second		- 107 SH



TABLE III.

DONNANT

LA DÉFINITION DES PRINCIPAUX EMPRUNTS

COTÉS

A LA BOURSE DE PARIS.

5.7
aris
Ď
16
28.
2
20
~
~
2
S
10
2 3
unts
2
2
~
cmpr
27
ar
Ġ
22
1.1
~
les
2
20
17
,2
3
7
p_l
11
3
272
ò
T
1
\equiv
P-19
H
8
FAE
-

2					210	J	1000					d - (1) - (1)	
	OBSERVATIONS	13		(4) Ce tanx est relui sur lequel est calculée la prime de rem-	pour l'applica- cion de l'innôt	le 3 pour 100 (nº 123).						droit a l'amor-	l'intérèt semes- triel. (*) Les obli- gations qui ga-
PRIX (1)	slon.	1.9		*		*	*	*	*		(5 (2) 150000 (68, 20)	/20	345
LOTS Mon-tant	a chaque payement.	11	_	*			*	*	*		1,50000	13 (3) 5,70000	15 (8) 250000
Nom- bre	a cl	10	_					*	:		(1)	(13 (3)	
TS DES	lots sortis.	6		*		Ľ.	*	*	*		1°r mars.	1°r fëvriet. 1°r août.	31 janvier. 30 avril. 31 juillet. 30 octobre.
ÉPOQUE DES PAYEMENTS DES	obligations amorties.	8	_	*			*		*		1°r mars.	1°r février. 1°r août.	31 janvier 31 juillet.
ÉPOQUE	coupens d'intérèt.	7	 Fonds de l'État,	1°r janvier. 1°r avril. 1°r juillet. 1°r octobre.		5 mars.	6 mars. 6 septemb.	1°r janvier. 1°r janlet. 1°r juillet. 1°r octobre.	20 janvier.	Ville de Paris.	1er mars.	1°r fevrier.	753473 38 ans. 31 janvier.
DURÉE do	l'em- prunt.	9	Fonds	Ретр.		Perp.	Репр.	Perp.	i ans.	Ville	40 ans.	60 ans.	38 ans.
ORLIGA - TIONS VIVANCES	a l'origine des ages	7.3			14	*	*	*	*		149925	599706	
ORIGINE des ages	des obligations.	4		*	Voir la définition n° 72.	*	*	"	*		500 3 p. 100 1° sept. 1857 149925 40 ans.	7 p. 100 10 fevrier 1859 599706 60 ans.	400 3 p. 100 31 juillet 1871
TAUX	do Fintê. ôt.	ಣ		*	Voir la d	*	*		*		3 p. 100	(p. 100	3 p. 100
VALEUR nomi-	nale des titres	œ.			ž.		"		*		500	500	0017
DESIGNATION	des emprunts.	1		Rente 3 pour 100 perpétuelle	Rente 3 pour 100/ amortissable	Rente 4 pour 100	Rente 4 1/2 pour 100.	Rente 5 pour 100	Obligations trente-		1855.	1865	6981

n'ont droit ni a l'amortisse.	1. a. a. a. a.		ni a l'm- semestriel	urs. — Les gations	amorties n'ont pas droit au	dernier coupon	Il en est de	runts de	1875 et 1876.	; t out					<i>**</i>				Desiral	100		2 (
			306,98 ment ni a l'm- 306,86 térèt semestriel	293,70 en cours Les 1062,05 obligations	499,91 pas	268, 12 dernier coupon	283,18 11	500 emp	292,74 1875	1037,10	281,69	10,410	281,85	262,70	272,(5	263,50	285,05	300	1000	989,70		190	250 238,30	-
	(4) 125000 465		*	2.2		×				*			,,	::	: 1	``	: :	: \	"	<u> </u>		*	* *	Appropriate Approp
1 9 723	515		*	: :	>	*		-	= =	*	* ;		<u>"</u>	. :	: :	//	: :		*	*		*	* *	ASSESSED FOR THE PARTY OF THE P
25 fèv. mai	août, nov		*	* *	*	"	*	*	* *	*	*		*	*	* *	*	* *	: "	"	*		"	* *	SELVEN A CONTRACTOR OF THE SEC
	25 février. " août.	ais.	1 cr juillet.	id.	1 or juin.	id.	1 er janvier.	tor juillet	id.	1 er oetobre.	1er avril.	· na ·	1 er janvier.	id.	1 janvier.	id.	į.	id.	1er juillet.	id.	gers.	1 or avril.	1°r janvier. id.	STATE OF THE PERSONS IN
	258065 73 ans. 15 avril. (25 février (25 fév. mai,) 13 cotobre.) août. (août, nov.) 13	Chemins de fer français.	ans. (1er janvier)		1er janvier.	id.	1er janvier	jd.	id.	1er avril.	id.	ld.	1 or juillet.	id.	id.	id.	id.	id.		id.	Chemins de fer étrangers	91 ans. 1°r av., oct. 1°r avril.	ı janv., juil. 1°° janvier. id.	A STATE OF THE PARTY OF THE PAR
	73 ans.	emins c	75 ans.	99 ans.	99 ans.	92 ans.	95 ans.	50 ans.	99 ans.	50 ans.	99 апв.	99 ans.)	66 ans.	99 ans.	99 ans.	97 ans.	99 ans.	gg ans.	50 ans.	94 ans	emins d	gr ans.	91 ans. 1997 ans.	CAS - 100 CAS -
	258065	ខិ	2 2	2 2	*	*	*	"	2 2	*	*		*			"				*	G	11		COLUMN CONTRACTOR
	500 / p. 100 25 août 1876		3 p 100 1 or juillet 1851	id. 1858	p.100 1er juin 1853	id. 1857	3 p. 100 1 er janvier 1852	er juillet	id. 1859 id. 1866	4 p. 100 1 octob. 1851	3 p. 100 1°r avril 1855	ld.	3 p. 100 1 or janvier 1855	id.	ı °r janvier ı °r janvier	pi ,	id. 1856	id.	juillet	>		500 3 p. 100 10° janvier 1877	id 1867 id. 1859	
	4 p. 100		3 p 100	3 p.100	p.100	3 p.100	3 p.100	4 p.100	3 p. 100 3 p. 100	4 p.100	3 p.100	4 p.100	3 p.100	3 p. 100	3 p. 100 1 er	3 p. 100	3 p.100	3 p. 100	4 p. 100 1 or	3 p. 100		3 p. 100	3 p. 100	STATE OF THE PARTY
	500		500		650	200	200		500	1250	500		200	500			500	500	1250	200		500	500	N. C. P. S.
	1876		Nord, series 1-1	Midi. La Teste	Est, 1854	1d., 1856	Ardennes	Strasbourg-Bale, 52	Lyon fusion, 1858. Id. 1866.	Paris-Lyon, 1852	ld. 1855	Lyon-Mediterranee.	Lyon-Genève, 1855.	d 1857.	Grand-Central	Orléans, 1852	Bourbonnais	ld.	Ouest, 1852-54	id.		Nord-Espagne	Alicante	THE PERSON NAMED IN COLUMN TWO IS NOT THE PERSON NAMED IN COLUMN TRANSPORT NAMED IN COLUMN TWO IS NOT THE PERSON NAMED IN COLUMN TRANSPORT NAMED IN COLUMN TWO IS NOT THE PERSON NAMED IN COLUMN TRANSPORT NAMED IN COLUMN TWO IS NOT THE PERSON NAMED IN COLUMN TRANSPORT NAMED IN COLUMN TWO IS NOT THE PERSON NAMED IN COLUMN TRANSPORT NAMED IN COLUMN TWO IS NOT THE PERSON NAMED IN COLUMN TRANSPORT NAMED IN COLUMN TRANSPO



TABLE IV

DONNANT.

D'APRÈS DIFFÉRENTS TAUX ANNUELS D'INTÉRÊT,

LE PRIX DES OBLIGATIONS DE LA PREMIÈRE CLASSE

REMDOURSABLES

A 500 FR., ET RAPPORTANT 45 FR. D'INTÉRÊT ANNUEL,
L'AMORTISSEMENT FONCTIONNANT ANNUELLEMENT AUX ÉCHÉANCES DES COUPONS.

Cette Table contient, pour les durées futures indiquées dans les colonnes verticales extrêmes et pour les taux annuels indiquées dans la première ligne horizontale, la valeur actuelle d'une obligation de la première classe sans tenir compte des taxes qui la frappent

Elle permet également d'obtenir cette valeur avec une approximation de quelques centimes, en tenant compte: 1° de la taxe annuelle de o^{fr}, 20 pour 100 perçue sur les obligations au porteur; 2° de la taxe de 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime d'amortissement (n° 49).

Les règles à suivre pour tenir compte de l'influence des taxes sur les obligations sont communes à celles de la première et de la seconde classe (n° 66 et 67)

Comme les obligations de la première classe sont très rares, tandis que celles de la deuxième classe (obligations de chemins de fer) sont très nombreuses, nous avons préféré accumuler les indications et les exemples dans la note qui précède la Table V. Nous nous bornerons donc, en ce qui concerne les obligations de la première classe, à renvoyer le lecteur à cette note, ainsi qu'à ce qui a été dit aux n° 66, 67, 68 et 69.

EMPRUNTS DE LA 1⁷⁶ CLASSE DONT LES OBLIGATIONS PRODUISENT UN INTÉRÊT ANNUEL DE 15 FRANCS ET SONT REMBOURSABLES A 500 FRANCS.

Prix de ces obligations d'après divers taux annuels d'intérêt.

DURÉE future de l'emprunt.	4 7/8	5	5 1/8	5 1/4	5 3/8	DURÉS future de l'emprunt.
100 ans.	321,80	314,06	306,66	299,59	292,82	100 ans.
99 "	322,19	314,46	307,06	299,99	293,22	99 "
98 "	322,60	314,87	307,47	300,40	293,63	98 "
97 "	323,01	315,28	307,89	300,82	294,05	97 "
96 "	323,45	315,72	308,32	301,25	294,48	96 "
95 »	323,88	316, 16	308,77	301,70	294,93	95 »
94 »	324,34	316, 61	309,23	302,16	295,39	94 »
93 »	324,80	317, 08	309,70	302,63	295,86	93 »
92 »	325,27	317, 56	310,18	303,11	296,34	92 »
91 »	325,76	318, 05	310,67	303,61	296,84	91 »
90 »	326,26	318,56	311,18	304,12	297,35	90 »
89 »	326,77	319,08	311,71	304,65	297,88	89 »
88 »	327,30	319,61	312,25	305,19	298,42	88 »
87 »	327,85	320,16	312,80	305,75	298,98	87 »
86 »	328,40	320,73	313,37	306,32	299,55	86 »
85 » 84 » 83 » 82 ¤ 81 »	328,98	321,30	313,95	306,90	300,14	85 b
	329,56	321,90	314,55	307,51	300,75	84 5
	330,17	322,51	315,16	308,13	301,37	83 5
	330,78	323,13	315,80	308,77	302,01	82 5
	331,42	323,78	316,45	309,42	302,67	81 b
80 » 79 » 78 » 77 » 76 »	332,07	324,44	317,11	310,09	303,34	80 »
	332,74	325,11	317,80	310,78	304,04	79 »
	333,42	325,81	318,50	311,49	304,76	78 »
	334,13	326,52	319,22	312,22	305,49	77 »
	334,85	327,26	319,97	312,97	306,24	76 »
75 » 74 » 73 » 72 » 71 »	335,59 336,35 337,13 337,93 338,75	328,01 328,78 329,57 330,39 331,22	320,73 321,51 322,32 323,14 323,99	313,74 314,53 315,34 316,18 317,03	307,02 307,81 308,63 309,48 310,34	75 » 74 » 73 » 72 » 71 »
70 » 69 » 68 » 67 » 66 »	339,59 340,45 341,34 342,25 343,18	332,08 332,96 333,86 334,79 335,74	324,86 325,85 326,67 327,61 328,58	317,92 318,82 319,75 320,70 321,68	311,23 312,14 313,09 314,05 315,04	70 » 69 » 68 » 67 » 66 »
65 " 64 " 63 " 62 " 61 "	344,13 345,11 346,12 347,15 348,20	336,72 337,72 338,74 339,80 340,89	329,57 330,59 331,64 332,71 333,81	322,69 323,73 324,79 325,88 327,00	316,06 317,41 318,78 319,29 320,42	65 » 64 » 63 » 62 » 61 »
60 »	349,28	341,99	334,94	328,15	321,59	60
59 »	350,39	343,12	336,11	329,33	322,79	59
58 »	351,53	344,29	337,30	330,54	324,02	58
57 »	352,70	345,49	338,52	331,79	325,29	57
56 »	353,90	346,71	339,77	333,07	326,59	56
55 » 54 » 53 » 52 » 51 »	355,12 356,38 357,67 358,99 360,34	347,97 349,26 350,59 351,94 353,33	341,06 342,38 343,74 345,13 346,55	334,38 335,73 337,11 338,53 339,99	327,92 329,29 330,70 332,15 333,63	55 » 54 » 53 » 52 » 51 »

EMPRUNTS DE LA 1^{re} CLASSE DONT LES OBLIGATIONS PRODUISENT UN INTÉRÊT ANNUEL DE 15 FRANCS ET SONT REMBOURSABLES A 500 FRANCS.

Prix de ces obligations d'après divers taux annuels d'intérêt (suite).

27						and the same of the same	
	DURÉE future de l'emprunt.	4 7/8	5	5 1/8	5 1/4	5 3/8	DURÉE future de l'emprunt.
	50 ans. 49 » 48 » 47 » 46 »	361,73 363,15 364,60 366,09 367,62	354,76 356,23 357,73 359,26 360,84	348,02 349,52 351,06 352,64 354,26	341,49 343,02 344,60 346,22 347,88	335,16 336,73 338,34 339,99 341,69	50 ans. 49 " 48 " 47 " 46 "
	45 » 44 » 43 » 42 »	369,19 370,79 372,44 374,12 375,85	362,46 364,12 365,82 367,56 369,34	355,93 357,63 359,38 361,17 363,02	349,59 351,34 353,13 354,98 356,87	343,43 345,22 347,06 348,95 350,88	45 » 44 » 43 » 42 » 41 »
-	40 » 39 » 38 » 37 » 36 »	377,61 379,42 381,28 383,17 385,12	371,17 372,05 374,97 376,94 378,95	364,90 366,84 363,82 370,86 372,94	358,80 360,80 362,84 364,94 367,09	352,87 354,92 357,01 359,17 361,38	40 " 39 " 38 " 37 " 36 "
	35 » 34 » 33 » 32 »	387,11 389,14 391,23 393,38 395,56	381,02 383,14 385,31 387,53 389,81	375,08 377,28 379,53 381,83 384,19	369, 29 371, 56 373, 88 376, 26 378, 70	363,65 365,97 368,37 370,82 373,34	35 » 34 » 33 » 32 » 31 »
The second second	30 » 29 » 28 » 27 » 26 »	397,80 400,09 402,43 404,84 407,30	392,14 394,53 396,98 399,49 402,06	386,62 389,10 391,65 394,25 396,93	381,21 383,78 386,42 389,12 391,90	375,92 378,58 381,30 384,10 386,97	30 » 29 » 28 » 27 » 26 »
	25 n 24 n 23 n 22 n	409,81 412,39 415,02 417,72 420,48	404,69 407,39 410,15 412,97 415,86	399,67 402,48 405,35 408,30 411,33	394,74 397,66 400,65 403,72 406,86	389,91 392,93 396,03 399,21 402,48	25 " 24 " 23 " 22 " 21 "
The second second	20 » 19 » 18 » 17 » 16 »	423,30 426,19 429,14 432,17 435,27	418,83 421,86 424,97 428,15 331,40	414,42 417,59 420,84 424,18 427,59	410,09 413,40 416,79 420,26 423,82	405,82 409,26 412,79 416,40 420,11	20 » 19 » 18 » 17 »
STREET, STREET	15 b 14 » 13 » 12 » 11 »	438,43 441,67 444,98 448,37 451,83	434,73 438.15 441,64 445,21 448,87	431,08 434,66 438,33 442,09 445,93	427,48 431,22 435,06 439,00 443,03	423,92 427,83 431,83 435,94 440,16	15 » 14 » 13 » 12 »
The second second second second	10 » 9 » 8 » 7 » 6 »	455,37 458,99 462,70 466,49 470,36	452,61 456,44 460,36 464,37 468,48	449,88 453,91 458,05 462,28 466,41	447,17 451,40 455,75 460,20 464,76	444,48 448,91 453,46 458,13 462,91	10 " 9 3 8 9 7 " 6 "
THE PARTY OF THE P	5 » 4 » 3 » 2 » 1 »	474,32 478,37 482,51 486,74 491,06	472,68 476,98 481,37 485,87 490,48	471,05 475,60 480,25 485,01 489,89	469,43 474,22 479,13 484,16 489,31	467,82 472,85 478,01 483,30 488,73	5 " 4 " 3 " 2 " 1 "
L							

EMPRUNT DE LA 1^{rè} CLASSE DONT LES OBLIGATIONS PRODUISENT UN INTÉRÊT ANNUEL DE 15 FRANCS ET SONT REMBOURSABLES A 500 FRANCS.

Prix de ces obligations d'après divers taux annuels d'intérêt.

					en	
DURÉE future de l'emprunt.	5 1/2	5 5/8	5 3/4	5 7/8	6	DURÉE future de l'empiunt.
100 ans. 90 s 98 »	286,34 286,73 287,14	280,12 280,52 280,92	274,16 274,55 271,96	268,44 268,83 269,23	2(2,95 263,33 263,73	100 ans. 99 " 98 "
97 » 96 »	287,55 287,99	281,34 281,77	275,37 275,80	269,64 270,07	264,14 264,56	97 » 96 »
95 » 94 » 93 » 92 »	288,44 288,90 289,36 289,85 290,35	282,22 282,67 283,14 283,63 284,12	276,24 276,70 277,17 277,65 278,14	270,51 270,96 271,43 271,90 272,30	265,00 265,45 265,91 266,38 266,87	95 » 94 » 93 » 92 » 91 »
90 » 89 » 88 » 87 »	290,86 291,39 291,93	284,63 285,16 285,70 286,26	278,65 279,18 279,72 280,27	272,90 273,42 273,96 274,52	267,38 267,99 268,43 268,98	90 » 89 » 88 » 87 »
86 » 85 » 84 » 83 » 82 »	293,06 293,65 294,25 294,88 295,52	286,83 287,42 288,03 288,65 289,29	280,84 281,43 282,04 282,66 283,30	275,09 275,67 276,28 276,90 277,54 278,20	269,55 270,13 270,73 271,35 271,99	86 » 85 » 84 » 83 » 82 »
81 » 80 » 79 » 78 » 77 »	296,18 296,86 297,56 298,28 299,01	289,95 290,63 291,33 292,05 292,79	283,96 284,64 285,34 286,06 286,80	278,87 279,57 280,29 281,02	272,65 273,32 274,02 274,75 275,47	81 " 80 " 79 " 78 " 77 "
75 » 75 » 74 » 73 » 72 »	299,77 300,55 301,35 302,18 303,03	293,55 294,33 295,14 295,97 296,82	287,65 288,34 289,15 289,98 290,83	281,79 282,58 283,39 284,22 285,07	276,27 277,01 277,82 278,65 279,51	76 » 75 » 74 » 73 » 72 »
71 » 70 » 69 » 68 » 67 » 66 »	303,90 304,79 305,71 306,66 307,64 308,64	297,69 298,59 299,52 300,47 301,45 302,46	291,71 292,62 293,55 294,51 295,49 296,50	285,95 286,85 287,79 288,75 289,73 290,75	280,39 281,30 282,23 283,19 284,18 285,20	71 » 70 » 69 » 68 » 67 » 66 »
65 » 64 » 63 » 62 » 61 »	309,66 310,70 311,81 312,93 314,08	303,50 304,56 305,66 306,79 307,95	297,54 298,62 299,72 300,86 302,02	291,79 292,87 293,98 295,12 296,30	286,25 287,33 288,44 289,59 290,77	65 » 64 » 63 » 62 » 61 »
60 » 59 » 58 » 57 » 56 »	315,25 316,47 317,72 319,00 320,32	309,14 310,36 311,62 312,92 314,25	303,22 304,46 305,73 307,04 308,39	297,51 298.75 300,03 301,35 302,71	291,98 293,23 294,52 295,84 297,21	60 » 59 » 58 » 57 » 56 »
55 " 54 " 53 " 52 " 51 "	321,67 323,06 324,49 325,96 327,47	315,62 317,03 318,48 319,97 321,50	209,77 311,20 312,66 314,17 315,72	304,10 305,54 307,02 3(8,54 310,11	298,62 300,06 301,55 303,09 304,67	55 » 54 » 53 » 52 » 51 »
			- No. 100	The side of the board of	* 100 mg (100 mg)	1

EMPRUNTS DE LA 1 re CLASSE DONT LES OBLIGATIONS PRODUISENT UN INTÉRÊT ANNUEL DE 15 FRANCS ET SONT REMBOURSABLES A 500 FRANCS.

Prix de ces obligations d'après divers taux annuels d'intérêt (fin).

purée futare de l'emprunt.	5 1/2	5 ⁵ / ₈	3 ³ / ₄	5 7/3	6	DURÉE future de l'emprunt.
50 ans. 49 m 48 m 47 m 46 m	329,03 330,62 332,26 333,94 335,67	323,08 324,70 326,36 328,07 329,83	317,31 318,95 320,64 322,38 324,16	311,72 313,38 315,09 316,84 318,65	306,30 307,98 309,70 311,47 313,30	50 ans. 49 " 48 " 47 " 46 "
45 n 44 n 43 n 42 n 41 n	337,45 339,28 341,15 343,08 345,06	331,64 333,50 335,41 337,38 339,40	726,00 327,89 329,83 331,83 333,88	320,51 322,43 324,40 326,43 328,52	315,19 317,13 319,12 321,17 323,29	45 0 44 0 43 0 42 0 41 0
40 » 39 » 38 » 37 » 36 »	347,10 349,19 351,33 353,54 355,80	341,47 343,61 345,80 348,05 350,37	336,00 338,17 340,41 342,71 345,07	330,66 332,87 335,15 337,49 339,90	325,47 327,72 330,02 332,40 334,85	40 » 39 » 38 » 37 » 36 «
35 n 34 n 33 n 32 n 31 »	358,13 360,52 362,98 365,50 368,09	352,75 355,20 357,72 360,30 362,96	347,50 350,00 352,57 355,22 357,94	342,37 344,92 347,55 350,25 353,02	337,37 339,96 342,63 345,39 348,22	35 3 34 2 33 6 32 2 31 2
30 » 29 » 28 » 27 » 26 »	370,75 373,48 376,29 379,17 382,13	365,69 368,49 371,38 374,34 377,38	360,71 363,61 366,56 369,60 372,73	355,88 358,89 361,85 364,96 368,16	351,14 354,14 357,23 360,41 363,69	30 » 29 » 28 » 27 »
25 » 24 » 23 » 22 » 21 »	385,16 388,29 391,49 394,78 398,16	380,51 383,73 387,03 390,42 393,91	375,94 379,25 382,65 386,14 389,73	371,46 374,85 378,34 381,93 385,62	366,06 370,53 374,11 377,79 381,58	25 » 24 » 23 » 22 °
20 » 19 » 18 » 17 » 16 »	401,63 405,19 408,84 412,59 416,45	397,49 401,18 404,96 408,84 412,83	393,43 397,22 401,13 405,14 409,27	389,42 393,33 397,35 401,49 405,74	385,48 389,50 393,63 397,89 402,27	20 n 19 n 18 n 17 n 16 n
15 » 14 » 13 » 12 » 11 »	420,41 424,47 428,64 432,92 437,31	416,94 421,15 425,48 429,92 434,49	413,51 417,87 422,35 426,96 431,70	410,12 414,63 419,26 424,03 428,93	406,78 411,43 416,21 421,13 426,20	15 » 14 » 13 » 12 » 11 »
10 » 9 » 8 » 7 » 6 »	441,82 446,45 451,19 456,08 461,08	439,18 444,00 448,95 454,04 459,26	436,57 441,58 446,72 452,01 457,45	433,98 439,17 444,51 450,00 455,65	431,41 436,78 442,31 448,00 453,86	10 » 9 » 8 » 7 » 6 »
5 m 4 n 3 n 2 n 1 n	466,22 471,49 476,90 482,45 488,15	464,62 470,13 475,79 481,60 487,57	463, 04 468, 78 474, 69 480, 76 486, 99	461,46 467,44 473,59 479,92 486,41	459,99 466,10 472,46 479,07 485,84	5 » 4 » 3 » 1 »

TABLE V

DONNANT,

D'APRÈS DIVERS TAUX ANNUELS D'INTÉRÊT,

LE PRIX DES OBLIGATIONS DE CHEMINS DE FER

REMBOURSABLES

A 500 FR., ET RAPPORTANT 7^{re}, 50 D'INTÉRÊT SEMESTRIEL, L'AMORTISSEMENT FONCTIONNANT SEULEMENT EN FIN D'ANNÉE. Cette Table contient, pour les durées futures indiquées dans les colonnes verticales extrêmes et pour les taux annuels indiqués dans la première ligne horizontale, la valeur actuelle d'une obligation de la deuxième classe (obligation de chemin de fer), sans tenir compte des taxes qui la frappent.

Elle permet également d'obtenir cette valeur avec une approximation de quelques centimes, en tenant compte: 1° de la taxe annuelle de off, 20 pour 100 perçue sur les obligations au porteur; 2° de la taxe de 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime d'amortissement (n° 49).

Calcul, d'après un taux annuel donné de la valeur d'une obligation frappée de la taxe annuelle de o^{fr}, 20 pour 100.

Pour faire ce calcul, on se sert d'un taux auxiliaire d'évaluation supérieur de ofr, 20 au taux d'évaluation choisi (n° 66). Deux cas peuvent se présenter :

1° Le taux auxiliaire se trouve dans la Table.

Dans ce cas, on prendra la valeur correspondant à ce taux et à la durée future de l'emprunt auquel appartient l'obligation considérée.

Si la durée future de l'emprunt est fractionnaire, on augmentera sa partie entière d'une unité, ce qui revient à ne considérer que la partie entière de l'age de l'obligation; on ajoutera à la valeur trouvée pour cette durée ainsi modifiée celle de l'intérêt acquis, d'après le taux auxiliaire, ainsi qu'on va le voir à l'Exemple suivant:

Exemple. — Quelle est la valeur, au 1^{er} octobre 1878, et d'après le taux annuel 4,05 pour 100, d'une obligation du chemin de fer du Midi, frappée de la taxe de o^{fr}, 20 pour 100?

Le taux auxiliaire est 4,25 ou 4 ¼ pour 100; l'origine des âges des obligations du Midi étant le 1er juillet 1858 et sa durée totale de 99 ans (Table III), on prendra 79 ans pour la durée future de l'emprunt. La valeur correspondant à ce taux et à cette durée est égale, d'après la Table, à 379^{fr}, 305. Telle serait, au 1er juillet 1878, la valeur de l'obligation considérée; pour en déduire la valeur au 1er octobre 1878, il faut y ajouter la valeur actuelle, d'après le taux annuel 4 ¼ pour 100, de la motifé acquise du prochain coupon de 7^{fr}, 50 échéant

le 1er janvier 1878, soit $\frac{3^{fr},75}{1,01046}$ ou $3^{fr},711$ (Table II), ce qui donne $383^{fr},016$.

Si l'on voulait connaître la valeur de cette même obligation au 1er mars 1879, on effectuerait le calcul suivant :

$$379^{\rm fr}, 305 \times 1,02103 - 7^{\rm fr}, 50 + \frac{3^{\rm fr},75}{1,01046}$$
 (Table II),

dont le résultat est égal à 383fr,493.

2º Le taux auxiliaire ne se trouve pas dans la Table.

Dans ce cas on procédera par interpolation pour obtenir la valeur cherchée.

Exemple. — Quelle est la valeur au 1er juillet 1878, et d'après le taux annuel

4 pour 100, d'une obligation du chemin de fer du Midi frappée de la taxe de o^{fr}, 20 pour 100?

Le taux auxiliaire 4,20 pour 100 ne se trouve pas dans la Table; il est comprisentre les taux 4 ½ et 4 ¼ pour 100, auxquels correspondent respectivement, pour la durée feture de l'emprunt qui est de 79 ans, les valeurs 389^{fr}, 185 et 379^{fr}, 305. L'interpolation donne 383^{fr}, 257 pour la solution demandée.

Si la durée future de l'emprunt est fractionnaire, on agira comme il a été expliqué au premier cas.

Calcul, d'après un taux annuel donné, de la valeur d'une obligation frappée des taxes 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime d'amortissement.

Pour faire ce calcul, il n'y a qu'à suivre la règle énoncée à l'avant-dernier paragraphe du n° 67.

Exemple. — Quelle est la valeur, au 1^{er} juillet 1878, et d'après le taux annuel 4^{fr}, 05 pour 100, d'une obligation du chemin de fer du Midi frappée des taxes de 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime d'amortissement?

Le taux 4,05 pour 100 n'est pas dans la Table; il est compris entre les taux 4 et $4\frac{1}{8}$ pour 100 qui s'y trouvent et auxquels correspondent respectivement, pour la durée future de l'emprunt qui est de 79 ans, les valeurs 399^{fr} , 530 et 389^{fr} , 185. Une interpolation donnera 395^{fr} , 392 pour la valeur correspondant aux taux 4,05 pour 100.

La Table VI, 4 pour 100, montre que la nue propriété de l'obligation considérée est égale à $395^{\rm fr}$, 392×0.22 , soit à $86^{\rm fr}$, 986. Le prix d'émission des obligations du chemin de fer du Midi est de 293.70 (Table III).

Cela posé, la solution demandée s'obtiendra par le calcul suivant :

$$395^{\rm fr}, 392 \times 0.97 + \frac{0.03 \times 293.70 \times 86.986}{500} \ ({\rm n^0}\ 67),$$

dont le résultat est égal à 385fr, 063.

Si la durée future est fractionnaire, on agira comme il a été expliqué au premier cas du calcul précédent.

Cet exemple s'applique aux obligations nominatives qui sont exemptes de la taxe de 0,20 pour 100 qui frappe les obligations au porteur, mais qui en subissent une de 0,50 pour 100, calculée aussi sur le cours moyen de l'année précédente, chaque fois qu'elles sont transmises ou converties en obligations au porteur (n° 49).

Calcul, d'après un taux annuel donné, de la valeur d'une obligation frappée de la taxe annuelle de 0¹, 20 pour 100 et des taxes de 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime d'amortissement.

La règle à suivre pour faire ce calcul est énoncée dans le dernier paragraphe du n° 67.

Exemple. — Quelle est la valeur, au 1er juillet 1878, et d'après le taux 4,05 pour 100, d'une obligation du chemin de fer du Midi frappée de toutes les taxes sus-énoncées?

Le taux auxiliaire 4,25 pour 100 se trouve dans la Table.

La valeur de l'obligation considérée, frappée seulement de la taxe de ofe, 20 pour 100, est égale à 379fe, 305.

La valeur de l'obligation d'après le taux réel 4,05 pour 100 étant égale à 399^{fr} ,53, sa nue propriété vaut 399^{fr} ,53 × 0,22, soit à 86^{fr} ,975 (Table VI).

La solution demandée s'obtiendra donc par le calcul suivant :

$$379^{fe}$$
, $305 \times 0.97 + \frac{0.03 \times 203.70 \times 86.075}{500}$ (n° 67),

dont le résultat est égal à 369fr, 458.

Si le taux auxiliaire ne se trouve pas dans la Table et si la durée future de l'emprunt est fractionnaire, on agira comme il a été expliqué au premier calcul.

Cette Table permet aussi, étant donné le prix d'une obligation frappée de la taxe de 0,20 pour 100, ou des taxes de 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime de remboursement, ou bien encore de toutes ces taxes à la fois, de trouver approximativement le taux annuel d'intérêt correspondant à ce prix.

Calcul du taux annuel d'intérét correspondant au prix donné d'une obligation frappée uniquement de la taxe annuelle de 0,20 pour 100.

On commencera par déterminer le prix de l'obligation au commencement de l'année de son âge actuel. Une simple interpolation fera connaître le taux annuel d'intérêt correspondant à ce prix ; en le diminuant de 0,20, on obtiendra le taux demandé.

Exemple I. — Quel est le taux annuel d'intérêt correspondant, le 1^{er} novembre 1878, au prix de 355^{fr} pour une obligation Lyon-Fusion, frappée uniquement de la taxe de 0,20 pour 100?

La Table III montre que, à la date exprimée dans l'énoncé, l'âge de l'obligation considérée était de 18 ans 4 mois et que, au 1er juillet 1878, la durée future de l'emprunt Lyon-Fusion était de 81 ans.

Pour obtenir la valeur de cette obligation au 1^{er} juillet 1878, il faut retrancher de 355^{fr} les deux tiers acquis du coupon de 7^{fr}, 50 échéant le 1^{er} janvier 1879, soit 5^{fr}, ce qui donne 350^{fr}.

Le taux qui, dans la Table, correspond à cette valeur est comprise entre $4\frac{5}{8}$ et $4\frac{3}{4}$ pour 100, puisque elle-même est comprise entre $350^{\rm fr}$, 940 et $342^{\rm fr}$, 625 qui correspondent respectivement à ces taux pour des durées futures de 81 ans. L'interpolation donne 4,639. Le taux demandé est donc égal à 4,439.

Exemple II. — Quel est le taux annuel d'intérêt correspondant, le 1^{er} mars 1879, au prix de 352^{fr}, 80 pour une obligation de Lyon-Fusion frappée uniquement de la taxe de o^{fr}, 20 pour 100.

En retranchant de 352^{f1}, 80 le tiers acquis des coupons échéant le 1^{er} juillet 1878, on obtient 350^{fr}, 30 pour la valeur de l'obligation au 1^{er} janvier. On aura sa valeur au 1^{er} juillet 1878 en retranchant, de ce nombre, la demi-différence des prix qui, dans la Table V, s'en rapprochent le plus pour les durées de 81 et 80 ans, soit 350^{fr}, 94 et 351^{fr}, 55. Cette valeur est donc égale à

$$352,80 - 2,50 - \frac{351,55 - 350,94}{2} = 350^{\text{fr}}.$$

En opérant comme à l'exemple précédent, on trouvera 4^{fr}, 439 pour le taux demandé.

Calcul du taux annuel d'intérêt correspondant au prix donné d'une obligation frappée uniquement par les taxes de 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime de remboursement.

On commencera par déterminer, comme il a été expliqué dans le calcul précédent, le prix de l'obligation au commencement de l'année de son âge actuel; on divisera ce prix par 500; on fera le produit des quatre facteurs suivants:

10 Le quotient de la division précitée;

2° Le nombre 0,03;

3° Le prix d'émission de l'obligation considérée;

4° Le nombre qui, dans la Table VI, correspond à la durée future de l'emprunt auquel appartient cette obligation.

On retranchera le produit ainsi obtenu du prix de l'obligation au commencement de l'année de son âge actuel; on divisera le résultat par 0,97; on cherchera dans la Table, à la ligne horizontale correspondant à la durée future prépar citée, entre quels nombres est compris ce dernier quotient; on déterminera interpolation le taux qui correspond à ce quotient; on aura ainsi le taux cherché (n° 67 et 69).

Exemple. — Quel est le taux annuel d'intérêt correspondant, le 1^{er} mars 1879, au prix de 352^{fr}, 50 pour une obligation Lyon-Fusion frappée uniquement des taxes de 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime de reinboursement?

On trouvera, comme à l'exemple précédent, que la valeur de cette obligation au commencement de l'année de son âge actuel, c'est-à-dire au 1^{er} juillet 1878, est égale à 350^{fr}. La Table III indiquant 292^{fr}, 74 comme prix d'émission de l'obligation considérée et la Table VI, $4\frac{1}{2}$ pour 100, donnant le nombre 0,19 pour une durée future de 81 ans, on aura à effectuer les calculs suivants:

350
$$\left| \frac{500}{0,7} \right|$$
 0,7×0,03×292,74×0,19 = 1,1680,
350 $\left| \frac{1,1680}{348,8320} \right| \frac{0,97}{359,62}$

Le nombre 359,62 se trouvant, dans la Table V, sur la ligne horizontale correspondant à la durée future de 81 ans et sur la colonne verticale correspondant au taux $4\frac{1}{2}$ pour 100, il n'est pas besoin de recourir à une interpolation pour obtenir le taux demandé, qui est $4\frac{1}{2}$ pour 100 par an.

Calcul du taux annuel d'intérêt correspondant au prix donné d'une obligation frappée des trois taxes définies au nº 49.

Ce calcul ne diffère du précédent qu'en ce qu'il faut diminuer de o^{fr}, 20 le toux final obtenu par l'interpolation (n° 67).

Exemple.— Quel est le taux annuel d'intérêt correspondant, le 1^{er} mars 1879, au prix de 352^{fr},50 pour une obligation Lyon-Fusion frappée des taxes de 0,20 pour 100, de 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime de remboursement?

Le calcul précédent ayant donné le t ux 4,50 lorsque l'obligation est frappée des taxes de 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime deremboursement, le taux demandé est 4,30 pour 100 par an.

Exemples de calculs de parité.

Exemple I. — Le prix, au 1er mars 1879, d'une obligation Lyon-Fusion étant de 352fr, 50, quelle est, par rapport à cette obligation, la parité, au même jour, d'une obligation Midi, étant entendu que ces deux obligations sont frappées des trois taxes énoncées au n° 49?

Le calcul précédent montre que le taux annuel correspondant au prix donné de l'obligation Lyon-Fusion est 4,30 pour 100. Il reste donc à calculer, d'après ce taux, la valeur d'une obligation Midi au 1^{er} mars 1879. On commencera par déterminer sa valeur au 1^{er} juillet 1878 d'après le taux auxiliaire 4,50, en remarquant que la durée future de l'emprunt est 79 ans. Cette valeur est 360^{fr},825, dont les $\frac{97}{100}$ valent 350^{fr}. C'est la première partie du prix cherché.

La deuxième partie se calcule de la manière suivante, le prix d'une obligation d'après le taux réel 4,30 étant 373^{fr},402.

$\frac{373.402}{500} = 0.746804, 0.7468 \times 0.03 \times 293.70 \times 0.00000000000000000000000000000000$	0,21 = 1,382.
	fr
Première partie	350,000
Deuxième partie	1,382
Tiers acquis du coupon, taxes déduites	2,31
Total	353,692

C'est le prix cherché.

Remarque. - La différence entre les prix d'une même obligation, correspon-

dant respectivement, d'après le taux 4,30 pour 100, à des durées futures de 79 et 81 ans, est de 1^{fr}, 135. Les obligations Lyon-Fusion et les obligations Midi ne diffèrent entre elles que parce que les unes ont exactement deux ans de plus que les autres. La solution du problème précédent peut donc s'obtenir en ajoutant 1^{fr}, 135 à 352^{fr}, 50, ce qui donne 353^{fr}, 635. On peut apprécier d'après cela le degré d'approximation des calculs précédents.

Exemple II.— Le 1^{er} mars 1879, on a acheté directement à la C^{ie} P.-L.-M. une obligation nominative Lyon-Fusion au prix de 352^{fr}, 50. Quelle est, à la même date, la parité d'une obligation au porteur appartenant au même emprunt?

Les obligations nominatives délivrées directement par les Compagnies de chemins de fer sont exemptes de la taxe de 0,20 pour 100 et ne sont soumises qu'aux taxes de 3 pour 100 sur le revenu et sur la prime de remboursement. Les obligations au porteur sont frappées de trois taxes. Ceci rappelé, on voit, d'après un précédent exemple, page 223, que le taux correspondant au prix de 352^{fr}, 50 précité pour l'obligation nominative est égal à 4,50 pour 100 par an. Le calcul de la valeur, d'après ce taux, de l'obligation au porteur donne lieu aux opérations suivantes :

1° Recherche de la valeur de cette obligation d'après le taux auxiliaire 4,70, qu'on trouve être égale à 345^{fr}, 955, et dont les $\frac{9.7}{100}$ valent 335^{fr}, 576. C'est la première partie du prix demandé;

2º Recherche de la deuxième partie de ce même prix. Le prix de l'obligation d'après le taux réel 4,50 étant 359^{fr},620, on a :

$$359,620 \begin{vmatrix} \frac{500}{0,71924} & 0,71924 \times 0,03 \times 292,74 \times 0,18 = 1,37. \\ \text{Première partie.} & 335,576 \\ \text{Deuxième partie.} & 1,137 \\ \text{Tiers acquis du coupon} & 2,310 \\ \hline & \text{Total.} & 339,023 \end{vmatrix}$$

La parité demandée est de 339fr, 023.

Pria, d'après divers taux annuels d'interét, des obligations remboursables à 500^{tr} par des tirages annuels, et rapportant 7^{tr},50 d'intérét par semestre.

DURÉE futuro do l'emprunt.	3 1/8	3 1/4	3 %	3 1/2	3 %	3 3,4	DURÉE future de l'emprunt.
100 ans.	486,170	470,185	455,100	440,850	427,375	414,620	100 ans.
99 "	486,225	470,295	455,260	441,050	427,615	414,890	99 .
98 "	486,280	470,410	455,425	441,260	427,855	415,165	98 »
97 "	486,335	470,525	455,590	441,470	428,105	415,445	97 »
96 "	486,390	470,645	455,760	441,685	428,360	415,735	96 »
95 »	486,450	470,765	455,935	441,905	428,620	416,030	95 "
94 »	486,510	470,885	456,115	442,130	428,885	416,330	94 "
93 »	486,570	471,010	456,295	442,360	429,160	416,635	93 "
92 »	486,630	471,140	456,480	442,595	429,435	416,950	92 "
91 .»	486,695	471,270	456,670	442,835	429,720	417,270	91 "
90 » 89 » 88 » 87 »	486,760 486,825 486,890 486,960 487,030	471,405 471,540 471,675 471,815 471,960	456,860 457,060 457,260 457,465 457,670	443,080 443,330 443,585 443,845 444,110	430,010 430,305 430,605 430,915 431,230	417,600 417,935 418,280 418,630 418,985	90 » 89 » 88 » 87 » 86 »
85 » 85 » 85 » 86 »	487,095	472,105	457,885	444,380	431,555	419,355	85 »
	487,170	472,255	458,100	444,660	431,880	419,730	84 «
	487,240	472,410	458,325	444,940	432,215	420,110	83 »
	487,315	472,565	458,550	445,230	432,560	420,500	82 »
	487,390	472,720	458,780	445,525	432,910	420,900	81 »
80 »	487,470	472,880	459,015	445,825	433,265	421,305	80 »
79 »	487,545	473,045	459,255	446,130	433,630	421,720	79 ·
78 »	487,625	473,215	459,500	446,440	434,005	422,145	78 ·
77 »	487,705	473,385	459,750	446,760	434,385	422,580	77 ·
76 »	487,790	473,555	460,000	447,085	434,770	423,025	76 »
75 s	487,875	473,735	460,260	447,415	435,165	423,475	75 »
74 s	487,960	473,910	460,525	447,755	435,570	423,940	74 »
73 s	488,045	474,095	460,790	448,100	435,985	424,410	73
72 s	488,135	474,280	461,065	448,450	436,405	424,890	72 ·
71 s	488,225	474,470	461,345	448,810	436,830	425,385	71 »
70 » 69 » 68 » 67 » 66 »	488,320 488,410 488,505 488,605 488,700	474,665 474,860 475,060 475,265 475,475	461,630 461,915 462,210 462,510 462,820	449,175 449,545 449,925 450,310 450,705	437,270 437,715 438,170 438,635 439,110	425,885 426,400 426,920 427,455 428,000	70 » 69 » 68 « 67 » 66 »
65 » 64 » 63 » 62 » 61 »	488,800	475,685	463,130	451,105	439,590	428,555	65 5
	488,905	475,900	463,445	451,515	440,085	429,120	64 8
	489,005	476,115	463,770	451,935	440,585	429,700	63 8
	489,110	476,340	464,095	452,360	441,095	430,290	62 5
	489,220	476,565	464,430	452,790	441,620	430,890	61 8
60 × 59 × 58 × 57 × 56 × 56 ×	489,325 489,435 489,550 489,665 489,780	476,795 477,030 477,270 477,510 477,755	464,770 465,120 465,470 465,830 466,195	453,23e 453,68e 454,135 454,6e5 455,075	442,150 442,690 443,250 443,805 444,380	431,505 432,130 432,765 433,420 434,080	60 ·
55 » 54 » 53 » 52 » 51 »	489,895 490,015 490,140 490,260 490,385	478,005 478,260 478,520 478,785 479,050	466,570 466,945 467,330 467,720 468,120	455,560 456,050 456,550 457,060 457,580	444,965 445,560 446,165 446,780 447,410	434,760 435,450 436,150 436,870 437,600	55 3 54 3 52 3 51 3 51 3 51 3 51 3 51 3 51 3 51

Prix, d'après divers taux annuels d'intérét, des obligations remboursables à 500^{fr} par des tirages annuels, et rapportant 7^{fr},50 d'intérêt par semestre.

DURÉE future de l'emprunt.	3 1/8	3 1/4	3 3/8	3 1/2	3 5/8	3 -	DURÉE future de l'emprunt.
50 ans.	490,515	479,320	468,525	458,105	448,050	438,345	50 ans.
49 »	490,645	479,600	468,935	458,645	448,705	439,100	49 »
48 »	490,775	479,880	469,355	459,190	449,370	439,875	48 ,
47 »	490,910	480,165	469,780	459,745	450,045	440,660	47 »
46 »	491,045	480,455	470,215	460,310	450,735	441,465	46 »
45 » 44 » 43 » 42 » 41 »	491,180	480,750	470,655	460,890	451,435	442,280	45 b
	491,320	481,050	471,100	461,475	452,150	443,115	44 b
	491,465	481,350	471,555	462,070	452,875	443,965	43 n
	491,605	481,660	472,020	462,675	453,615	444,825	42 n
	491,750	481,975	472,490	463,290	454,365	445,705	41 n
40 » 39 » 38 » 37 » 36 »	491,900	482,290	472,965	463,915	455,135	446,605	40 »
	492,050	482,615	473,450	464,555	455,910	447,515	39 »
	492,205	482,940	473,945	465,200	456,705	448,445	38 »
	492,360	483,275	474,445	465,860	457,510	449,390	37 ·
	492,515	483,615	474,953	466,530	458,330	450,350	36 »
35 »	492,675	483,955	475,470	467,210	459,165	451,330	35 34 33 32 31 31
34 °	492,835	484,305	475,995	467,900	460,015	452,330	
33 »	493,000	484,655	476,525	468,605	460,875	453,345	
32 ″	493,165	485,015	477,070	469,315	461,755	454,375	
31 »	493,330	485,380	477,615	470,040	462,645	455,425	
30 »	493,500	485,750	478,175	470,780	463,555	456,495	30
29 »	493,675	486,120	478,740	471,525	464,475	457,585	29
28 »	493,850	486,500	479,315	472,290	465,415	458,690	28
27 »	494,025	486,885	479,900	473,060	466,365	459,815	27
26 »	494,205	487,275	480,490	473,845	467,335	460,960	26
25 s	494,390	487,675	481,090	474,640	468,320	462,125	25
24 s	494,575	488,075	481,700	475,450	469,320	463,310	24
23 s	494,760	488,480	482,320	476,270	470,340	464,515	23
22 s	494,950	488,895	482,945	477,105	471,370	465,735	22
21 s	495,140	489,310	483,580	477,950	472,420	466,980	21
20 »	495,335	489,735	484,230	478,810	473,485	468,245	20 19 18 17 16 3
19 »	495,535	490,165	484,880	479,685	474,570	469,535	
18 »	495,730	490,600	485,545	480,570	475,670	470,840	
17 »	495,935	491,040	486,220	481,465	476,785	472,170	
16 »	496,140	491,490	486,900	482,380	477,920	473,520	
15 » 14 » 13 » 12 » 11 »	496,345 496,555 496,765 496,980 497,195	491,940 492,400 492,865 493,335 493,810	487,595 488,295 489,005 489,725 490,455	483,305 484,240 485,195 486,160 487,140	479,070 480,240 481,425 482,630 483,855	474,890 476,285 477,700 479,140 480,600	15 ° 14 ° 13 ° 12 ° 11 ° 11 ° 1
10 ° ° ° ° ° ° ° ° ° ° ° ° ° ° ° ° ° ° °	497,415	494,290	491,195	488,130	485,095	482,085	10 3
	497,640	494,780	491,945	489,140	486,355	483,595	9 3
	497,865	495,275	492,705	490,160	487,630	485,125	8 3
	498,090	495,775	493,475	491,195	488,930	486,680	7 3
	498,320	496,280	494,255	492,245	490,245	488,260	6 3
5 » 4 » 3 » 2 » 1 »	498,550 498,785 499,025 499,265 499,505	496,795 497,315 497,840 498,370 498,905	495,045 495,845 496,655 497,475 498,310	493,310 494,385 495,480 496,590 497,710	491,580 492,935 494,310 495,700 497,115	489,860 491,490 493,140 494,820 496,520	5 » 4 » 3 » 1 »

Prix, d'après divers taux annuels d'intérét, des obligations remboursables à 500^{ft} par des tirages annuels, et rapportant 7^{ft}, 50 d'intérét par semestre.

DURÉE future de l'emprunt.	3 7/s	4	4 1/s	4 1/4	4° ₁₈	41,2	DURÉE future de l'emprunt
100 ans.	402,540	391,085	380,215	369,885	360,065	350,715	100 ans.
99 "	402,835	391,400	380,545	370,235	360,425	351,085	99 "
98 "	403,135	391,725	380,890	370,590	360,795	351,465	98 "
97 "	403,445	392,055	381,240	370,955	361,175	351,855	97 "
96 "	403,760	392,395	381,600	371,330	361,560	352,255	96 "
95 " 94 " 93 " 92 " 91 "	404,085 404,415 404,750 405,095 405,450	392,740 393,095 393,460 393,835 394,215	381,965 382,340 382,725 383,120 383,525	371,715 372,110 372,515 372,925 373,350	361,960 362,370 362,785 363,215 363,655	352,665 353,085 353,515 353,960 354,410	95 » 94 » 93 » 92 »
90 »	405,810	394,605	383,940	373,785	364,105	354,875	90 »
89 »	406,180	395,005	384,365	374,230	364,570	355,350	89 »
88 »	406,560	395,410	384,795	374,685	365,040	355.840	88 »
87 »	406,945	395,830	385,240	375,150	365,525	356,340	87 »
86 »	407,340	396,255	385,695	375,625	366,025	356,855	86 »
85 »	407,745	396,690	386,160	376,115	366,530	357,380	85 »
84 »	408,160	397,140	386,635	376,615	367,055	357,920	84 »
83 »	408,580	397,595	387,125	377,130	367,590	358,470	83 »
82 »	409,015	398,065	387,620	377,655	368,135	359,040	82 »
81 »	409,455	398,540	388,130	378,190	368,695	359,620	81 »
80 » 79 » 78 » 77 » 76 »	409,905	399,030	388,655	378,740	369,270	360,215	80 "
	410,365	399,530	389,185	379,305	369,860	360,825	79 "
	410,835	400,045	389,735	379,880	370,460	361,450	78 "
	411,320	400,565	390,295	380,470	371,080	362,090	77 "
	411,810	401,100	390,865	381,075	371,710	362,745	76 "
75 » 74 » 73 » 72 » 71 »	412,315 412,825 413,350 413,885 414,435	401,645 402,205 402,775 403,360 403,955	391,450 392,045 392,660 393,285 393,925	381,695 382,325 382,975 383,635 384,315	372,360 373,020 373,700 374,395 375,105	363,415 364,105 364,810 365,535 366,275	75 » 74 » 73 » 72 » 71 »
70 » 69 » 68 » 67 » 66 »	414,995	404,565	394,580	385,010	375,835	367,030	70 »
	415,565	405,190	395,250	385,720	376,580	367,805	69 »
	416,145	405,825	395,930	386,445	377,340	368,600	68 »
	416,745	406,475	396,630	387,185	378,120	369,415	67 »
	417,350	407,140	397,345	387,945	378,920	370,250	66 »
65 n	417,970	407,820	398,075	388,725	379,735	371,105	65 » 64 » 63 » 62 » 61 »
64 »	418,605	408,515	398,825	389,515	380,575	371,975	
63 n	419,250	409,220	399,585	390,330	381,430	372,870	
62 n	419,910	409,945	400,365	391,160	382,305	373,785	
61 »	420,585	410,685	401,165	392,010	383,205	374,725	
60 » 59 » 58 » 57 » 56 »	421,275 421,975 422,690 423,420 424,170	411,440 412,210 412,995 413,800 414,620	401,980 402,810 403,660 404,530 405,420	392,880 393,765 394,675 395,605 396,550	384,120 385,055 386,015 387,000 388,000	375,685 376,670 377,675 378,705 379,755	60 » 59 » 58 » 57 » 56 »
55 »	424,930	415,455	406,325	397,520	389,005	380,835	55 » 54 » 53 » 52 » 51 »
54 »	425,705	416,310	407,250	398,510	390,080	381,935	
53 »	426,500	417,185	408,195	399,525	391,155	383,065	
52 »	427,305	418,035	409,165	400,560	392,250	384,220	
51 »	428,125	418,985	410,150	401,620	393,375	385,400	
1					1	1	1

Prix, d'après divers taux annuels d'intérét, des obligations remboursables à 500^{fr} par des tirages annuels, et rapportant 7^{fr},50 d'intérét par semestre.

DURÉE future de l'emprunt	3 7/8	4	4 1/8	4 1/;	.\$ ³ 7 ₈	4 1/2	DURÉE future de l'emprunt.
50 ans. 49 » 48 » 47 » 46 »	428,965 429,825 430,695 ,431,585 432,495	419,910 420,855 421,820 422,805 423,810	411,160 412,185 413,235 414,310 415,405	402,700 403,805 404,930 406,085 407,260	394,520 395,695 396,895 398,120 399,370	386,616 387,845 389,110 390,405 391,730	50 ans. 49 48 47 46
45 » 44 » 43 » 42 » 41 »	433,420 434,365 435,325 436,305 437,305	424,840 425,880 426,950 428,035 429,145	416,520 417,660 418,825 420,010 421,225	408,460 409,690 410,945 412,225 413,535	400,650 401,960 403,300 404,665 406,060	393,080 394,465 395,880 397,325 398,805	45 » 44 » 43 » 42 »
40 » 39 » 38 » 37 «	438,320 439,355 440,415 441,490 442,585	430,275 431,430 432,605 433,805 435,025	422,460 423,725 425,010 426,325 427,665	414,870 416,230 417,625 419,045 420,495	407,490 408,945 410,435 411,955 413,510	400,315 401,860 403,445 405,060 406,710	40 » 39 » 38 » 37 » 36 »
35 » 34 » 33 » 32 » 31 »	443,700 444,840 445,995 447,175 448,350	436,270 437,540 438,835 440,150 441,495	429,030 430,425 431,845 433,295 434,770	421,975 423,485 425,025 426,600 428,205	415,100 416,720 418,375 420,065 421,790	408,395 410,120 411,885 413,685 415,525	35 " 34 " 33 " 31 "
30 » 29 » 28 » 27 » 26 »	449,600 450,845 452,115 453,400 454,715	442,865 444,255 445,675 447,125 448,600	436,280 437,815 439,380 440,975 442,605	429,845 431,515 433,220 434,960 436,730	423,550 425,350 427,190 429,065 430,975	417,400 419,325 421,285 423,290 425,335	30 ° 29 ° 28 ° 27 ° 26 ° 26 °
25 » 24 » 23 » 22 » 21 »	456,050 457,410 458,795 460,205 461,635	450,100 451,630 453,185 454,770 456,385	444,260 445,955 447,675 449,430 451,220	438,540 440,385 442,265 444,185 446,145	432,930 434,925 436,960 439,035 441,150	427,430 429,565 431,745 433,970 436,245	25 3 3 22 3 21 4
20 » 19 » 18 » 17 » 16 »	463,095 464,570 466,075 467,605 469,175	458,025 459,700 461,400 463,135 464,900	453,040 454,900 456,790 458,715 460,675	448,135 450,170 452,245 454,360 456,510	443,315 445,520 447,765 450,065 452,405	438,565 440,935 443,360 445,830 448,350	20 · 19 · 18 · 17 · 16 · »
15 » 14 » 13 » 12 »	470,765 472,380 474,020 475,685 477,380	466,695 468,520 470,380 472,270 474,195	462,675 464,710 466,780 468,890 471,045	458,710 460,945 463,225 465,550 467,915	454,790 457,225 459,710 462,240 464,825	450,925 45 3,5 50 456,235 458,970 461,765	15 n 14 n 13 n 12 n 11 n
10 » 9 » 8 » 7 » 6 »	479,105 480,855 482.635 484,445 486,285	476,155 478,145 480,170 482,230 484,325	473,230 475,455 477,720 480,025 482,375	470,330 472,785 475,290 477,840 480,435	467,455 470,140 472,875 475,665 478,510	464,610 467,520 470,485 473,510 476,600	10 ° 9 ° 8 ° 7 ° 6 ° 2
5 » 4 » 3 » 2 » 1 »	488,150 490,050 491,980 493,935 495,925	486,455 488,620 490,820 493,060 495,335	484,760 487,195 489,665 492,185 494,745	483,080 485,775 488,515 491,310 494,155	481,410 484,365 487,375 490,440 493,570	479,745 482,960 486,235 489,575 492,985	5 " 44 " 3 " 2 " 1 " 1 "
1 "	490,925	490,335	494,745	494,155	493,570	492,985	1 "

Prix, d'après divers taux annuels d'intérét, des obligations remboursables à 500^{fr} par des tirages annuels, et rapportant 7^{te}, 50 d'intérêt par semestre.

DURÉE future de l'emprunt.	4 %	4 - ;	4 ⁷ s	5 %	5 1/8	51,	DURÉE future de l'emprunt.
100 ans. 99 " 98 " 97 " 96 "	341,815 342,195 342,575 342,980 343,385	333,335 333,715 334,105 334,515 334,925	325,235 325,620 326,020 326,430 326,845	317,505 317,895 318,295 318,705 319,130	310,120 310,505 310,910 311,325 311,750	303,055 303,445 303,850 304,260 304,690	100 ans. 99 " 98 " 97 " 96 "
95 ° 94 ° 93 ° 92 ° 91	343,810 344,235 344,675 345,130 345,590	335,350 335,785 336,240 336,700 337,170	327,280 327,720 328,175 328,640 329,125	319,565 320,010 320,470 320,940 321,425	312,185 312,640 313,100 313,570 314,055	305,125 305,580 306,040 306,515 307,005	95 » 94 » 93 » 92 »
90 " 89 " 88 " 87 " 86 "	346,070 346,555 347,060 347,570 348,095	337, 655 338, 155 338, 665 339, 185 339, 720	329,615 330,120 330,635 331,170 331,710	321,920 322,430 322,955 323,490 324,045	314,560 315,075 315,605 316,145 316,705	307,510 308,025 308,555 309,100 309,660	90 » 89 » 88 » 87 » 86 »
85 83 83 82 81	348,635 349,190 349,760 350,340 350,940	340,275 340,840 341,420 342,015 342,625	332,275 332,850 333,440 334,045 334,670	324,615 325,200 325,795 326,410 327,040	317,275 317,865 318,465 319,090 319,730	310,240 310,830 311,440 312,065 312,710	85 · 84 · 83 » 82 · 81 · 81
80 79 78 3 77 »	351,550 352,175 352,820 353,480 354,155	343,255 343,895 344,555 345,235 345,925	335,305 335,965 336,635 337,320 338,035	327,685 328,355 329,035 329,740 330,455	320,380 321,055 321,745 322,455 323,185	313,370 314,050 314,745 315,465 316,200	80 » 79 » 78 » 77 » 76 :
75 » 74 » 73 72 » 71 »	354,850 355,560 356,290 357,035 357,800	346,635 347,365 348,115 348,880 349,665	338,760 339,505 340,270 341,055 341,860	331,195 331,950 332,730 333,530 334,350	323,935 324,705 325,495 326,305 327,135	316,960 317,735 318,530 319,350 320,195	75 74 73 72 71
70 » 69 » 68 » 67 » 66 »	358,585 359,385 360,210 361,050 361,915	350,470 351,300 352,145 353,015 353,905	342,680 343,530 344,400 345,285 346,200	335,190 336,055 336,940 337,850 338,785	327,990 328,870 329,765 330,695 331,640	321,060 321,950 322,865 323,805 324,765	70 " 69 " 68 " 67 " 66 " 66 "
65 » 64 » 63 » 62 » 61 »	362,805 363,710 364,640 365,590 366,560	354,815 355,750 356,710 357,695 358,700	347,135 348,095 349,080 350,090 351,125	339,740 340,725 341,730 342,765 343,825	332,620 333,615 334,650 335,700 336,785	325,755 326,770 327,820 328,890 329,990	65 » 64 » 63 » 62 » 61 .
60 » 59 . 58 57 » 56 .	367,560 368,585 369,630 370,700 371,800	359,735 360,795 361,875 362,985 364,125	352,190 353,280 354,390 355,540 356,710	344,910 346,025 347,175 348,395 349,550	337,895 339,035 340,200 341,405 342,635	331,120 332,280 333,475 334,695 335,955	60 ° 59 ° 58 ° 57 ° 56 ° 7
55 54 53 52 51	372,925 374,075 375,255 376,460 377,895	365,290 366,480 367,705 368,960 370,240	357,910 359 150 360,415 361,700 363,030	350,785 352,050 353,355 354,690 356,050	343,900 345,195 346,530 347,895 349,295	337,240 338,570 339,925 341,320 342,755	55 » 54 » 53 » 52 » 51 »

Prix, d'après divers taux annuels d'intérêt, des obligations remboursables à 500^{fr} par des tirages annuels, et rapportant 7^{fr},50 d'intérêt par semestre.

DURÉE future de l'emprunt.	4 5/8	4 3/4	4 7/8	5 %	5 1/8	5 1/,	DURÉE future de l'emprant.
50 ans.	378,960	371,560	364,390	357,450	350,735	344,230	50 ans.
49 »	380,250	372,900	365,785	358,890	352,210	345,740	49 »
48 »	381,580	374,280	367,215	360,360	353,720	347,285	48 »
47 «	382,935	375,695	368,675	361,870	355,280	348,875	47 »
46 »	384,320	377,140	370,175	363,420	356,870	350,510	46 »
45 n	385,740	378,620	371,710	365,010	358,505	352,185	45 »
44 n	387,190	380,130	373,285	366,630	360,180	353,905	44 »
43 n	388,675	381,685	374,895	368,300	361,895	355,670	43 »
42 n	390,200	283,270	376,545	370,010	363,655	357,480	42 »
41 n	391,755	384,900	378,240	371,755	365,465	359,340	41 »
40 » 39 » 38 » 37 » 36 »	393,345 394,975 396,640 398,340 400,085	386,565 388,270 390,015 391,795 393,625	379,970 381,745 383,565 385,425 387,330	373,555 375,395 377,285 379,215 381,195	367,315 369,220 371,170 373,165 375,215	361,245 363,205 365,210 367,275 369,335	40 » 39 » 38 » 37 » 36 »
35 h	401,865	395,495	389,280	383,225	377,315	371,555	35 "
34 h	403,685	397,405	391,280	385,305	379,470	373,780	34 "
33 h	405,545	399,365	393,325	387,435	381,680	376,060	33 "
32 ·	407,450	401,366	395,425	389,620	383,945	378,405	32 "
31 h	409,400	403,420	395,570	391,850	386,265	380,800	31 "
30	411,390	405,515	399,765	391,145	388,645	383,270	30 »
29	413,425	407,655	402,015	396,490	391,080	388,795	29 »
28	415,505	409,850	404,315	398,895	393,585	388,385	28 »
27	417,635	412,095	406,680	401,355	396,145	391,040	27 »
26	419,810	414,395	409,080	403,875	398,770	393,770	26 »
25 h	422,030	416,740	411,550	406,460	401,460	396,565	25 »
24 h	424,300	419,140	414,075	409,100	404,220	399,430	24 »
23 h	426,625	421,595	416,660	411,810	407,040	402,365	23 »
22 h	428,995	424,110	419,305	414,580	409,945	405,385	22 »
21 h	431,420	426,675	422,015	417,425	412,915	408,475	21 »
20 » 19 » 18 ε 17 , 16 1	433,895	424,300	424,785	420,335	415,955	411,645	20 5
	436,425	431,985	427,615	423,310	419,065	414,890	19 5
	439,015	434,730	430,515	426,355	422,260	418,225	18 5
	441,655	437,540	433,480	429,475	425,535	421,645	17 5
	444,350	540,405	436,515	432,670	428,885	425,140	16 5
15 14 1 13 1 12 11 1	447,105 449,920 452,800 455,735 458,730	443,340 446,335 449,400 452,530 455,730	439,615 442,795 446,040 449,360 452,760	435,945 439,290 442,715 446,225 449,815	432,315 435,830 439,430 443,125 446,900	428,735 432,415 436,185 440,055 444,015	15 » 14 » 13 » 12 » 11 »
10 »	461,795	458,995	456,230	453,490	450,770	448,080	10 » 9 % 8 % 7 %
9 .	464,920	462,340	459,780	457,250	454,735	452,245	
8 »	468,110	465,755	463,420	461,100	458,795	456,510	
7 »	471,365	469,240	467,130	465,035	462,955	460,885	
6 »	474,695	472,810	470,915	469,065	467,210	465,365	
5 × 4 × 3 × 2 × 1 × 1	478,090 481,565 485,100 488,715 492,400	476,450 480,165 483,970 487,850 491,815	474,815 478,785 482,845 486,990 491,235	473,185 477,405 481,720 486,135 490,650	471,565 476,030 480,605 485,285 490,075	469,660 474,665 479,490 484,435 489,495	5 » 4 » 3 » 2 » 1 »

Prix, d'après divers taux annuels d'interét, des obligations remboursables à 500^{te} par des tirages annuels, et rapportant 7^{te},50 d'intérét par semestre.

DURÉE future de l'emprunt.	5 3/8	5 1/2	5 5/8	5 1/4	5 ⁷ / ₈	6	DURÉE future de l'emprunt.
100 ans.	296,290	289,815	283,605	277,655	271,940	266,450	100 ans.
99 »	296,685	290,205	283,995	278,040	272,325	266,830	99 »
98 »	297,085	290,610	284,400	278,440	272,715	267,225	98 »
97 »	297,500	291,025	284,810	278,850	273,125	267,625	97 »
96 »	297,930	291,445	285,235	279,270	273,545	268,045	96 »
95 » 94 » 93 » 92 » 91 »	298,365 298,820 299,280 299,755 300,250	291,885 292,340 292,800 293,275 293,765	285,670 286,125 286,585 287,055 287,550	279,705 280,155 280,610 281,085 281,570	273,975 274,420 274,880 275,350 275,835	268,475 268,915 269,370 269,840 270,325	95 » 94 » 93 » 92 »
90 »	300,750	294,270	288,050	282,070	276,335	270,815	90 »
89 »	301,265	294,785	288,565	282,590	276,850	271,325	89 »
88 »	301,800	295,325	289,095	283,125	277,380	271,855	88 »
87 »	302,350	295,870	289,650	283,670	277,020	272,395	87 »
86 »	302,915	296,455	290,210	284,235	278,485	272,955	86 »
85 »	303,490	297,015	290,790	284,810	279,065	273,530	85 »
84 »	304,090	297,610	291,385	285,405	279,655	274,125	84 »
83 »	304,700	298,225	292,000	286,020	280,270	274,735	83 »
82 »	305,325	298,855	292,635	286,650	280,900	275,360	82 »
81 »	305,970	299,505	293,285	287,300	281,545	276,005	81 »
80 »	306,640	300,170	293,950	287,970	282,215	276,675	80 »
79 »	307,325	300,855	294,640	288,660	282,905	277,360	79 »
78 »	308,025	301,560	295,345	289,370	283,610	278,065	78 »
77 »	308,745	302,290	296,075	290,095	284,335	278,795	77 »
76 »	309,485	303,035	296,825	290,845	285,085	279,545	76 »
75 n	310,250	303,800	297,590	291,620	285,860	280,310	75 " 74 " 73 " 72 " 71 "
74 n	311,035	304,590	298,385	292,410	286,660	281,110	
73 n	311,840	305,400	299,200	293,230	287,475	281,925	
72 n	312,665	306,225	300,035	294,070	288,315	282,770	
71 a	313,520	307,095	300,900	294,935	289,185	283,635	
70 » 69 » 68 » 67 » 66 »	314,395 315,290 316,215 317,165 318,140	307,975 308,880 309,810 310,765 311,750	301,790 302,700 303,635 304,600 305,590	295,820 296,740 297,685 298,655 299,645	290,075 290,990 291,935 292,910 293,910	284,530 285,450 286,395 287,370 288,370	70 » 69 » 68 » 67 » 66 »
65 » 64 » 63 » 62 » 61 »	319,140 320,175 321,230 322,320 323,435	312,765 313,805 314,875 315,975 317,100	306,610 307,665 308,740 309,855 310,990	300,675 301,730 302,820 303,935 305,085	294,940 296,005 297,100 298,220 299,380	289,405 290,470 291,570 292,695 293,860	65 » 64 » 65 » 65 » 61 »
60 » 59 » 58 » 57 » 56 »	324,580	318,265	312,165	306,270	300,565	295,055	60 »
	325,760	319,460	313,370	307,485	301,795	296,285	59 »
	326,970	320,690	314,610	308,740	303,055	297,560	58 »
	328,210	321,945	315,885	310,025	304,350	298,865	57 »
	329,490	323,245	317,200	311,350	305,690	300,210	56 »
55 »	330,805	324,575	318,545	312,710	307,065	301,590	55 %
54 »	332,155	325,945	319,935	314,115	308,480	303,020	54 »
53 »	333,535	327,355	321,365	315,555	309,035	304,090	53 »
52 »	334,960	328,800	322,830	317,045	311,440	306,000	52 »
51 »	336,420	330,285	324,335	318,570	312,980	307,560	51 »

Prix, d'après divers taux annuels d'intérét, des obligations remboursables à 500^{fr} par des tirages annuels, et rapportant 7^{fr},50 d'intérét par semestre.

DURÉE future de l'emprunt.	5 3/8	5 1/2	5 5/8	5 3/4	5 7/8	6	DUREE future de l'emprunt.
50 ans.	337,920	331,810	325,885	320,140	314,565	309,160	50 ans.
49 »	339,460	333,380	327,480	321,755	316,200	310,810	49 »
48 »	341,045	334,990	329,120	323,415	317,885	312,510	48 »
47 »	342,670	336,650	330,800	325,125	319,610	314,255	47 »
46 »	344,335	338,350	332,535	326,885	321,395	316,060	46 »
45 »	346,055	340,095	334,315	328,690	323,225	317,915	45 »
44 »	347,815	341,890	336,140	330,550	325,115	319,830	44 »
43 »	349,620	343,740	338,025	332,460	327,055	321,795	43 »
42 »	351,475	345,635	339,960	334,430	329,055	323,820	42 »
41 »	353,585	347,585	341,940	336,455	331,105	325,905	41 »
40 » 39 » 38 » 37 » 36 »	355,340	349,585	343,990	338,530	333,225	328,050	40 »
	357,345	351,640	346,085	340,675	335,400	330,255	39 »
	359,410	353,755	348,250	342,875	337,640	332,535	38 »
	361,525	355,925	350,465	345,135	339,945	334,880	37 »
	363,700	358,155	352,740	347,465	342,315	337,290	36 »
35 » 34 » 33 » 32 » 31 »	365,930 368,220 370,570 372,985 375,460	360,440 362,795 365,210 367,690 370,240	355,085 357,495 359,970 362,515 365,130	349,860 352,320 354,855 357,455 360,130	344,755 347,270 349,850 352,510 355,245	339,775 342,330 344,960 347,670 350,465	35 » 34 » 33 » 32 » 31 »
30 »	378,005	372,855	367,815	362,885	358,060	353,335	30 »
29 »	380,615	375,540	370,580	365,715	360,960	356,295	29 »
28 »	383,290	378,305	373,415	368,630	363,890	359,340	28 »
27 »	386,085	381,140	376,335	371,620	367,000	362,475	27 »
26 »	388,860	384,050	379,330	374,700	370,155	365,700	26 »
25 »	391,755	387,040	382,405	377,865	373,400	369,025	25 »
24 »	394,725	390,105	385,570	381,120	376,740	372,450	24 »
23 »	397,770	393,255	388,820	384,460	380,180	375,970	23 »
22 »	400,900	396,495	392,165	387,900	383,715	379,595	22 »
21 »	404,110	399,820	395,590	391,440	387,350	383,330	21 »
20 »	407,405	403,225	399,120	395,075	391,090	387,175	20 »
19 »	410,780	406,735	402,740	398,815	394,940	391,130	19 »
18 »	414,245	410,330	406,460	402,655	398,900	395,205	18 »
17 »	417,805	414,020	410,290	406,605	402,980	399,395	17 »
16 »	421,455	417,810	414,215	410,670	407,170	403,715	16 »
15 »	425, 195	421,700	418,250	414,850	411,485	408,160	15
14 »	429, 035	425,700	422,400	419,140	415,920	412,735	14
13 »	432, 970	429,800	426,655	423,550	420,485	417,445	13
12 »	437, 015	434,010	431,035	428,060	425,180	422,295	12
11 »	441, 165	438,330	435,530	432,755	430,010	427,285	11
10 » 9 » 8 » 7 » 6 »	445,410 449,770 454,245 458,830 463,535	442,770 447,325 451,995 456,790 461,715	440,150 444,890 449,760 454,765 459,905	437,550 442,480 447,545 452,750 458,110	434,980 440,090 445,350 450,755 456,320	432,430 437,720 443,165 448,775 454,545	10 » 9 » 8 » 7 » 6 »
5 »	468,360	466,770	465,185	463,610	462,040	460,490	5 »
4 »	473,305	471,955	470,610	469,270	467,930	466,605	4 »
3 »	478,385	477,275	476,180	475,080	473,990	472,900	3 »
2 »	483,585	482,740	481,895	481,060	480,220	479,385	2 »
1 »	488,920	488,345	487,770	487,195	486,615	486,060	1 »



TABLE VI

DONNANT,

D'APRÈS LES TAUX ANNUELS D'INTÉRÉT, 3½, 4, 4½, 5 POUR 400,

ET POUR TOUS LES AGES ENTIERS D'UNE OBLIGATION

APPARTENANT A UN EMPRUNT DE LA PREMIÈRE OU DE LA SECONDE CLASSE.

LES RAPPORTS DE LA VALEUR DE LA NUE PROPRIÉTÉ DE CETTE OBLIGATION
A SA VALEUR NOMINALE.

 $3\frac{1}{2}$ POUR 100.

1			A 1.41 40.5			-11		
	DUBÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt	RAPPORT.
	100							
1	100	14 %	75	25 °/0	50	42 %	25	66 °/,
	99	15	74	26	49	43	24	67
1	98	15	73	26	48	43	23	68
1	97	15	72	27	47	44	22	70
	96	16	71	27	46	45	21	71
1	95	16	70	28	45	46	20	72
N. Call	94	17	69	29	44	47	19	73
1	93	17	68	29	43	48	18	74
-	92	17	67	30	42	49	17	76
1	91	18	66	30	41	50	16	77
4	90	18	65	31	40	1¢	15	78
	89	18	64	32	39	52	14	79
	88	19	63	32	38	52	43	81
ı	87	19	62	33	37	53	12	82
ı	86	20	61	34	36	54	11	83
1	85	20	60	34	35	55	10	8.4
	84	21	59	35	34	56	9	86
-	83	21	58	36	33	57	8	87
200	82	22	57	36	32	58	7	89
	81	22	56	37	31	60	6	90
	80	23	55	38	30	61	5	91
1	79	23	54	39	29	62	4	93
	78	24	53	39	28	63	3	94
	77	24	52	40	27	64	2	96
	76	25	51	41	26	65	1	97

4 POUR 100.

5								
	DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.
ı	100	13 º/。	75	24 %	50	41 %	25	66 %
1	99	13	74	24	49	42	24	67
ı	98	14	73	25	48	42	23	68
1	97	14	72	25	47	43	22	69
ı	96	14	71	26	46	44	21	70
1	95	15	70	27	45	45	20	72
	94	15	69	27	44	46	19	73
ı	93	16	68	28	43	47	18	74
	92	16	67	28	42	48	17	75
1	91	16	66	29	41	49	16	77
1	90	17	65	3о	40	50	15	78
	89	17	64	30	39	51	14	79
İ	88	18	63	31	38	52	13	So
	87	18	62	32	37	53	12	82
Ì	86	18	61	32	36	54	11	83
	85	19	60	33	35	55	10	84
	84	19	59	34	34	56	9	86
	83	20	58	34	33	57	8	87
	82	20	57	35	32	58	7	89
	81	21	56	36	31	59	6	90
1	80	21	55	37	30	60	5	91
	79	22	54	37	29	61	4	93
	78	22	53	38	28	62	3	94
	77	23	52	39	27	63	2	96
	76	23	51	40	26	64	1	97
1				1				

 $4\frac{1}{2}$ POUR 100.

DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.	purée future de l'emprunt.	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.
100	12 %	75	22 %	50	40 %	25	C.F. 01
99	12 /0	74	23	49	40 /0	24	65 °/。
98	13	73	23 24	48	41	23	68
97	13	72	24	47	42	22	69
96	13	71	24 25	46	43	21	70
95	14	70	25	45	44	20	71
94	14	69	26	44	45	19	73
93	14	68	2 6	43	46	18	74
92	15	67	27	42	47	17	75
91	15	66	28	41	48	16	76
90	16	65	28	40	49	15	78
89	16	64	29	39	50	14	79
88	16	63	3o	38	51	13	80
87	17	62	30	37	52	12	82
86	17	61	31	36	53	11	83
85	18	60	32	35	54	10	84
84	18	59	33	34	55	9	86
83	19	58	33	33	56	8	87
82	19	57	34	32	57	7	89
81	19	56	35	31	58	6	90
80	20	55	36	30	59	5	91
79	20	54	36	29	60	4	93
78	21	53	37	28	62	3	94
77	21	52	38	27	63	2	96
76	22	51	39	26	64	1	97

5 POUR 400.

DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt.	RAPPORT.	DURÉE future de l'emprunt	RAPPORT
100	11 0/0	75	21 %	50	39 °/。	25	65 °/ _°
99	12	74	22	49	39 /	24	66
98	12	73	22	48	40	23	67
97	12	72	23	47	41	22	69
96	12	71	24	46	42	21	70
95	13	70	24	45	43	20	71
94	13	69	25	44	44	19	72
93	13	68	25	43	45	18	74
92	14	67	26	42	46	17	75
91	14	66	26	41	47	16	76
90	14	65	27	40	48	15	77
89	15	64	28	39	49	14	79
88	15	63	29	38	50	13	80
87	16	62	29	37	51	12	82
86	16	61	30	36	52	11	83
85	17	60	31	35	53	10	84
84	17	59	31	34	54	9	86
83	17	58	32	33	55	8	87
82	18	57	33	32	57	7	89
81	18	56	34	31	58	6	90
80	19	55	34	30	59	5	91
79	19	54	35	29	60	4	93
78	20	53	36	28	61	3	94
77	20	52	37	27	62	2	96
76	21	51	38	26	63	4	97



TABLE VII

DONNANT,

D'APRÈS DIVERS TAUX ANNUELS,

LES PRIX AU 16 JUILLET DE CHACUNE DES ANNÉES Y INDIQUÉES

DE 3 FR. DE LA RENTE FRANÇAISE AMORTISSABLE.

Cette Table permet de trouver le prix, à une époque quelconque et à un taux quelconque compris entre les limites de date et de taux qu'elle comporte, de 3^{fr} de rente française amortissable.

Exemple. — Quel sera au 15 février 1890, et d'après le taux annuel 3,92 pour 100, le prix de 3^{fr} de rente amortissable?

Au 16 juillet 1889, ce prix est, d'après la Table :

D'après la Table II, les taux trimestriels équivalents à ces deux taux sont respectivement 0,00955 et 0,00985.

Pour ramener les deux valeurs ci-dessus données par la Table au 16 février 1890, il faut les augmenter des intérêts courus du 16 juillet 1889 jusqu'à cette date, en tenant compte des deux coupons de o^{fr}, 75 payés le 16 octobre et le 16 janvier. Du 16 janvier au 15 février, l'intérêt sera sensiblement le tiers du coupon semestriel. On aura donc pour ces deux valeurs:

Au taux 3,875:

$$(83,96 \times 1,00955 - 0,75) \times 1,00955 - 0,75 + 0,25 = 84,31.$$

Au taux 4:

$$(81,94 \times 1,00985 - 0,75) \times 1,00985 - 0,75 \div 0,25 = 82,30.$$

Une seule interpolation entre ces deux prix fera connaître le prix correspondant au taux de 3,92 pour 100, qui est égal à

$$84,31 - \frac{84,31 - 82,30}{4 - 3,875} \times (3,92 - 3,875) = 83,59.$$

Cette Table permet aussi de trouver le taux annuel d'intérêt correspondant au prix, à un jour quelconque compris dans ses limites, de 3^{fr} de rente française amortissable.

Exemple. — Le 15 février 1890, le 3 % amortissable est coté 83fr,58 : quel est le taux annuel d'intérêt correspondant?

La date du 15 février 1890 est comprise entre le 16 juillet 1889 et le 16 juillet 1890.

On suivra la ligne horizontale correspondant à la première de ces dates, et l'on verra que le prix donné tombe entre les deux valeurs 83^{fr},96 et 81^{fr},94, qui correspondent respectivement, le 16 juillet 1889, aux taux 3,875 et 4 pour 100. On ramènera, comme ci-dessus, ces deux prix à la date du 15 février 1890, à laquelle ils deviennent respectivement 84^{fr}, 31 et 82^{fr}, 30, et l'on aura par interpolation le taux correspondant à 83^{fr},58, qui est

$$3,875 \pm \frac{9,125}{2,01} (84,31 - 83,58) = 3,919$$

ou sensiblement 3,92 pour 100.

EXEMPLES DE CALCUL DE PARITÉ.

Exemple 1. — Le 3 pour 100 perpétuel étant coté, le 24 février 1879, au cours de 77^{fr}, 10, quelle est la parité du 3 pour 100 amortissable?

Le dernier coupon du 3 pour 100 perpétuel ayant été payé le 1^{er} janvier, le prix du titre doit être diminué des intérêts courus depuis cette date sur le trimestre actuel, soit $\frac{55}{90} \times 0.75 = 0.46$, ce qui donne pour le prix net 76^{fr} , 64.

Le taux trimestriel correspondant à ce cours est 0,978, ce qui, d'après la Table II, correspond au cours annuel 3,8375.

Ce taux est compris entre $3\frac{3}{4}$ et $3\frac{7}{8}$ pour 100.

Au 16 juillet 1878, les prix du 3 pour 100 amortissable à ces deux taux étaient respectivement 85^{fr}, 16 et 82^{fr}, 96.

Au 24 février 1879, il sera, d'après le procédé indiqué ci-dessus :

Au taux de 3 3:

$$(85,16 \times 1,00925 - 0,75)1,00925 - 0,75 + \frac{55}{90} \times 0,75 = 85,66;$$

Au taux de 3 3:

$$(82,96 \times 1,00965 - 0,75)$$
 $1,00955 - 0,75 + \frac{55}{90} \times 0,75 = 83,50$.

D'où l'on conclura par interpolation le prix du 3 pour 100 amortissable au 24 février 1879 et au taux 3,8375, qui est égal à

$$85,66 - \frac{85,66 - 83,50}{0,125} \times (3,8375 - 3,750) = 84,15.$$

Telle est la parité cherchée.

Le cours officiel du 3 pour 100 amortissable était, à la même date, de 79^{fr},50.

Exemple II. — Une obligation de Lyon-Fusion, frappée des trois taxes de 0,20 pour 100 sur le cours moyen, de 3 pour 100 sur le revenu et la prime de remboursement, vaut 352^{fr},50 le 1^{er} mars 1879 : quelle est, à cette date, la parité du 3 pour 100 amortissable?

Il y a lieu d'abord de déterminer le taux de l'obligation.

Cette détermination a été faite page 224 et le taux dont il s'agit est 4,30 pour 100 par an.

Il reste à déterminer, d'après ce taux, le prix du 3 pour 100 amortissable. En imitant les procédés du 1^{er} Exemple de cette note, on trouvera pour ce prix 76^{fr}, 29; c'est la parité demandée.

Le cours officiel du 3 pour 100 amortissable était, à la même date, de 79fr,65.

Prix, au 16 juillet de chacune des années sous-indiquées, de 3^{fr} de la rente française amortissable, d'après divers taux annuels d'intérét.

1					Chicago Company		
WATER BRIDE T	ANNÉES.	3 1 0/0.	3 5 0/0.	3 3 %.	3 7 %.	4 %.	ANNÉES.
111	1878	89,89	87,47	85,16	82,96	80,86	1878
I	1879	89,94	87,53	85,23	83,03	80,93	1879
i	1880	89,99	87,59	85,30	83,11	81,01	1880
	1881	90,04	87,65	85,37	83,19	81,10	1881
Total Control	1882	90,10	87,72	85,45	83,27	81,19	1882
No.	1883	90,16	87,79	85,53	83,36	81,29	1883
	1884	90,22	87,86	85,61	83,45	81,39	1884
	1885	90,28	87,93	85,69	83,54	81,49	1885
	1886	90,34	88,01	85,78	83,64	81,59	1886
	1887	90,40	88,09	85,87	83,74	81,70	1887
-	1888	90,47	88,17	85,96	83,85	81,82	1888
	1889	90,54	88,25	86,06	83,96	81,94	1889
	1890	90,61	88,34	86,16	84,07	82,06	1890
-	1891	90,69	88,43	86,26	84,19	82,19	1891
-	1892	90,77	88,52	86,37	84,31	82,32	1892
Charles .	1893	90,85	88,61	86,49	84,44	82,46	1893
NAME OF	1894	90,93	88,71	86,61	84,57	82,61	1894
Service .	1895	91,02	88,82	86,73	84,71	82,76	1895
1	1896	91,11	88,93	86,86	84,85	82,92	1896
	1897	91,20	89,04	86,99	85,00	83,08	1897
	1898	91,30	89,16	87,13	85,15	83,25	1898
	1899	91,40	89,28	87,27	85,31	83,44	1899
	1900	91,51	89,41	87,42	85,48	83,62	1900
	1901	91,62	89,55	87,57	85,66	83,81	1901
	1902	91,73	89,69	87,73	85,84	84,01	1902
STREET	1903	91,85	89,83	87,90	86,03	84,22	1903
No.	1904	91,97	89,98	88,08	86,23	84,44	1904
	1905	92,10	90,14	88,26	86,44	84,67	1905
	1906	92,23	90,30	88,45	86,65	84,91	1906
ALC: NAME OF	1907	92,37	90,48	88,65	86,88	85,16	1907
Mary Sales	1908	92,46	90,59	88,78	87,02	85,33	1908
1	1909	92,55	90,70	88,91	87,17	85,49	1909
OS CO	1910	92,65	90,82	89,05	87,33	85,67	1910
	1911	92,75	90,94	89,19	87,49	85,85	1911
THE PERSON	1912	92,85	91,07	89,34	87,66	86,03	1912
ANTENNA	1913	92,96	91,20	89,49	87,84	86,23	1913
CARL SHAPE	1914	93,07	91,34	89,65	88,02	86,43	1914
NATURE DE	1915	93,18	91,48	89,82	88,21	86,64	1915
1		1	-				

Prix, au 16 juillet de chacune des années sous-indiquées, de 3^{tr} de la rente française amortissable, d'après divers taux annuels d'intérét.

	****				The state of the s	
ANNÉES.	3 1 0/0.	3 5 0/0.	3 3 0/0.	3 7 0/0.	4 %.	ANNÉES.
1916	93,30	91,63	89,99	88,40	86,86	1916
1917	93,43	91,78	90,17	88,61	87,09	1917
1918	93,56	91,94	90,35	88,82	87,32	1918
1919	93,69	92,10	90,55	89,04	87,57	1919
1920	93,83	92,27	90,75	89,27	87,83	1920
1921	93,97	92,45	90,96	89,51	88,10	1921
1922	94,12	92,64	91,18	89,77	88,38	1922
1923	94,28	92,83	91,41	90,03	88,68	1923
1924	94,44	93,03	91,65	90,31	88,99	1924
1925	94,61	93,24	91,50	90,60	89,31	1925
1926	94,74	93,40	92,09	90,81	89,56	1926
1927	94,87	93,56	92,29	91,03	89,81	1927
1938	95,01	93,74	92,49	91,27	90,06	1928
1929	95,15	93,92	92,70	91,53	90,34	1929
1930	95,30	94,10	92,92	91,75	90,62	1930
1931	95,46	94,29	93,15	92,02	90,91	1931
4932	95,62	94,49	93,38	92,29	91,22	1932
1933	95,78	94,69	93,63	92,57	91,54	1933
1934	95,95	94,91	93,88	92,87	91,87	1934
1935	96,13	95,13	94,15	93,18	92,22	1935
1936	96,32	95,37	94,43	93,50	92,59	1936
1937	96,52	95,61	94,72	93,84	92,98	1937
1938	96,72	95,87	95,03	94,20	93,38	1938
1939	96,89	96,08	95,29	94,50	93,72	1939
1940	97,07	96,31	95,55	94,82	94,07	1940
1941	97,26	96,54	95,83	95,14	94,43	1941
1942	97,45	96,78	96,12	95,46	94,81	1942
1943	97,65	97,03	96,42	95,81	95,21	1943
1944	97,86	97,29	96,74	96,18	95,63	1944
1945	98,08	97,57	97,07	96,57	96,08	1945
1946	98,27	97,82	97,36	96,91	96,47	1946
1947	98,47	98,07	97,66	97,27	96,87	1947
1948	98,68	98,33	97,98	97,64	97,29	1948
1949	98,90	98,61	98,31	98,02	97,73	1949
1950	99,13	98,90	98,67	98,44	98,21	1950
1951	99,34	99,17	98,99	98,82	98,64	1951
1952	99,55	99,44	99,31	99,20	99,08	1952
Prix de 3 fr. de la rente perpét, franç. 3 °/	85,72	82,76	80,00	77,60	75,00	
	,	V-42				

Prix, au 16 juillet de chacune des années sous-indiquées, de 3st de la rente française amortissable, d'après divers taux annuels d'intérét.

-	and the second		Allegan State of the State of t		
ANNÉES.	4 1/8 0/0.	4 1/0/0.	4 3 °/o.	4 1/2 0/0.	ANNÉES.
1878	78,84	76,91	75,07	73,30	1878
1879	78,92	77,00	75,16	73,40	1879
1880	79,01	77,10	75,26	73,50	1880
1881	79,10	77,19	75,36	73,61	1881
1882	79,20	77,30	75,47	73,71	1882
1883	79,30	77,40	75,58	73,83	1883
1884	79,41	77,50	75,69	73,95	1884
1885	79,52	77,63	75,81	74,07	1885
1886	79,63	77,75	75,94	74,20	1886
1887	79,72	77,87	76,07	74,34	1887
1888	79,87	78,00	76,20	74,48	1888
1889	80,00	78,13	76,35	74,62	1889
1890	80,13	78,27	76,49	74,78	1890
1891	80,27	78,42	76,65	74,94	1891
1892	80,41	78,57	76,81	75,11	1892
1893	80,56	78,73	77,01	75,28	1893
1894	80,72	78,90	77,16	75,46	1894
1895	80,88	79,08	77,34	75,66	1895
1896	81,05	79,26	77,58	75,86	1896
1897	81,23	79,45	77,73	76,08	1897
1898	81,42	79,65	77,95	76,30	1898
1899	81,61	79,85	78,17	76,53	1899
1900	81,81	80,07	78,40	76,77	1900
1901	82,02	80,30	78,64	77,03	1901
1902	82,25	80,54	78,89	77,29	1902
1903	82,48	80,78	79,15	77,57	1903
1904	82,72	81,04	79,43	77,87	1904
1905	82,97	18,18	79,72	78,17	1905
1906	83,23	81,60	80,03	78,49	1906
1907	83,51	81,90	80,34	78,84	1907
1908	83,68	82,09	80,54	79,05	1908
1909	83,86	82,28	80,75	79,27	1909
1910	84,05	82,48	80,97	79,49	1910
1911	84,25	82,70	81,19	79,73	1911
1912	84,45	82,91	81,43	79,98	1912
1913	84,67	83,14	81,67	80,24	1913
1914	84,89	83,38	81,92	80,51	1914
1915	85,12	83,63	81,88	80,79	1915

Prix, au 16 juillet de chacune des années sous-indiquées, de 3^{tr} de la rente française amortissable, d'après divers taux annuels d'intérét.

	ANNÉES.	4 1 0/0.	4 1/4 0/0.	4 3 °/0.	4 1 0/0.	ANNEES.
	1916	85, 36	83,89	82,47	81,08	1916
	1917	85,61	84,16	82,76	81,39	1917
	1918	85,87	84,44	83,06	81,71	1918
	1919	86,14	84,74	83,38	82,05	1919
	1920	86,42	85,05	83,71	82,41	1920
	1921	86,72	85,37	84,06	82,78	1921
	1922	87,03	85,81	84,43	83,17	1922
	1923	87,36	86,06	84,81	83,58	1923
	1924	87,70	86,44	85,21	84,01	1924
	1925	88,06	86,83	85,63	84,46	1925
	1926	88,33	87,12	85,95	84,79	1926
	1927	88,61	87,43	86,27	85,14	1927
	1928	88,89	87,75	86,61	85,51	1928
	1929	89,19	88,06	86,97	85,83	1929
	1930	89,51	88,41	87,34	86,28	1930
	1931	89,83	88,77	87,72	86,70	1931
1	1932	90,17	89,14	88,12	87,12	1932
Ш	1933	90,52	89,53	88,54	87,57	1933
	1934	90,89	89,94	88,98	88,05	1934
	1935	91,28	90,36	89,44	88,55	1935
	1936	91,68	90,81	89,93	89,07	1936
	1937	92,12	91,28	90,45	89,62	1937
	1938	92,57	91,78	90,99	90,21	1938
	4939	92,95	92,19	91,44	90,70	1939
	1940	93,34	92,62	91,91	91,20	1940
	1941	93,75	93,07	92,40	91,73	1941
	1942	94,17	93,54	92,73	92,28	1942
	1943	94,62	94,03	93,45	92,87	1943
	1944	95,09	94,55	94,02	93,53	1944
	1945	95,59	95,10	94,62	94,14	1945
	1946	96,03	95,58	95,15	94,72	1946
	1947	96,48	96,09	95,70	95,31	1947
	1948	96,95	96,61	96,27	95,93	1948
	1949	97,45	97,16	96,88	96,59	1949
	1950	97,98	97,75	97,53	97,30	1950
	1951	98,46	98,29	98,12	97,95	1951
	1952	98,96	98,84	98,73	98,61	1952
Pi	rix de 3 fr. de la rente perpét franç. 3°/	72,73	70,59	68,57	66,67	



TABLE DES MATIÈRES.

Préface	ages. V
CHAPITRE PREMIER.	
§ I. — Intérêt simple et composé.	
Taux de l'intérêt La valeur acquise par un capital placé à intérêt est proportionnelle à l'im-	I
portance de ce capital	1
 4. Intérêt composé d'un capital pour une durée qui n'est pas un nombre entier d'unités de temps. 5. Comparaison de la valeur acquise, pour une même durée, par un même ca- 	3
pital placé: 1° à intérêt simple, 2° à intérêt composé	5
6 et 7. Taux équivalents	6
térêt composé	7
§ II. — ESCOMPTE.	
9. Définition de l'escompte Valeur escomptée Fixation du taux de	
l'escompte	8
10. Escompte à intérêt composé	8
11. Escompte à intérêt simple	10
3. Relations de grandeur existant entre les résultats des divers modes d'es-	11
compte	11
§ III. — ÉCHÉANCE COMMUNE. — ÉCHÉANCE MOYENNE.	
4 et 15. Échéance commune	12
6. Échéance moyenne	15
CHAPITRE 11.	
§ 1. — RENTES.	
17. Définition	17
immédiates, anticipées et différées	18

21 et 22. Détermination, d'après un taux donné, de la valeur des rentes limitées	ages.
immédiates, anticipées et différées	19
des perpétuités	20
§ II. — ACCUMULATION A INTÉRÈT COMPOSÉ DES ARRÉRAGES D'UNE RENTE LIMITÉE. PLACEMENTS ÉGAUX FAITS A DES ÉPOQUES ÉQUIDISTANTES.	
30. Accumulation à intérêt des arrérages d'une rente limitée. Note sur la mul-	
tiplication abrégée	25 27
CHAPITRE III.	
§ I. — Emprunts remroursables par des rentes limitées.	
32. Détermination de l'annuité nécessaire aux services d'intérêt et d'amortis-	
sement d'un emprunt	29
gressif	30
prunteur est constante	30
ment. — Détermination de l'amortissement	32
chaque unité de temps de sa durée	34
semestre, la <i>valeur absolue</i> de l'annuité due par l'emprunteur reste con- stante	34
§ II. — ÉVALUATION, D'APRÈS UN TAUX QUELCONQUE D'INTÉRÈT, DE LA NUE PRO- PRIÉTÉ DES TITRES D'UN EMPRUNT. DE LEUR JOUISSANCE ET DE CES TITRES EUX-MÊMES.	
38. Emprunts dont l'intérêt et l'amortissement sont payés en sin d'année	
Définition de la nue propriété des titres d'un emprunt	34
titres non amortis d'un emprunt dont l'âge est un nombre entier d'années. 40. Définition de la jouissance des titres d'un emprunt	35 36
d'un emprunt dont l'âge est un nombre entier d'années. — Détermination de la valeur de la jouissance de ces mêmes titres	
42. Mêmes déterminations qu'aux nº 39 et 41 quand l'âge de l'emprunt n'est pas	37
un nombre entier d'années	37
l'amortissement en fin d'année	37
emprunt de cette classe	2 -

CHAPITRE IV.

§ I. - EMPRUNTS PAR OBLIGATIONS.

8. 9. I	Définitions. — Particularités des emprunts par obligations	40 42 42
	§ 11. — Construction des tableaux d'amobitssement pour les emprunts PAR OBLIGATIONS.	40
2. (i3. (Cas d'un emprunt de la première classe	44 48 48
	§ 111. — ÉVALUATION DE LA NUE PROPRIÉTÉ DES OBLIGATIONS D'UN EMPRUNT, DE LEUR JOUISSANCE ET DE CES OBLIGATIONS ELLES-MÉMES, D'APRÈS UN TAUX QUEL-CONQUE D'INTÉRÊT ET SANS TENIR COMPTE DES TAXES QUI LES FRAPPENT.	
5 et	et 56. Détermination, d'après un taux donné, du prix moyen de la nue propriété d'une obligation quelconque et dont l'âge est un nombre entier d'années	49
7. 1	Détermination, d'après un taux donné, du prix moyen d'une obligation appartenant à un emprunt de la première classe et dont l'âge est un	
8. I	nombre entier d'années Détermination, d'après un taux donné, du prix moyen de la jouissance d'une obligation appartenant à un emprunt de la première classe et dont l'âge	53
9. 1	est un nombre entier d'années	54
0. 1	nombre entier d'années	55
1. 1	nombre entier d'années. Détermination des prix des obligations quelconques dont l'âge n'est pas un nombre entier d'années.	55 57
2. I	Détermination du taux d'intérêt qui correspond au prix donné d'une obligation appartenant à un emprunt de la première classe	58

	Détermination du taux d'intérêt qui correspond au prix donné d'une obligation appartenant à un emprunt de la deuxième classe	59
	gation appartenant à la troisième ou à la quatrième classe	59
	§ 1V. — Procédés de calcul relatifs aux obligations frappées de taxes par la loi française.	
65.	Importance de la dépréciation des obligations par suite des taxes qui les frappent	60
66.	Règle pour obtenir la valeur d'une obligation quelconque frappée seulement de la taxe de 0 ^{fr} , 20 pour 100.	
67.	Règle pour obtenir la valeur d'une obligation quelconque frappée de la taxe de 3 pour 100 sur le revenu et l'amortissement qu'elle soit déjà frappée ou non de la taxe de o ^f , 20 pour 100	60 60
68.	Détermination du taux d'intérêt correspondant au prix donné d'une obligation appartenant à un emprunt de la première classe et frappée des trois taxes	62
69.	Même détermination pour le cas d'une obligation appartenant à un em- prunt de la deuxième classe. — Table VI contenant, pour divers taux, les rapports de la nue propriété d'une obligation à sa valeur totale	63
70.	Tables relatives aux emprunts par obligations.	63
	CHAPITRE V.	
	§ I. — FONDS PUBLICS FRANÇAIS.	
	Fonds publics en général	64
	Modes de payement des arrérages des rentes françaises	64 69
74.	Obligations trentenaires	70
75.	Bons du Trésor	71
76.	Amortissement de la dette consolidée	72
	Calcul de l'intérêt acquis par un titre de rente à une époque intermédiaire entre les détachements de deux coupons successifs	72
	entre les détachements de deux coupons successifs	72
	§ II. — EMPRUNTS DE LA VILLE DE PARIS.	
79.		
	Définitions des six premiers emprunts contractés par la Ville de Paris Problèmes relatifs aux obligations de ces emprunts	76 76
80	Problèmes relatifs aux obligations de ces emprunts	76
80.	Problèmes relatifs aux obligations de ces emprunts	

CHAPITRE VI,

	§ I. — DÉFINITION DE LA BOURSE, SON ROLE DANS LA PHYSIOLOGIE SOCIALE.	
82. D 83. L	Définition de la Bourse	Pages. 91 92
	§ II. — HISTORIQUE.	
	Historique de la Bourse	93 94
	§ III. — OPÉRATIONS DE BOURSE PROPREMENT DITES.	
87. M 88. M 89. M 90. R 91. J 92. M 93. R	Classification des opérations de Bourse. Marchés au comptant. Marchés à terme. Marchés fermes. Report et déport. Murisprudence actuelle sur la nature du report. Marchés à prime. Réponse des primes. Combinaison des marchés fermes et à prime. § IV. — Usages de place a la Bourse de Paris.	95 95 96 96 99 99
	Fractionnement des marchés. — Cours. — Cote. — Réponse des primes. — Liquidation. — Compensation. — Escompte. — Coulisse. — Marché en banque	103
	CHAPITRE VII.	
	§ 1. — Change.	
97. D	Définition du change	109
	§ II. — LETTRE DE CHANGE.	
	Définition de la lettre de change	110
	§ III. — Cotes.	
102. U	Définition de la cote des changes Une place donne à une autre le <i>certain</i> ou l'incertain; ce qu'il faut entendre par ces locutions	112 115 114

§ IV. — ARBITRAGES.

I	Pages.
104. Définition des arbitrages	117
	117
106 et 107. Arbitrages indirects	119
108. Méthode de la règle conjointe ou chaîne	122
§ V. — Arbitrages de fonds puellos.	
109. En quoi consistent ces opérations. — Exemples	125
§ VI. — Arbitrages de matières d'or et d'argent.	
110. En quoi consistent ces opérations. — Parité des lingots. — Exemples	127
111. Arbitrages indirects	128
112. Parité des monnaies	128
113. Opérations des cambistes	129
CHAPITRE VIII.	
§ I. — Définition et origine de la comptabilité.	
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
114. Définition de la comptabilité	
115. Tenue des livres	130
116. Origine de la comptabilité	130
§ 11. — Enregistrement et classification des faits commerciaux.	
117. Catégories de personnes à considérer dans une maison de commerce	131
118. Journal	132
119. Grand-livre	132
§ 111. — Des deux principales méthodes de comptabilité.	
120. Comptabilité en partie simple	132
121. Comptabilité en partie double.	
§ IV. — DES LIVRES DE COMMERCE.	
122. Livres dont la tenue est exigée par la loi	133
123. Tenue du brouillard	134
124. Tenue du Iivre-journal	135
125. Tenue du grand livre	135
126. Comptes généraux	136
§ V. — DE LA BALANCE.	
127. Ce qu'on entend par balance des comptes d'une maison de commerce	137

§ VI. — DE L'INVENTAIRE OU BILAN

P.	ages.
128. Comment on doit dresser l'inventaire d'une maison de commerce. — Comptes de profits et pertes	137
§ VII. — Applications. — Tence des livres de la maison Pierre et Cio.	
129. Brouillard 130. Journal 131. Grand-livre 132 à 134. Livre des comptes courants et d'intérêts. 135. Bordereaux de négociation. 136. Livre d'effets à recevoir. 137. Livre de caisse. 138. Balance de vérification. 139. Balance d'inventaire. 140. Inventaire.	139 142 146 153 158 161 163 163 155
§ VIII. — OUVERTURE ET CLOTURE DES ÉCRITURES D'UNE MAISON DE COMMERCE.	
141. Ouverture des comptes	167 168 169
TABLES.	
Table I. Cette Table comprend, à chaque page, quatre colonnes donnant respectivement, pour les taux les plus usuels d'intérêt et jusqu'à 100 années: 1º La valeur acquise par 1 franc placé à intérêt composé pendant un nombre entier d'années; 2º La valeur actuelle, déterminée par l'escompte à intérêt composé, de 1 franc exigible après un nombre entier d'années; 3º La valeur actuelle d'une annuité immédiate de 1 franc, composée d'un nombre entier de termes; 4º L'annuité nécessaire pour faire les services d'intérêt et d'amortissement d'un emprunt de 1 franc remboursable en un nombre entier d'années.	171
TABLE II. Cette Table donne pour les taux annuels usuels la valeur acquise par 1 franc placé à intérêt composé pendant un certain nombre de mois.	205
TABLE III. Cette Table donne la définition des principaux emprunts cotés à la Bourse de Paris. Les Tables IV, V et VI concernent des obligations remboursables à 500 francs et produisant un intérêt annuel de 15 francs, taxes non déduites.	209

TABLE IV. Cette Table donne, d'après différents taux annuels d'intérêt, le prix des obligations de la première classe. Elle permet aussi de tenir

	Pages.
compte, dans tous les problèmes relatifs à ces obligations, des taxes auxquelles elles sont soumises.	213
Table V. Cette Table donne, d'après différents taux annuels d'intérêt. le prix des obligations de la seconde classe (obligations de chemins de fer). Elle permet aussi de tenir compte, dans tous les problèmes relatifs à ces obligations, des taxes auxquelles elles sont soumises. Elle est précédée d'une note qui explique en détail ses usages et contient notamment des exemples de calculs de parité.	
TABLE VI. Cette Table donne, d'après divers taux annuels d'intérêt, les rapports de la nue propriété à la valeur nominale d'une obligation de la première ou de la seconde classe.	
Table VII. Cette Table donne, d'après divers taux annuels d'intérêt, les prix. au 16 juillet de chacune des années y indiquées, de 3 francs de la rente française amortissable. Elle est précédée d'une note qui explique en détail ses usages et contient notamment des exemples de calculs de parité.	
Table des matières.	2/10

FIN DE LA TABLE DES MATIÈRES.

ERRATA ET ADDITIONS.

Page 206, colonne 3 mois, taux 10/10, lire 1,00373 au lieu de 1,00496.

Pages 244 et suivantes, dans le titre, lire 16 avril au lieu de 16 juillet.

Page 243, lignes 14 et 16, lire
$$\frac{39}{90}$$
 au lieu de $\frac{55}{90}$.

En tenant compte de ces indications dans les exemples des pages 242 et 243, la solution du premier est 84^{fr}, 64 au lieu de 84^{fr}, 59; la solution du deuxième ne varie pas; celle du troisième devient 84^{fr}, o2 et celle du quatrième 76^{fr}, 64.

Pages 247. Les prix inscrits dans la dernière ligne horizontale sont ceux d'une rente perpétuelle de 3 francs payable annuellement. Si la rente perpétuelle de 3 francs est payable par trimestres de ofe, 75 chacun, comme cela a lieu pour le 3 pour 100 français. les prix sont plus forts; le Tableau suivant les fait connaître avec une augmentation de ofe, 125, qui représente la portion acquise du coupon pendant 15 jours. Cette augmentation est faite pour rendre comparables les prix de ce Tableau avec ceux de la rente amortissable correspondant aux mêmes taux et apprécier les écarts théoriques des prix des deux rentes. Il est facile de voir que ces écarts, pour le même taux, décroissent lorsque l'amortissable vicillit et croissent, pour le même âge, quand le taux d'appréciation augmente, c'est-à-dire quand le prix des rentes diminue.

Prix de la rente perpétuelle française 3 pour 100 au seizième jour du mois qui commence un trimestre et d'après les divers taux annuels d'intérét placés dans la première ligne horizontale.

3 ½ 0/0	3 5 0/0	3 3 0/0	3 7 0/0	4 0/0	4 1 0/0	4 1 0/0	4 3 0/0	4 1 0/0
86,96	84,00	81,24	78,66	76,24	73,97	71,83	69,81	67,91













